

1. 다음 중 집합인 것을 모두 고르면?

- ① 예쁜 여학생들의 모임
- ② 큰 수의 모임
- ③ 우리 반에서 안경을 낀 학생들의 모임
- ④ 12 의 약수들의 모임
- ⑤ 노래를 잘 부르는 학생들의 모임

해설

예쁘다거나, 크다거나, 노래를 잘 부른다는 조건만으로는 대상을
분명히 알 수가 없다.

2. 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ $\{3, 6, 9, 12, \dots\} = \{x \mid x\text{는 }3\text{의 배수}\}$
- Ⓑ $\{1, 2, 3, 4, 5\} = \{x \mid x\text{는 }5\text{보다 작은 자연수}\}$
- Ⓒ $\{\text{도}, \text{례}, \text{미}, \text{파}, \text{술}, \text{라}, \text{시}\} = \{x \mid x\text{는 계이름}\}$
- Ⓓ $\{1, 2, 3, 4, 6, 12\} = \{x \mid x\text{는 }10\text{의 약수}\}$
- Ⓔ $\{\text{고구려}, \text{백제}, \text{신라}\} = \{x \mid x\text{는 현재 우리나라 수도의 명칭}\}$
- Ⓕ $\{\text{빨강}, \text{주황}, \text{노랑}, \text{초록}, \text{파랑}, \text{남색}, \text{보라}\} = \{x \mid x\text{는 무지개의 색깔}\}$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓛ

▷ 정답: Ⓟ

▷ 정답: Ⓠ

해설

- Ⓑ $\{1, 2, 3, 4\} = \{x \mid x\text{는 }5\text{보다작은자연수}\}$
- Ⓓ $\{1, 2, 3, 4, 6, 12\} = \{x \mid x\text{는 }12\text{의약수}\}$
- Ⓔ $\{\text{고구려}, \text{백제}, \text{신라}\}$
 $= \{x \mid x\text{는 우리나라 삼국시대 삼국의명칭}\}$

3. 두 집합 A, B 가 다음과 같을 때, $n(B) - n(A)$ 의 값을 구하여라.

$$A = \{x \mid x \text{는 } 30\text{보다 작은 짝수}\}$$
$$B = \{x \mid x \text{는 } 100\text{보다 작은 } 4\text{의 배수}\}$$

▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

30을 포함한 짝수는 15개이므로 30을 제외하면 14개이다.

$$n(A) = 14$$

100을 포함한 4의 배수가 25개이므로 100을 제외하면 24개이

$$다. n(B) = 24$$

따라서 $n(B) - n(A) = 24 - 14 = 10$ 이다.

4. 두 집합 A, B 가 다음 벤 다이어그램과 같을 때, 다음 중
옳은 것을 모두 골라라.



- Ⓐ $B \subset A$
Ⓑ $\{1, 2\} \subset B$
Ⓒ $\{\emptyset\} \subset A$
Ⓓ $\{x|x\text{는 } 4\text{의 약수}\} = B$
Ⓔ $3 \in A$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

▷ 정답: Ⓓ

해설

집합 A, B 를 각각 원소나열법으로 나타내면

$A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{1, 2, 4\}$ 이다.

$B \subset A$ 이고, $\{1, 2\} \subset B$ 이며

$\{1, 2, 4\} = \{x|x\text{는 } 4\text{의 약수}\} = B$ 이다.

$\{\emptyset\}$ 이 아닌 \emptyset 이 A 의 부분집합이다.

5. $A = \{1, 2, 3\}$ 일 때, 다음 중에서 옳지 않은 것은?

- ① $\emptyset \subset A$ ② $\{2\} \in A$
③ $\{1, 2, 3\} \subset A$ ④ $\{1, 2\} \subset A$
⑤ $A \subset \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

해설

- ② $\{2\} \subset A$

6. 두 집합 $A = \{7, 3, 5\}$, $B = \{3, 5, a+2\}$ 에 대하여 $A = B$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$A = B$ 이면 두 집합의 모든 원소가 같아야 한다.
집합 B 에서 $a+2 = 7$ 이므로 $a = 5$ 이다.

7. 다음 중 부분집합의 개수가 32 개인 집합이 아닌 것은?

- ① $\{x \mid x\text{는 } 16\text{의 약수}\}$
- ② $\{x \mid x\text{는 } 6\text{보다 작은 자연수}\}$
- ③ $\{x \mid x\text{는 } 9\text{보다 작은 홀수}\}$
- ④ $\{\text{선예}, \text{유빈}, \text{소희}, \text{선미}, \text{예은}\}$
- ⑤ $\{x \mid x\text{는 } 20\text{ 이하의 } 4\text{의 배수}\}$

해설

- ① $2^5 = 32$ (개)
- ② $2^5 = 32$ (개)
- ③ $2^4 = 16$ (개)
- ④ $2^5 = 32$ (개)
- ⑤ $2^5 = 32$ (개)

8. 집합 $A = \{x \mid x\text{는 } 12\text{의 약수}\}$ 의 부분집합 중에서 원소 1, 3 을 포함하고 원소 6 을 포함하지 않는 부분집합으로 옳은 것은?

- ① \emptyset ② $\{1, 6\}$ ③ $\{1, 4, 12\}$
④ $\{1, 3, 4, 10\}$ ⑤ $\{1, 3, 4, 12\}$

해설

$A = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$ 이므로

① 원소 1, 3 이 포함되지 않음.

② 원소 6 이 포함.

③ 원소 3 이 포함되지 않음.

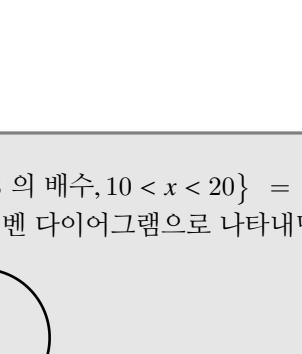
④ $\{1, 3, 4, 10\} \not\subset A$

⑤ $\{1, 3, 4, 12\} \subset A$

9. 두 집합

$$A = \{x | x \text{는 } 3 \text{의 배수}, 10 < x < 20\},$$

$B = \{6, 12, 18, 24\}$ 를 벤 다이어그램으로 나타낼 때, \square 안에 알맞은 수를 왼쪽부터 차례대로 쓰시오.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 12

▷ 정답: 24

해설

$A = \{x | x \text{는 } 3 \text{의 배수}, 10 < x < 20\} = \{12, 15, 18\}, B = \{6, 12, 18, 24\}$ 를 벤 다이어그램으로 나타내면 다음과 같다.



10. 집합 A, B 가 전체집합 U 의 부분집합일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $A \cup \emptyset = A$ ② $A \cup A^c = U$
③ $(A^c)^c = A$ ④ $\emptyset^c = U$
⑤ $A - B = A \cup B^c$

해설

$$A - B = A - (A \cap B) = A \cap B^c$$

11. 11 이하의 자연수 중에서 3 으로 나누었을 때 나머지가 2 인 수의
집합을 A 라 할 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

① $2 \notin A$

② $5 \in A$

③ $7 \notin A$

④ $10 \in A$

⑤ $11 \notin A$

해설

① $2 \in A$

④ $10 \notin A$

⑤ $11 \in A$

12. 다음 중 집합의 원소가 없는 것은?

- ① $\{0\}$
- ② $\{x \mid x \text{는 } 4 \text{의 약수 중 홀수}\}$
- ③ $\{x \mid x \text{는 } 3 \times x = -1 \text{인 자연수}\}$
- ④ $\{x \mid x \text{는 } 11 < x \leq 12 \text{인 자연수}\}$
- ⑤ $\{x \mid x \text{는 } x \leq 1 \text{인 자연수}\}$

해설

- ① $\{0\}$
- ② $\{1\}$
- ④ $\{12\}$
- ⑤ $\{1\}$

13. 다음 중 옳지 않은 것을 고르면?

- ① $A = \emptyset$ 이면 $n(A) = 0$
- ② $B = \{a, b\}$ 이면 $n(B) = 2$
- ③ $C = \{x \mid x \text{는 } 8\text{의 약수}\}$ 이면 $n(C) = 4$
- ④ $D = \{0\}$ 이면 $n(D) = 0$
- ⑤ $E = \{y \mid y \text{는 } 10\text{의 짝수}\}$ 이면 $n(E) = 5$

해설

- ④ $D = \{0\}$ 이면 $n(D) = 1$

14. 두 집합 $A = \{x \mid a \leq 2x + 1 \leq 9\}$, $B = \{x \mid -2 \leq x \leq b\}$ 가 서로 같을 때, 상수 a, b 의 합은? (단, 집합 A, B 는 공집합이 아니다.)

- ① -3 ② -1 ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

해설

$$a \leq 2x + 1 \leq 9 \text{에서}$$
$$a - 1 \leq 2x \leq 8, \frac{a-1}{2} \leq x \leq 4$$

$$\therefore A = \left\{ x \mid \frac{a-1}{2} \leq x \leq 4 \right\},$$

$$B = \{x \mid -2 \leq x \leq b\}$$

이 때, $A = B$ 이므로

$$\frac{a-1}{2} = -2, b = 4$$

$$a = -3, b = 4$$

$$\therefore a + b = 1$$

15. $\{1, 4\} \subset X \subset \{1, 2, 3, 4\}$ 를 만족하는 집합 X 의 개수를 구하여라.

▶ 답:

개

▷ 정답: 4 개

해설

집합 X 는 1, 4 를 반드시 원소로 가지는 $\{1, 2, 3, 4\}$ 의 부분집합이므로 개수는 $2^2 = 4$ (개)

16. 세 집합 $A = \{1, 4, 9\}$, $B = \{2, 4, 6, 8\}$, $C = \{1, 5, 9, 10\}$ 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $A \cap B = \{4\}$
- ② $B \cap C = \emptyset$
- ③ $A \cup C = \{1, 9, 10\}$
- ④ $(A \cap B) \cup C = \{1, 4, 5, 9, 10\}$
- ⑤ $A \cup (B \cup C) = \{1, 2, 4, 5, 6, 8, 9, 10\}$

해설

- ③ $A \cup C = \{1, 4, 5, 9, 10\}$

17. 집합 A 에 대하여 안에 공통으로 들어가는 집합을 써넣라.

(1) $A \cup \emptyset = \boxed{\quad}$

(2) $A \cap A = \boxed{\quad}$

(3) $A \cup A = \boxed{\quad}$

▶ 답:

▷ 정답: A

해설

(1) \emptyset 은 집합 A 에 포함되므로 $A \cup \emptyset = A$ 이다.

(2) $A \cap A = A$

(3) $A \cup A = A$

18. 두 집합 $A = \{3, a - 4, 9\}$, $B = \{7, b + 3, 10\}$ 에
대하여 $A \cap B = \{7, 9\}$ 일 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

이므로
 $7 \in A$ 이므로 $a - 4 = 7 \therefore a = 11$
 $9 \in B$ 이므로 $b + 3 = 9 \therefore b = 6$
 $\therefore a - b = 11 - 6 = 5$

19. 두 집합 A, B 에 대하여 $A \cup B = A$ 일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

① $A \subset B$

② $(A \cap B) \subset A$

③ $A \cap B = B$

④ $(A \cap \emptyset) \cup B = \emptyset \cup B = B$ 이므로 옳지 않다.

⑤ $(A \cup B) \subset (A \cap B)$ 은 $A \subset B$ 와 같으므로 옳지 않다.

해설

$A \cup B = A$ 이면 $B \subset A$ 이다.

① $B \subset A$ 이므로 옳지 않다.

④ $(A \cap \emptyset) \cup B = \emptyset \cup B = B$ 이므로 옳지 않다.

⑤ $(A \cup B) \subset (A \cap B)$ 은 $A \subset B$ 와 같으므로 옳지 않다.

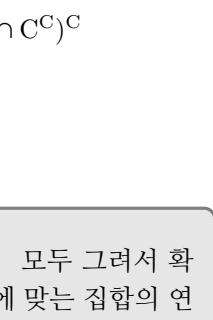
20. $U = \{1, 3, 5, 7, 9, 11\}$ 에 대하여 $A = \{x \mid x \leq 10 \text{ } \diamond \text{의 홀수}\}$, $B = \{3, 5, 7, 11\}$ 일 때, $(A - B)^c$ 은?

- ① $\{3, 5\}$ ② $\{3, 7\}$ ③ $\{3, 5, 7, 11\}$
④ $\{3, 5, 7, 9\}$ ⑤ $\{3, 5, 7, 9, 11\}$

해설

$A - B = \{1, 9\} \diamond$ 므로 $(A - B)^c = (\{1, 9\})^c = \{3, 5, 7, 11\} \diamond$ 이다.

21. 다음 벤 다이어그램에서 어두운 부분을 나타내는 집합은? (단, U 는 전체집합, X^c 는 X 의 여집합을 나타낸다.)



- ① $A \cap (B \cup C)^c$ ② $A \cup (B \cup C)^c$
③ $A \cap (B^c \cap C)^c$ ④ $A \cap (B^c \cap C^c)^c$
⑤ $A \cap (B^c \cup C^c)^c$

해설

각각 벤다이어그램을 그려서 확인하면 된다. 모두 그려서 확인하지 않고 주어진 벤다이어그램을 보고 그에 맞는 집합의 연산을 생각해 보면 색칠한 부분은 $A - (B \cup C)$ 임을 알 수 있고 $A - (B \cup C) = A \cap (B \cup C)^c$ 이다.

22. 진수는 두 집합의 연산을 이용하여 새로운 집합을 만드는 탐구를 하다가 $A - B = \{1, 7\}$ 인 새로운 집합을 만든 원래의 두 집합 $A = \{1, 3, 5, b\}$, $B = \{2, a, 4, 5\}$ 를 발견하였다. 이 때, 원소 a, b 를 찾아 $b - a$ 의 값을?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$A - B \subset A$ 이고 $A - B = \{1, 7\}$ 이므로 $b = 7$ 이다. $A \cap B = \{3, 5\}$ 이므로 $a = 3$ 이다. 따라서 $b - a = 7 - 3 = 4$ 이다.

23. 전체집합 $U = \{x \mid x \text{는 } 25 \text{ 이하의 } 3 \text{ 의 배수}\}$ 의 두 부분집합 A, B 에 대하여
 $A - B = \{9, 21, 24\}$, $B - A = \{3, 15\}$, $A^c \cap B^c = \{12\}$ 일 때, 집합 A, B 의 교집합을 구하면?

- ① {3, 6} ② {3, 6, 12} ③ {3, 18}
④ {6, 12} ⑤ {6, 18}

해설

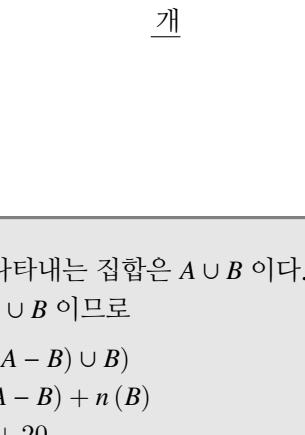
$$U = \{3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24\}$$

주어진 조건을 벤 다이어그램으로 나타내면 다음과 같다.



$$\therefore A \cap B = \{6, 18\}$$

24. 다음 벤 다이어그램에서 $n(B) = 20$, $n(A - B) = 15$ 일 때, 색칠한 부분의 원소의 개수를 구하여라.



▶ 답 : 개

▷ 정답 : 35개

해설

색칠한 부분이 나타내는 집합은 $A \cup B$ 이다.

$A \cup B = (A - B) \cup B$ 이므로

$$\begin{aligned}n(A \cup B) &= n((A - B) \cup B) \\&= n(A - B) + n(B) \\&= 15 + 20 \\&= 35\end{aligned}$$

(개) 이다.

25. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $n(U) = 30, n(A) = 12, n(B) = 15, n(A \cap B) = 8$ 일 때, $n(A^c) - n(B - A)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

$$\begin{aligned}n(A^c) &= n(U) - n(A) = 30 - 12 = 18 \text{이다.} \\n(B - A) &= n(B) - n(A \cap B) = 15 - 8 = 7 \text{이므로 } n(A^c) - \\n(B - A) &= 18 - 7 = 11 \text{이다.}\end{aligned}$$

26. 두 집합 A, B 에 대하여 $n(A) = 10, n(A - B) = 6, n(A \cup B) = 17$ 일 때, $n(B - A)$ 는?

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

$$n(A \cap B) = n(A) - n(A - B) = 10 - 6 = 4$$

$$n(B) = n(A \cup B) - n(A \cap B) = 17 - 4 = 13$$

$$\therefore n(B - A) = n(B) - n(A \cap B)$$

$$= 13 - 4 = 9$$

27. 30명의 학생에게 A, B 두 문제를 풀게 했더니 A 를 푼 학생은 21명, B 를 푼 학생은 14명이며, A, B 를 모두 못푼 학생은 5명이었다. A, B 를 모두 푼 학생의 수는?

- ① 5명 ② 10명 ③ 15명 ④ 7명 ⑤ 17명

해설

$$\begin{aligned}n(U) &= 30, n(A) = 21, \\n(B) &= 14, n(A^c \cap B^c) = 5 \text{ 이므로} \\n(A^c \cap B^c) &= n(A \cup B)^c = n\{U - (A \cup B)\} \\&= n(U) - n(A \cup B) = 5 \text{ 따라서} \\n(A \cup B) &= n(U) - 5 = 30 - 5 = 25 \\∴ n(A \cap B) &= n(A) + n(B) - n(A \cup B) \\&= 21 + 14 - 25 = 10 (\text{명})\end{aligned}$$

28. 집합 $A = \{x \mid x \text{는 } 20 \text{ 이하의 홀수}\}$ 의 부분집합 중에서 원소 1, 15는 반드시 포함하고, 소수는 포함하지 않는 부분집합의 개수는?

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

$A = \{1, 3, 5, 7, \dots, 19\}$ 의 부분집합 중 원소 1, 15는 반드시 포함하고, 소수 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19는 포함하지 않는 부분집합의 개수는 $2^{10-2-7} = 2^1 = 2$ (개)

29. 집합 $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$ 의 부분집합 중에서 원소 2, 5를 포함하는 부분집합의 개수가 32 개일 때, n 의 값은?

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

집합 A 의 원소의 개수는 n 개 이므로 원소 2, 5를 포함하는 부분

집합의 개수는

$$2^{n-2} = 32 = 2^5 \quad \therefore n = 7$$

30. 두 집합 A , B 에 대하여 $A = \{x \mid x\text{는 }27\text{의 약수}\}$, $A \cap B = \{x \mid x\text{는 }9\text{의 약수}\}$, $A \cup B = \{1, 2, 3, 5, 7, 9, 11, 27\}$ 일 때 집합 B 의 원소의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 38

해설

조건제시법을 원소나열법으로 고쳐보면
 $A = \{1, 3, 9, 27\}$, $A \cap B = \{1, 3, 9\}$ 이므로 벤 다이어그램을
그려보면 다음과 같다.



그러므로 집합 $B = \{1, 2, 3, 5, 7, 9, 11\}$ 이다.

따라서 집합 B 의 모든 원소의 합은

$$1 + 2 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 = 38 \text{ 이다.}$$

31. 다음 중 옳은 것은?

- ① $A \cup \emptyset = \emptyset$ ② $A \cap B = B \cup A$
③ $A \subset (A \cap B)$ ④ $(A \cup B) \subset A$
⑤ $A \subset B \Rightarrow A \cup B = B$

해설

- ① $A \cup \emptyset = A$
② $A \cap B = B \cap A, A \cup B = B \cup A$
③ $(A \cap B) \subset A$
④ $A \subset (A \cup B)$

32. 두 집합 $A = \{3, 5, a + 4, 9\}$, $B = \{1, 3, 6, b + 1\}$ 에 대하여 $A \cap B = \{3, 7\}$

일 때,

$A \cup B$ 의 모든 원소의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 31

해설

$A \cap B = \{3, 7\}$ 이므로 $7 \in A$ 이다. $a + 4 = 7$ 이어야 한다.

그러므로 $a = 3$ 이다.

$7 \in B$ 이므로 $b + 1 = 7$ 이어야 한다. 그러므로 $b = 6$ 이다.

$A \cup B = \{1, 3, 5, 6, 7, 9\}$ 이므로 모든 원소의 합은 $1 + 3 + 5 + 6 + 7 + 9 = 31$ 이 된다.

33. $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 에 대하여 $A = \{x \mid x \text{는 } 4\text{의 약수}\}, B = \{x \mid x \text{는 } 6\text{의 약수}\}$ 일 때, $(A - B)^c$ 은?

- ① {1, 2} ② {1, 2, 3} ③ {1, 2, 5}
④ {1, 2, 3, 5} ⑤ {1, 2, 3, 5, 6}

해설

$A = \{1, 2, 4\}, B = \{1, 2, 3, 6\}$ 이므로 $A - B = \{4\}$ 이다.
따라서 $(A - B)^c = \{1, 2, 3, 5, 6\}$ 이다.

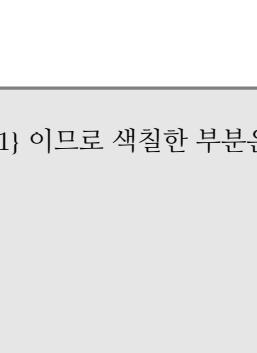
34. $U = \{x|x\leq 12 \text{ 이하의 짝수}\}$ 의
두 부분집합 A, B 에 대하여 $A - B = \{2, 4\}, B - A = \{8, 10\}, A^c \cap B^c =$
 $\{12\}$ 에 대하여 집합 A 는?

- ① {2, 6} ② {4, 6} ③ {2, 4, 6}
④ {6, 8, 10} ⑤ {2, 4, 6, 10}

해설

$U = \{2, 4, 6, 8, 10, 12\}, A - B = \{2, 4\}, B - A = \{8, 10\}, A^c \cap B^c =$
 $\{12\}$ 이므로 $A \cap B = \{6\}$ 이다.
따라서 $A = (A - B) \cup (A \cap B) = \{2, 4, 6\}$ 이다.

35. 전체집합 $U = \{x|x\text{는 } 12\text{ 이하의 홀수}\}$ 의 두 부분집합 $A = \{1, 3, 5, 7\}, B = \{3, 5, 7, 9\}$ 에 대하여 다음 벤 다이어그램의 색칠한 부분을 나타내는 집합은?



- ① {1, 3, 5} ② {1, 5, 7} ③ {1, 8, 9}
④ {1, 5, 11} ⑤ {1, 9, 11}

해설

$U = \{1, 3, 5, 7, 9, 11\}$ 이므로 색칠한 부분은 {1, 9, 11}이다.



36. 전체집합 U 의 공집합이 아닌 두 부분집합 A, B 에 대하여 $A \cap B = A$ 일 때, 다음 중 항상 옳은 것은?

- ① $A \cap B = \emptyset$ ② $A \cup B = U$ ③ $B \subset A^c$
④ $A - B = \emptyset$ ⑤ $B \cap A^c = \emptyset$

해설

$A \cap B = A$ 이면 집합 A, B 는 다음 벤 다이어그램과 같은 포함관계를 만족한다.

- ① $A \cap B = A$
② $A \cup B = B$
③ $B \not\subset A^c$
⑤ $B \cap A^c \neq \emptyset$



37. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $\{A \cap (A^c \cap B^c)^c\} \cup \{B \cap (A \cap B^c)\} = A \cup B$ 인 관계가 성립할 때, 다음 중 옳은 것을 구하면?

- ① $A \subset B$ ② $B \subset A$ ③ $A^c = B$
④ $A \cap B = \emptyset$ ⑤ $A = B^c$

해설

$$\begin{aligned}\{A \cap (A^c \cap B^c)^c\} \cup \{B \cap (A \cap B^c)\} &= A \cup B \text{를 풀어보면,} \\ \{A \cap (A \cup B)\} \cup \{B \cap (A \cup B^c)\} &= A \cup \{(A \cap B) \cup (B \cap B^c)\} \\ &= A \cup (A \cap B) = A = A \cup B \\ \text{이므로 } B \subset A \text{가 된다.}\end{aligned}$$

38. 두 집합 $A = \{3, 5, a + 1\}$,
 $B = \{8, a + 4, 2 \times a + 1, 16\}$ 에 대하여 $A \cap B = \{8\}$ 일 때, $(A - B) \cup (B - A)$ 는?

- ① $\{3, 5, 7, 9\}$ ② $\{3, 4, 5, 7\}$
③ $\{3, 5, 8, 11\}$ ④ $\{3, 5, 11, 15, 16\}$
⑤ $\{3, 5, 8, 11, 15\}$

해설

$A \cap B = \{8\}$ 이므로 $a + 1 = 8, a = 7$ 이다.
따라서 $A = \{3, 5, 8\}, B = \{8, 11, 15, 16\}$ 이므로
 $(A - B) \cup (B - A) = \{3, 5\} \cup \{11, 15, 16\} = \{3, 5, 11, 15, 16\}$ 이다.

39. 전체집합 $U = \{x|x\leq 10 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부분집합 $A = \{x|x\text{는 홀수}\}, B = \{1, 3, 4, 8\}$ 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $A \cap B^c = \{5, 7, 9\}$ ② $A \cap B = \{1, 3\}$
③ $B - A = \{4, 8\}$ ④ $(A \cup B)^c = \{2, 6, 10\}$
⑤ $A^c \cap B^c = \{2, 10\}$

해설

$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}, A = \{1, 3, 5, 7, 9\}, B = \{1, 3, 4, 8\}$

이므로

⑤ $A^c \cap B^c = \{2, 6, 10\}$

40. 전체집합 $U = \{a, b, c, d, e\}$ 의 두 부분집합 $A = \{a, b, e\}, B = \{b, c\}$ 에 대하여 $(A \cup B)^c \subset X, (A - B)^c \cap X = X$ 를 만족하는 집합 X 의 개수를 구하라.

▶ 답: 4개

▷ 정답: 4개

해설

$(A \cup B)^c = \{d\}, (A - B)^c = \{b, c, d\}$
 $(A \cup B)^c \subset X \subset (A - B)^c$, 즉 $\{d\} \subset X \subset \{b, c, d\}$ 이다.
따라서 집합 X 의 개수는 $2 \times 2 = 4$ (개) 이다.

41. 전체집합 $U = \{1, 2, 3, 4, \dots, 100\}$ 의 부분집합 중에서 다음의 두 조건을 만족하고, 원소의 개수가 가장 적은 집합을 A 라 할 때 $n(A)$ 를 구하면?

Ⓐ $2 \in A$
Ⓑ $m, n \in A$ 이고, $mn \in U$ 이면 $mn \in A$ 이다.

- Ⓐ 6 Ⓑ 8 Ⓒ 10 Ⓓ 12 Ⓔ 16

해설

$2 \in A$ 이고, $2 \times 2 = 2^2 \in U$ 이므로 $2^2 \in A$
 $2 \in A$, $2^2 \in A$ 이고, $2 \times 2^2 = 2^3 \in U$ 이므로 $2^3 \in A$
이와 같은 과정을 반복하면
 $2^4 \in A$, $2^5 \in A$, $2^6 \in A$, ...
따라서 집합 A 는 전체집합 U 의 원소 중 2의 거듭제곱을 반드시 포함해야 한다. 즉, 집합 A 의 원소의 개수가 가장 적을 때는 2의 거듭제곱만을 원소로 가질 때이므로 구하는 집합은 $\{2, 4, 8, 16, 32, 64\}$ 이다.

42. 두 집합 A, B 에 대하여 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

Ⓐ $n(A) < n(B)$ 이면 $A \subset B$ 이다.

Ⓑ $A = B$ 이면 $n(A) = n(B)$ 이다.

Ⓒ $n(A) = n(B)$ 이면 $A = B$ 이다.

① Ⓐ

② Ⓑ

③ Ⓒ

④ Ⓓ, Ⓑ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

해설

Ⓐ $A = \{a, b\}$, $B = \{1, 2, 3\}$ 라고 하면 $n(A) < n(B)$ 이지만 $A \not\subset B$ 이다.

Ⓒ $A = \{a, b, c\}$, $B = \{1, 2, 3\}$ 라고 하면 $n(A) = n(B)$ 이지만 $A \neq B$ 이다.

43. 세 집합 $A = \{a, b, c, d, e\}$, $B = \{b, c, d\}$, $C = \{a, b, e\}$ 에 대하여 $(B \cap X) \subset (C \cap X)$ 를 만족시키는 A 의 부분집합 X 의 개수는?

- ① 4개 ② 7개 ③ 8개 ④ 15개 ⑤ 16개

해설

X 는 B 의 원소이지만 C 의 원소가 아닌 c, d 를 원소로 가져서는 안된다. 또한 $B \cap C$ 의 원소인 b 는 X 의 원소가 되거나 되지 않아도 조건을 성립시킨다.

$\therefore \{a, b, e\}$ 의 부분집합의 개수와 같다.

$\therefore 2^3 = 8(\text{개})$

44. 집합 $A = \{x|x\text{는 }18\text{의 약수}\}$, $B = \{x|x\text{는 }12\text{의 약수}\}$ 에 대하여 $(A \cup B) \cap X = X$, $(A \cap B) \cup X = X$ 를 만족하는 집합 X 의 개수를 구한 것은?

- ① 2 개 ② 4 개 ③ 8 개 ④ 16 개 ⑤ 32 개

해설

$$A = \{1, 2, 3, 6, 9, 18\}, B = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$$

$$A \cap B = \{1, 2, 3, 6\}$$

$$A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18\}$$

$$(A \cup B) \cap X = X \Rightarrow X \subset (A \cup B)$$

$$(A \cap B) \cup X = X \Rightarrow (A \cap B) \subset X$$

$$\therefore (A \cap B) \subset X \subset (A \cup B)$$

X 는 원소 1, 2, 3, 6을 포함하는

$\{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18\}$ 의 부분집합이므로

$$(집합 X의 갯수) \equiv 2^{8-4} = 2^4 = 16(\text{개})$$

45. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $A - B = \emptyset$ 일 때, $A = \{1, 2, 3, 6\}$ 이라면 집합 B 로 알맞지 않은 것은?

- ① $B = \{1, 2, 3, 6, 8\}$ ② $B = \{1, 2, 3, 6, 7, 8\}$
③ $B = \{1, 2, 3, 4, 6, 7, 8\}$ ④ $B = \{1, 2, 3, 5, 7, 8\}$
⑤ $B = \{1, 2, 3, 6, 7, 8, 9\}$

해설

$A - B = \emptyset$ 이면 집합 A 의 모든 원소는 집합 B 에 속한다.

46. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 다음 연산 과정 중 처음으로 잘못된 곳을 찾아라.

$$B^c - A^c = B^c \cap (A^c)^c = B^c \cap A = B - A = (A \cap B)$$

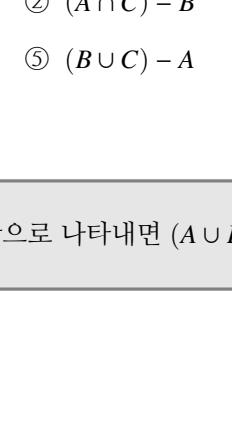
▶ 답:

▷ 정답: Ⓛ

해설

$B^c \cap A = A - B$ 이다. 따라서 처음으로 잘못된 곳은 Ⓛ $B - A$ 이다.

47. 다음 그림에서 색칠한 부분의 집합을 나타낸 것은?



① $(A \cap B) - C$ ② $(A \cap C) - B$ ③ $(A \cup B) - C$

④ $(A \cup C) - B$ ⑤ $(B \cup C) - A$

해설

색칠한 부분을 집합으로 나타내면 $(A \cup B) - C$ 이다.

48. 두 집합 A, B 에 대하여 $A \Delta B = (A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)$ 를 만족할 때, 다음 중 $(A \Delta B) \Delta A$ 와 같은 것은 ?

- ① A ② B ③ $A \cup B$
④ $A \cap B$ ⑤ $A \cap B^c$

해설

$$A \Delta B = (A \cap B^c) \cup (A^c \cap B) = (A - B) \cup (B - A)$$

$$\therefore (A \Delta B) \Delta A = [(A \Delta B) - A] \cup [A - (A \Delta B)]$$

벤 다이어그램으로 설명하면 다음과 같다.

$$(A \cap B^c) \cup (A^c \cap B) = (A \cap B^c)$$

$$[(A \Delta B) - A] \cup [A - (A \Delta B)] = B$$

49. 세 집합 A , B , C 에 대하여
 $n(A) = 50$, $n(B) = 32$, $n(C) = 15$, $n(A \cup B) = 70$, $n(A \cap C) = 15$, $n(B \cap C) = 0$ 일 때,
 $n(A \cup B \cup C) + 2 \times n(A \cap B \cap C)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 70

해설

$$n(A \cup B \cup C) = n(A) + n(B) + n(C) - n(A \cap B) - n(B \cap C) - n(A \cap$$

$C) + n(A \cap B \cap C)$

$B \cap C = \emptyset$ 이므로 $A \cap B \cap C = \emptyset$ 이 된다.

$n(A) + n(B) - n(A \cap B) = n(A \cup B)$ 이고

$A \cap B \cap C = \emptyset$ 이므로 $n(A \cap B) = 50 + 32 - 70 = 12$

$$\therefore n(A \cup B \cup C) = 50 + 32 + 15 - 15 - 12 - 0 + 0 = 70$$

따라서 정답은 $70 + 2 \times 0 = 70$

50. 세 권의 책 A, B, C가 있다. A를 읽은 학생은 5명, B를 읽은 학생은 4명, C를 읽은 학생은 7명, A와 B를 모두 읽은 학생은 3명, 세 권을 모두 읽은 학생은 2명일 때, C만 읽은 학생의 수가 가장 적을 경우는 몇 명인가?

- ① 1명 ② 2명 ③ 3명 ④ 4명 ⑤ 5명

해설

집합 A, B, C를 각각 책 A, B, C를 읽은 학생들의 집합이라 하면 $n(A) = 5$, $n(B) = 4$, $n(C) = 7$, $n(A \cap B) = 3$, $n(A \cap B \cap C) = 2$ C만 읽는 학생수가 가장 적을 때는 A와 C, B와 C를 읽은 학생 수가 가장 많은 경우로 벤다이어그램에서



$$7 - (2 + 2 + 1) = 2(\text{명})$$