

1. 다음 문장 중 명제인 것을 모두 고르면?

① 북한산은 아름답다.

② 미국의 수도는 뉴욕이다.

③ 거짓말은 나쁘다.

④ 우리나라의 미래는 청소년에게 달렸다.

⑤ 세계에서 가장 긴 강은 나일강이다.

해설

② 거짓, ⑤ 참  
따라서 명제는 ②, ⑤ 이다.

2. 다음 중 명제를 모두 고르면?

㉠  $2 + 2 = 4$

㉡  $x + 8 = x - 5$

㉢  $3x - 1 = 10$

㉣  $x + 2x > 6$

① ㉠

② ㉡

③ ㉠, ㉡

④ ㉡, ㉢

⑤ ㉢, ㉣

### 해설

명제는 참, 거짓이 명확해야 한다.

㉠ 참, ㉡ 거짓

㉢, ㉣ 미지수  $x$  의 값에 따라 참이 되기도 하고 거짓이 되기도 하므로 명제가 아니다.

3. 다음 중 명제가 아닌 것은?

①  $2(x-3) = -x+5+3x$

②  $x > -1$ 이면  $x > 0$ 이다.

③  $x$ 가 실수이면  $x^2 \geq 0$ 이다.

④  $x^2 + 4x - 5 = 0$

⑤  $x = 2$ 이면  $x^3 = 8$ 이다.

해설

참인 명제 : ③, ⑤

거짓인 명제 : ①, ②

④의 경우  $x = -5$  또는  $x = 1$ 일 때는 참이고, 그 외의 경우는 거짓이므로 명제가 아니다.

4. 다음 중 거짓인 명제는?

① 직사각형은 사다리꼴이다.

②  $x > 3$ 이면  $x > 5$  이다.

③  $a = b$ 이면  $a^3 = b^3$  이다.

④  $x$ 가 4의 배수이면  $x$ 는 2의 배수이다.

⑤  $(x - 3)(y - 5) = 0$ 이면  $x = 3$  또는  $y = 5$  이다.

해설

반례 :  $x = 4$

5. 전체집합  $U$  에서 조건  $p, q$  의 진리집합을 각각  $P, Q$  라 할 때, 명제  $\sim p \rightarrow q$  가 참일 때, 다음 중 옳지 않은 것은? (단,  $U \neq \emptyset$ )

①  $P^c \subset Q$

②  $P \cap Q = \emptyset$

③  $P^c \cap Q^c = \emptyset$

④  $P \cap Q^c = Q^c$

⑤  $P \cup Q = U$

### 해설

$\sim p \rightarrow q$  를 확인하기 위해 대우의 참, 거짓을 판별하거나 포함 관계를 본다.

$P^c \subset Q$  이려면  $(P \cup Q)^c = \emptyset$  이어야 한다.

$\therefore P \cup Q = U, P^c \cap Q^c = \emptyset$

$P \cap Q = \emptyset$  는 알 수 없다.

6. 다음 중 명제 ' $x + y \geq 2$  이고  $xy \geq 1$  이면,  $x \geq 1$  이고  $y \geq 1$  이다.' 가 거짓임을 보이는 반례는?

①  $x = 1, y = \frac{1}{2}$

②  $x = 100, y = \frac{1}{2}$

③  $x = 1, y = 1$

④  $x = 2, y = 4$

⑤  $x = -1, y = -5$

해설

$x + y \geq 2, xy \geq 1$  는 만족하지만,  $x \geq 1, y \geq 1$  은 만족하지 않는 반례를 찾는다.

$\therefore x = 100, y = \frac{1}{2}$  일 때, 거짓이다.

7. 다음 중 항상 참이라고 할 수 없는 것은?

- ① 자연수  $n$ 에 대하여,  $n^2$ 이 짝수이면  $n$ 도 짝수이다.
- ② 자연수  $n, m$ 에 대하여  $n^2 + m^2$ 이 홀수이면,  $nm$ 은 짝수이다.
- ③ 자연수  $n$ 에 대하여,  $n^2$ 이 3의 배수이면,  $n$ 은 3의 배수이다.
- ④  $a, b$ 가 실수일 때,  $a + b\sqrt{2} = 0$ 이면,  $a = 0$ 이다.
- ⑤ 두 실수  $a, b$ 에 대하여,  $a + b > 2$ 이면,  $a > 1$  또는  $b > 1$

### 해설

①, ③ :  $n^2$ 이  $p$ 의 배수이면,  $n$ 은  $p$ 의 배수이다. (참)

② : 대우는 ‘ $nm$ 은 홀수이면  $n^2 + m^2$ 이 짝수이다.’  $nm$ 은 홀수, 즉  $n, m$  모두 홀수이면  $n^2, m^2$  모두 홀수이므로  $n^2 + m^2$ 은 짝수이다.

∴ 주어진 명제는 참

④ 반례 :  $a = 2\sqrt{2}, b = -1$

※ 주의) 주어진 명제가 참일 때는,  $a, b$ 가 유리수라는 조건일 때임을 명심해야 한다.

⑤ 대우 :  $a \leq 1$  그리고  $b \leq 1$ 이면  $a + b \leq 2$  (참)

8.  $p_n$  이 다음과 같을 때,  $f(p_n) = 1$  ( $p_n$ 이 명제이면)  $f(p_n) = -1$  ( $p_n$ 이 명제가 아니면) 로 정의한다. 이 때,  $f(p_1) + f(p_2) + f(p_3)$  의 값을 구하면? (단,  $n = 1, 2, 3$ )

$$p_1 : x^2 - x - 2 = 0$$

$p_2$  : 16의 양의 약수는 모두 짝수이다.

$p_3$  :  $\sqrt{3}$  은 유리수이다.

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$f(p_n) = \begin{cases} 1 & (p_n \text{이 명제이다.}) \\ -1 & (p_n \text{이 명제가 아니다.}) \end{cases}$$

$p_1 : x^2 - x - 2 = 0 \rightarrow$  명제가 아니다. ( $\because x$  값에 따라 참 일수도 거짓일수도 있다.)

$p_2 :$ 거짓,  $p_3 :$ 거짓  $\rightarrow$  모두 거짓인 명제이다.

$$\therefore f(p_1) + f(p_2) + f(p_3) = (-1) + 1 + 1 = 1$$

9. 명제 ' $x > 1$  인 어떤  $x$  에 대하여  $x^2 < 1$  또는  $x^2 = 1$ '의 부정은?

①  $x \leq 1$  인 모든  $x$  에 대하여  $x^2 > 1$

②  $x > 1$  인 모든  $x$  에 대하여  $x^2 > 1$

③  $x < 1$  인 모든  $x$  에 대하여  $x^2 \geq 1$

④  $x > 1$  인 모든  $x$  에 대하여  $x^2 \geq 1$

⑤  $x \leq 1$  인 모든  $x$  에 대하여  $x^2 \geq 1$

### 해설

$x > 1$ 은 대전제이므로 부정이 적용되지 않는다.

$\sim$  (어떤  $x$ )  $\leftrightarrow$  (모든  $x$ ),  $\sim$  (또는)  $\leftrightarrow$  (그리고),

$\sim (x^2 < 1) \leftrightarrow (x^2 \geq 1)$ ,  $\sim (x^2 = 1) \leftrightarrow (x^2 \neq 1)$

따라서 주어진 명제의 부정은 ' $x > 1$  인 모든  $x$  에 대하여  $x^2 > 1$ '이다.

10.  $x, y, z$  가 실수일 때, 조건  $(x-y)^2 + (y-z)^2 = 0$  의 부정과 동치인 것은?

①  $(x-y)(y-z)(z-x) \neq 0$

②  $x, y, z$  는 서로 다르다.

③  $x \neq y$  이고  $y \neq z$

④  $(x-y)(y-z)(z-x) > 0$

⑤  $x, y, z$  중에 적어도 서로 다른 것이 있다.

해설

$(x-y)^2 + (y-z)^2 = 0$  이면  $x = y = z$  이므로 이것의 부정은  
 $x \neq y$  또는  $y \neq z$  또는  $z \neq x$

즉,  $x, y, z$  중에 적어도 서로 다른 것이 있다.

11. 두 조건  $p : x$ 는 홀수,  $q : x$ 는 10 이하의 소수에 대하여 ' $p$  또는  $\sim q$ '의 부정을 만족하는 것은? (단,  $x$ 는 자연수)

① 1

② 2

③ 3

④ 7

⑤ 8

### 해설

' $\sim(p$  또는  $\sim q)$ '는 ' $\sim p$ 이고  $q$ '에서  $\sim p : x$ 는 짝수,  $q : x$ 는 10이하의 소수

따라서, ' $x$ 는 짝수'이고 ' $x$ 는 10이하의 소수'를 만족하는 것은 2이다

12. 실수  $x, y$  에 대하여 조건 ' $|x| + |y| = 0$ ' 의 부정과 같은 것은?

①  $x = y = 0$

②  $x = y \neq 0$

③  $x \neq 0$  이고  $y \neq 0$

④  $x, y$  중 적어도 하나는 0 이다.

⑤  $x, y$  중 적어도 하나는 0 이 아니다.

### 해설

$|x| + |y| = 0$  의 부정은  $|x| + |y| \neq 0$  이다.

따라서,  $x \neq 0$  또는  $y \neq 0$  이므로  $x, y$  중 적어도 하나는 0 이 아니다.

13. 두 조건  $p, q$ 를 만족하는 집합을 각각  $P, Q$ 라고 할 때, ' $p$  또는  $\sim q$ '를 만족하는 집합을 구하면?

①  $P - Q$

②  $Q - P$

③  $P^c \cup Q$

④  $P \cup Q^c$

⑤  $P \cap Q^c$

해설

조건  $\sim q$ 를 만족하는 집합이  $Q^c$  이므로 ' $p$  또는  $\sim q$ '를 만족하는 집합은  $P \cup Q^c$ 이다.

14. 전체집합  $U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$  에 대하여 조건  $x^2 - 2 > 0$  의 진리집합은?

①  $\emptyset$

②  $\{0, 1\}$

③  $\{3, 4, 5\}$

④  $\{2, 3, 4, 5\}$

⑤  $U$

해설

주어진 조건  $x^2 - 2 > 0$  에

$x = 0$  을 대입하면  $0 - 2 > 0$  (거짓)

$x = 1$  을 대입하면  $1 - 2 > 0$  (거짓)

$x = 2$  를 대입하면  $4 - 2 > 0$  (참)

$x = 3$  을 대입하면  $9 - 2 > 0$  (참)

$x = 4$  를 대입하면  $16 - 2 > 0$  (참)

$x = 5$  를 대입하면  $25 - 2 > 0$  (참)

따라서 구하는 진리집합은  $\{2, 3, 4, 5\}$

15. 네 조건  $p : x > 0$ ,  $q : y > 0$ ,  $r : x < 0$ ,  $s : y < 0$ 을 만족하는 집합을 각각  $P, Q, R, S$  라 할 때, 조건  $xy > 0$  을 만족하는 집합은?

①  $(P \cap Q) \cup (R^c \cap S^c)$

②  $(P \cap Q) \cap (R \cap S)$

③  $(P \cap Q) \cup (R \cap S)$

④  $(P \cup Q) \cap (R \cup S)$

⑤  $(P \cup Q) \cap (R \cup S)^c$

해설

$p : x > 0$ ,  $q : y > 0$ ,  $r : x < 0$ ,  $s : y < 0$  일 때

$xy > 0 \Leftrightarrow (x > 0, y > 0)$  또는  $(x < 0, y < 0)$

따라서, 주어진 조건을 만족하는 집합은

$(P \cap Q) \cup (R \cap S)$

16. 다음 중 참인 명제는 모두 몇 개인가?

- ㉠ 임의의 유리수  $x$ 에 대하여  $x + y = \sqrt{3}$  을 만족하는 유리수  $y$ 가 존재한다.
- ㉡ 임의의 유리수  $x$ 에 대하여  $xy = 1$  을 만족하는 유리수  $y$ 가 존재한다.
- ㉢ 임의의 무리수  $x$ 에 대하여  $xy = 1$  을 만족하는 무리수  $y$ 가 존재한다.
- ㉣ 임의의 무리수  $x$ 에 대하여  $\sqrt{3}x$  는 무 리수이다.

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 없다.

### 해설

- ㉠ 주어진 조건을 만족하는 유리수  $y$ 가 존재한다면 (유리수)+(유리수)=(무리수)가 되므로 모순이다. (거짓)
  - ㉡  $x = 0$  일 때,  $xy = 1$ 을 만족하는  $y$ 는 존재하지 않는다. (거짓)
  - ㉢  $x$ 가 무리수이므로  $x \neq 0$ 이다. 즉,  $xy = 1$  에서  $y = \frac{1}{x}$  은 무리수이므로 무리수  $y$ 가 존재한다. (참)
  - ㉣  $x = \sqrt{3}$  일 때,  $\sqrt{3}x = \sqrt{3}\sqrt{3} = 3$  이 되어 유리수이다. (거짓)
- 따라서 참인 명제는 ㉢ 하나뿐이다.

17. 실수 전체집합에 대하여 세 조건  $p, q, r$  이 아래와 같을 때 다음 중 참인 명제는?

$$p : x > 1, \quad q : 1 < x < 2, \quad r : x < 2$$

①  $p \rightarrow q$

②  $p \rightarrow r$

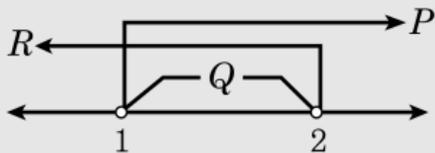
③  $q \rightarrow r$

④  $r \rightarrow p$

⑤  $\sim r \rightarrow \sim p$

해설

$$p : x > 1, \quad q : 1 < x < 2, \quad r : x < 2$$



$$\therefore Q \subset P, Q \subset R \text{ 이므로 } q \rightarrow p, q \rightarrow r \text{ (참)}$$

18. 두 조건  $p, q$  를 만족하는 집합을  $P, Q$  라 하자. 두 집합  $P, Q$  가  $P \cup Q = P$  를 만족할 때, 다음 명제 중 항상 참인 것은?

①  $p \rightarrow q$

②  $\sim p \rightarrow \sim q$

③  $\sim p \rightarrow q$

④  $\sim q \rightarrow \sim p$

⑤  $p \rightarrow \sim p$

해설

$$P \cup Q = P \Rightarrow Q \subset P \Rightarrow q \rightarrow p \text{ (참)} \Rightarrow \sim p \rightarrow \sim q \text{ (참)}$$

19. 전체집합을  $U$ , 두 조건  $p, q$ 의 진리집합을 각각  $P, Q$ 라 할 때, 두 집합  $P, Q$ 는  $P \cap Q^c = \emptyset, Q^c \subset P$ 를 만족한다. 다음 중에서 참인 명제를 모두 고르면?

㉠  $p$ 이면  $\sim q$ 이다.

㉡  $p$ 이면  $q$ 이다.

㉢  $\sim q$ 이면  $p$ 이다.

① ㉠

② ㉡

③ ㉢

④ ㉠, ㉢

⑤ ㉡, ㉢

### 해설

$P \cap Q^c = \emptyset$ 에서  $Q^c \subset P$ 이므로

$$P \cap Q^c = Q^c = \emptyset$$

$$\therefore Q = U$$

㉠  $Q^c = \emptyset$ 이므로  $P \not\subset Q^c$ 이고

$p \rightarrow \sim q$ 는 거짓이다.

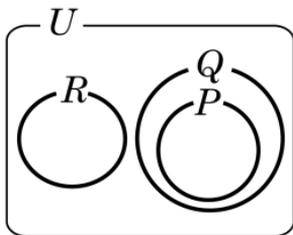
㉡  $Q = U$ 이므로  $P \subset Q$ 이고

$p \rightarrow q$ 는 참이다.

㉢  $Q^c = \emptyset$ 이고  $Q^c \subset P$ 이고

$\sim q \rightarrow \sim p$ 는 참이다.

20. 세 조건  $p, q, r$  를 만족하는 집합을 각각  $P, Q, R$  라고 할 때, 이들 사이의 포함 관계는 다음 그림과 같다. 다음 명제 중 거짓인 것은?



①  $r \rightarrow \sim q$

②  $r \rightarrow \sim p$

③  $p \rightarrow \sim r$

④  $\sim q \rightarrow \sim p$

⑤  $p \rightarrow \sim q$

### 해설

명제의 참, 거짓은 각각의 조건을 만족하는 집합의 포함 관계로 판별할 수 있다.

- ①  $R \subset Q^c$  이므로  $r \rightarrow \sim q$  는 참이다.
- ②  $R \subset P^c$  이므로  $r \rightarrow \sim p$  는 참이다.
- ③  $P \subset R^c$  이므로  $p \rightarrow \sim r$  는 참이다.
- ④  $Q^c \subset P^c$  이므로  $\sim q \rightarrow \sim p$  는 참이다.
- ⑤  $P \not\subset Q^c$  이므로  $p \rightarrow \sim q$  는 거짓이다.

21. 전체집합을  $U = \{-1, 0, 1\}$ 이라 할 때, 전체집합  $U$ 에 대하여 다음 중 참인 명제는?

- ① 모든  $x$ 에 대하여  $x^2 > 1$ 이다.
- ② 임의의  $x, y$ 에 대하여  $x + y \leq 1$ 이다.
- ③ 어떠한  $x$ 에 대하여도  $x^2 + 2x \geq -1$ 이다.
- ④ 적당한  $x, y$ 에 대하여  $x^2 - y^2 > 1$ 이다.
- ⑤  $x^2 + x < x^3$  인  $x$ 가 존재한다.

### 해설

- ① 반례 :  $x = 0$  일 때  $x^2 = 0$  이므로 주어진 명제는 거짓이다.
- ② 반례 :  $x = y = 1$  일 때  $x + y = 2 \geq 1$  이므로 주어진 명제는 거짓이다.
- ③ 모든  $x$ 에 대하여  $x^2 + 2x + 1 = (x + 1)^2 \geq 0$  이므로 주어진 명제는 참이다.
- ④ 모든  $x, y$ 에 대하여  $x^2 - y^2 \leq 1$  이므로 주어진 명제는 거짓이다.
- ⑤ 모든  $x$ 에 대하여  $x^2 + x \geq x^3$  이므로 주어진 명제는 거짓이다.

22. 명제 '모든 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $xy = yz = zx$ 이다.'를 부정한 것은?

- ① 모든 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $xy \neq yz \neq zx$ 이다.
- ② 어떤 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $xy \neq yz$ 이고  $yz \neq zx$ 이다.
- ③ 모든 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $xy \neq yz$ 이고  $yz \neq zx$ 이다.
- ④ 어떤 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $xy \neq yz$ 이고  $yz \neq zx$ 이고  $zx \neq xy$ 이다.
- ⑤ 어떤 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $xy \neq yz$  또는  $yz \neq zx$  또는  $zx \neq xy$ 이다.

해설

' $xy = yz = zx$ '는 ' $xy = yz$ 이고  $yz = zx$ 이고  $zx = xy$ '이므로 ' $xy = yz = zx$ '의 부정은  $xy \neq yz$  또는  $yz \neq zx$  또는  $zx \neq xy$ 이다. 따라서 주어진 명제의 부정은 어떤 실수  $x, y, z$ 에 대하여  $xy \neq yz$  또는  $yz \neq zx$  또는  $zx \neq xy$ 이다.

23. 전체집합  $U = \{1, 2, 3, 4, 5\}$  의 두 원소  $x, y$  에 대하여 다음 명제 중 거짓인 것은?

① 어떤  $x, y$  에 대하여  $x^2 + y^2 = 5$  이다.

② 어떤  $x, y$  에 대하여  $x + y \leq 5$  이다.

③ 모든  $x$  에 대하여  $x - 1 < 5$  이다.

④ 어떤  $x$  에 대하여  $x^2 - 1 \leq 0$  이다.

⑤ 모든  $x$  에 대하여  $|x - x^2| \geq 5$  이다.

해설

⑤ (반례)  $x = 1$  인 경우  $|1 - 1| = 0$  이므로 거짓이다.

24. 다음 중 거짓인 명제는?

① 모든 소수는 약수를 2개 가진다.

② 어떤 소수는 홀수가 아니다.

③ 모든 실수  $a$  에 대하여  $a^2 > 0$  이다.

④  $a, b$  가 유리수이면  $a + b$  도 유리수이다.

⑤ 중산고등학교 1 학년 학생들은 수학 공부를 열심히 한다.

해설

③ 0도 실수에 포함되므로 거짓이다.

25. 전체집합  $U = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{ 이하의 자연수}\}$  에서 두 조건  $p, q$  를 만족하는 두 집합을 각각  $P, Q$  라 하자.  $P = \{x \mid x \text{는 } 2 \text{의 배수}\}$ ,  $Q = \{x \mid x \text{는 } 3 \text{의 배수}\}$  일 때,  $p \rightarrow \sim q$  가 거짓임을 보이는 원소는?

① 1

② 2

③ 3

④ 6

⑤ 7

해설

$p \rightarrow \sim q$  의 반례는  $P \not\subset Q^c$  을 만족하는 원소이다.

즉,  $P$  의 원소이면서  $Q^c$  의 원소가 아닌 것이므로  $P \cap (Q^c)^c =$

$P \cap Q$

$\therefore P \cap Q = \{6\}$

26.  $n$  이 100보다 작은 자연수일 때, 다음 명제가 거짓임을 보여주는 반례는 모두 몇 가지인가?

‘ $n^2$  이 12의 배수이면  $n$  은 12의 배수이다.’

▶ 답: 가지

▷ 정답: 8가지

### 해설

명제가 거짓임을 보이는 반례는  $n^2$  이 12의 배수이면서  $n$  이 12의 배수가 아닌 수를 찾으려 한다. 즉,  $n$  은 6의 배수이면서 12의 배수가 아닌 수를 찾으려 한다.

$$n \in \{6 \times 1, 6 \times 3, 6 \times 5, 6 \times 7, 6 \times 9, 6 \times 11, 6 \times 13, 6 \times 15\}$$

27. 다음 중 명제 ' $ab = |ab|$  이면  $a \geq 0$ 이고  $b \geq 0$ 이다.' 가 거짓임을 보여주는 반례로 알맞은 것은?

①  $a = 2, b = 2$

②  $a = -3, b = -1$

③  $a = \frac{1}{2}, b = 1$

④  $a = -1, b = 1$

⑤  $a = \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{3}$

해설

$a = -3, b = -1$  이면  $ab = |ab|$  이지만  $a \geq 0, b \geq 0$  은 아니다.

28. 두 조건  $p : 3 < x < 5$ ,  $q : |x - 1| < a$ 에 대하여 명제  $p \rightarrow q$ 가 참이 되는 실수  $a$ 의 범위는?

①  $0 < a < 4$

②  $a \geq 4$

③  $0 \leq a < 3$

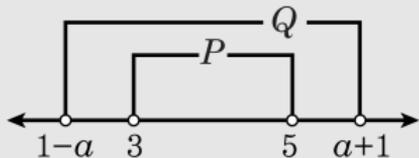
④  $a > 4$

⑤  $0 < a < 3$

해설

$$p \rightarrow q(T) \Rightarrow P \subset Q$$

$$Q : -a < x - 1 < a \Rightarrow 1 - a < x < a + 1$$



$$\therefore 1 - a \leq 3 \text{ 그리고 } 5 \leq a + 1$$

$$\therefore -2 \leq a \text{ 그리고 } 4 \leq a$$

$$\therefore a \geq 4$$

29. 두 조건  $p : |x - 2| \leq h$ ,  $q : |x + 1| \leq 7$ 에 대하여 'p이면 q이다.'가 참이 되도록 하는  $h$ 의 최댓값을 구하여라. (단,  $h \geq 0$ )

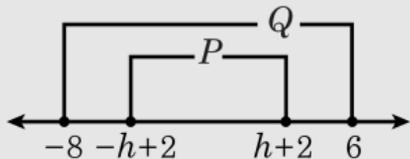
▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$p : 2 - h \leq x \leq 2 + h$$

$$q : -8 \leq x \leq 6$$



$$-h + 2 \geq -8 \leftrightarrow h \leq 10, h + 2 \leq 6 \leftrightarrow h \leq 4$$

$$\therefore h \leq 4$$

$\therefore h$ 의 최댓값은 4

30. 명제 ' $x-2=0$  이면  $x^2-ax+6=0$  이다.' 가 참이 되도록 하는 상수  $a$  의 값은?

① 1

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9

해설

명제 ' $x-2=0$  이면  $x^2-ax+6=0$  이다.' 가 참이 되려면  $2^2-2a+6=0$  을 만족해야 한다.

$$2^2-2a+6=0, 2a=10$$

$$\therefore a=5$$

31.  $p : |x-1| \leq h$ ,  $q : |x+2| \leq 7$  에 대하여 'p 이면 q 이다' 가 참이 되도록 하는  $h$  의 최댓값은? (단,  $h \geq 0$ )

① 4

② 5

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

조건  $p$  의 진리집합을  $P$  라 하면

$|x-1| \leq h$  에서  $-h \leq x-1 \leq h$  이므로

$-h+1 \leq x \leq h+1$

또 조건  $q$  의 진리집합을  $Q$  라 하면

$|x+2| \leq 7$  에서  $-7 \leq x+2 \leq 7$  이므로

$-9 \leq x \leq 5$

$P \subset Q$  이어야 하므로

$-h+1 \geq -9$  에서

$h \leq 10$

$h+1 \leq 5$  에서  $h \leq 4$

따라서  $0 \leq h \leq 4$  이므로  $h$  의 최댓값은 4

32. 자연수  $n$ 에 대하여  $n! = n \times (n-1) \times (n-2) \times \cdots \times 2 \times 1$ 로 정의된다. 예를 들어,  $1! = 1$ ,  $2! = 2 \times 1$ ,  $3! = 3 \times 2 \times 1 = 6$ 이다. 전체집합  $U = \{x \mid x = n! \text{ (} n, x \text{는 자연수)}\}$ 에서 두 조건  $p, q$ 가 각각  $p$ : 일의 자리가 0인수,  $q$ : 자리수가 네 자리 이상인 수 일 때, 조건 ' $p$ 이고  $\sim q$ '를 만족하는 집합의 원소의 개수는?

① 0개

② 1개

③ 2개

④ 3개

⑤ 4개

해설

$$'p\text{이고 } \sim q' \Rightarrow P \cap Q^c = P - Q$$

i) 일의 자리가 0인 수 중 네자리 미만인 수의 일의 자리가 0이기 위해서는 인수로 2, 5를 가져야 한다.

$$5! = \underline{5} \times 4 \times 3 \times \underline{2} \times 1 = 120$$

$$\text{ii) } 6! = 6 \times \underline{5} \times 4 \times 3 \times \underline{2} \times 1 = 720$$

33. 실수  $x$ 에 대하여 두 조건  $p : a \leq x \leq 1$ ,  $q : x \geq -1$ 이 있다. 명제  $p \rightarrow q$ 를 참이 되게 하는 상수  $a$ 의 범위는?

①  $a > 1$

②  $a \leq 1$

③  $-1 \leq a \leq 1$

④  $a \geq -1$

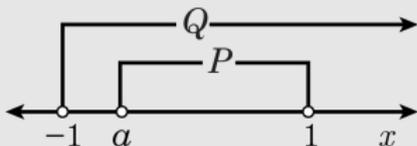
⑤  $a \leq -1$

해설

조건  $p, q$ 의 진리집합을 각각  $P, Q$ 라 하자.

(i)  $a > 1$ 일 때,  $P = \emptyset$ 이므로  $P \subset Q \therefore a > 1$

(ii)  $a \leq 1$ 일 때, 수직선에 나타내면



$\therefore -1 \leq a \leq 1$

(i), (ii)에서  $a \geq -1$