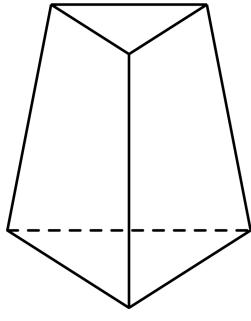


1. 다음 그림의 다면체에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?



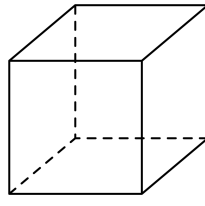
- ① 꼭짓점의 개수는 6 개이다.
- ② 면의 개수는 5 개이다.
- ③ 모서리의 개수는 9 개이다.
- ④ 육면체이다.
- ⑤ 다각형인 면으로만 둘러싸여 있다.

해설

- ④ 이 다면체는 5 개의 면으로 둘러싸인 오면체이다.

2. 다음 그림과 같은 육면체의 각 면의 한 가운데 있는 점을 꼭짓점으로 하는 입체도형은?

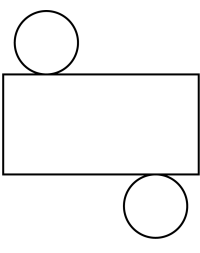
- ① 육면체 ② 칠면체
③ 팔면체 ④ 구면체
⑤ 십이면체



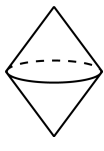
해설

새로 만들어지는 다면체는 6개의 꼭짓점이 생긴다.
이 점들을 이으면 삼각형 8개로 둘러싸인 팔면체가 된다.

3. 다음 그림 어떤 회전체의 전개도이다. 이 회전체의 겨냥도를 고르면?



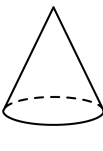
①



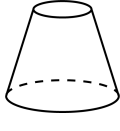
②



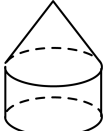
③



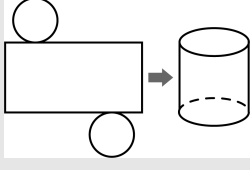
④



⑤

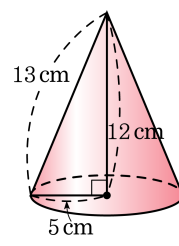


해설



4. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 5 cm , 모선의 길이가 13 cm, 높이가 12 cm 인 원뿔의 부피를 구하면?

- ① $325\pi\text{ cm}^3$ ② $32\pi\text{ cm}^3$
③ $75\pi\text{ cm}^3$ ④ $90\pi\text{ cm}^3$
⑤ $100\pi\text{ cm}^3$



해설

부피를 V 라 하면

$$V = 5 \times 5 \times \pi \times 12 \times \frac{1}{3} = 100\pi(\text{ cm}^3)$$

5. 다음 중 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 7 개인 다각형은?

① 육각형

② 칠각형

③ 팔각형

④ 구각형

⑤ 십각형

해설

구하는 다각형을 n 각형이라 하면

$$n - 3 = 7 \quad \therefore n = 10$$

따라서 구하는 다각형은 십각형이다.

6. 다음과 같은 특징을 가지는 다각형의 대각선의 총수는?

- ㉠ 10 개의 내각을 가지고 있다.

㉡ 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 수는 7 개이다.

- ① 25 개

② 28 개

③ 32 개

④ 35 개

⑤ 38 개

해설

10 개의 내각을 가지고 있고, 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 수가 7 개인 다각형은 십각형이다.

십각형의 대각선의 총수는

$$\frac{10(10-3)}{2} = 35(\text{개})$$

7. 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 11 개인 다각형의 대각선의 총수는 몇 개인가?

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 77 개

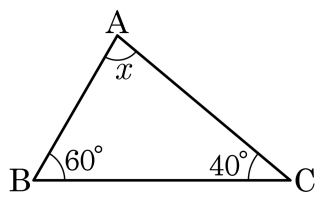
해설

$$n-3=11, n=14$$

∴ 십사각형

$$\frac{n(n-3)}{2} = \frac{14(14-3)}{2} = 77 \text{ (개)}$$

8. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



▶ 답 : $\circ$

▷ 정답 : 80°

해설

삼각형의 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$$60^\circ + \angle x + 40^\circ = 180^\circ$$

$$\therefore \angle x = 80^\circ$$

9. 한 외각의 크기가 45° 인 정다각형을 말하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 정팔각형

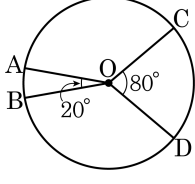
해설

$$\frac{360^\circ}{n} = 45^\circ$$

$$n = 8$$

∴ 정팔각형

10. 다음 그림에서 $\angle AOB = 20^\circ$, $\angle COD = 80^\circ$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?



① $\overline{AB} = \frac{1}{4}\overline{CD}$

② $\overline{AC} = \overline{BD}$

③ $5.0\text{pt}\widehat{AB} = \frac{1}{4}5.0\text{pt}\widehat{CD}$

④ $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 5.0\text{pt}\widehat{BD}$

⑤ $\triangle ABO = \frac{1}{4}\triangle COD$

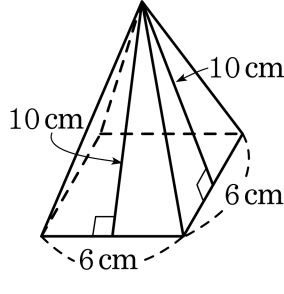
해설

호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로

$\angle AOB = \frac{1}{4}\angle COD$ 이므로

$5.0\text{pt}\widehat{AB} = \frac{1}{4}5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 이다.

11. 다음 그림과 같은 정사각뿔의 겉넓이는?

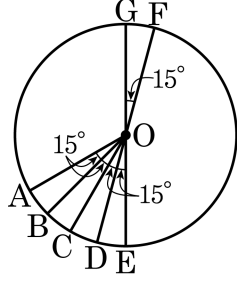


- ① 36cm^2 ② 120cm^2 ③ 156cm^2
④ 240cm^2 ⑤ 256cm^2

해설

구하는 겉넓이 $S = 6 \times 6 + 4 \times \left(\frac{1}{2} \times 6 \times 10 \right) = 36 + 120 = 156(\text{cm}^2)$ 이다.

12. 아래 그림의 원 O에서 $\overline{AB} = 7\text{cm}$ 일 때 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{DE} = 7\text{cm}$

② $5.0\text{pt}\widehat{AE} = 45.0\text{pt}\widehat{FG}$

③ $\overline{AC} = \overline{CE}$

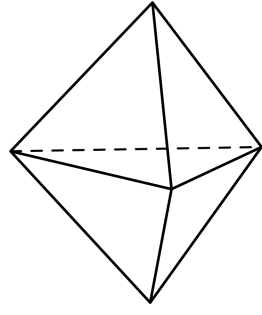
④ $\overline{FG} + \overline{DE} = 14\text{cm}$

⑤ $\overline{BE} = 3\overline{FG}$

해설

⑤ 같은 크기의 중심각에 대한 현의 길이는 같다.

13. 다음 그림은 정사면체의 한 면을 붙여 만든 다면체이다. 이 입체도형이 정다면체가 아닌 이유는?

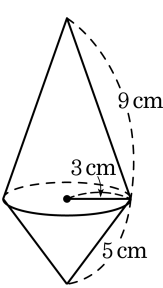


- ① 모든 면이 합동이 아니다.
- ② 각 면이 정다각형이 아니다.
- ③ 각 꼭짓점에 모인 면의 개수가 다르다.
- ④ 각 꼭짓점에 모인 각의 크기의 합이 360° 보다 크다.
- ⑤ 평행한 면이 존재하지 않는다.

해설

- 정다면체가 되는 조건
 - ㉠. 모든 면이 합동인 정다각형인 다면체
 - ㉡. 각 꼭짓점에 모인 면의 개수가 같은 다면체그림의 입체도형은 각 꼭짓점에 모인 면의 개수가 다르기 때문에 정다면체가 될 수 없다.

14. 다음 입체도형은 밑면의 크기가 같은 두 원뿔을 붙여 놓은 것이다. 이 입체도형의 겉넓이를 구하여라.



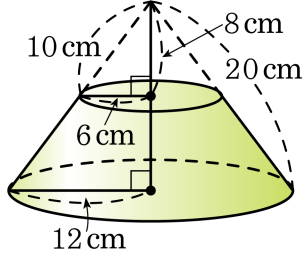
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 42π cm²

해설

$$\pi \times 3 \times 9 + \pi \times 3 \times 5 = 27\pi + 15\pi = 42\pi (\text{cm}^2)$$

15. 다음 그림과 같은 원뿔대의 겉넓이를 구하여라.



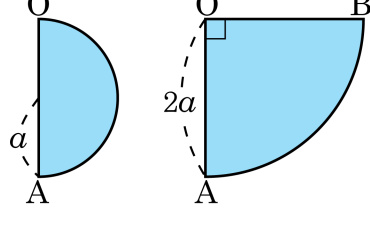
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 360π cm^2

해설

(원뿔대의 겉넓이) = (윗면의 넓이) + (밑면의 넓이) + (옆면의 넓이) 이므로
주어진 입체도형의 겉넓이는
 $(6^2 \times \pi + 12^2 \times \pi) + (\pi \times 12 \times 20 - \pi \times 6 \times 10) = 180\pi + 180\pi = 360\pi(\text{cm}^2)$

16. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 a 인 반원과 반지름의 길이가 $2a$ 인 사분원을 OA 를 축으로 하여 1 회전 시켜서 회전체를 만들었다. 이 두 회전체의 부피의 비와 어떤 회전체가 더 큰지를 구하면?



- ① 1 : 4, 반원을 회전시킨 회전체
 ② 1 : 8, 반원을 회전시킨 회전체
 ③ 1 : 4, 사분원을 회전시킨 회전체
 ④ 1 : 8, 사분원을 회전시킨 회전체
 ⑤ 서로 같다.

해설

반지름의 길이가 a 인 반원을 1 회전 시키면

반지름의 길이가 a 인 구가 생기고

이 구의 부피는 $\frac{4}{3}\pi a^3(\text{cm}^3)$

반지름의 길이가 $2a$ 인 사분원을 1 회전 시키면

반지름의 길이가 $2a$ 인 반구가 생기고

이 구의 부피는

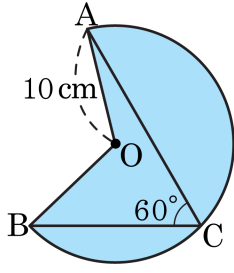
$$\frac{1}{2} \times \left(\frac{4}{3} \times \pi \times 8a^3 \right) = \frac{16}{3}\pi a^3(\text{cm}^3)$$

따라서 두 회전체의 부피의 비는

$$\frac{4}{3}\pi a^3 : \frac{16}{3}\pi a^3 = 1 : 4 \text{ 이고,}$$

사분원을 회전시킨 회전체가 더 크다.

17. 다음 그림과 같은 부채꼴에서 반지름의 길이가 10cm 이고, $\angle ACB = 60^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 25.0\text{pt}\widehat{BC}$ 일 때, 이 부채꼴의 호의 길이를 구하시오.



▶ 답 : cm

▶ 정답 : $\frac{40}{3}\pi\text{cm}$

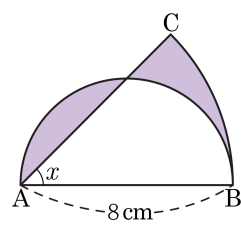
해설

$5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 를 호로 가 지 는 중 심 각 이 120° 이 므 로

$5.0\text{pt}\widehat{ACB}$ 의 중심각은 $360^\circ - 120^\circ = 240^\circ$

$$10 \times 2 \times \pi \times \frac{240^\circ}{360^\circ} = \frac{40}{3}\pi(\text{cm})$$

18. 다음 그림은 지름이 8cm 인 원과 반지름이 8cm 인 부채꼴이 겹쳐진 도형이다. 어두운 부분의 넓이가 같을 때, $\angle BAC$ 의 크기는?



- ① 30° ② 35° ③ 40° ④ 45° ⑤ 50°

해설

어두운 부분의 넓이가 같으면,
(반원의 넓이) = (부채꼴의 넓이)

$$\frac{1}{2} \times 4^2 \times \pi = 8^2 \times \pi \times \frac{x}{360^\circ}$$

$$\therefore x = 45^\circ$$

19. 다음 중 각뿔대에 대해 잘못 설명한 사람을 모두 고르면?

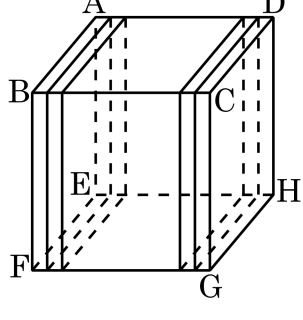
성희 : 옆면은 사다리꼴이다.
연주 : 두 밑면은 닮은 도형이다.
민수 : 두 밑면은 서로 평행하다.
성철 : 옆면은 정다각형이다.
경미 : n 각뿔은 n 각뿔대보다 면의 개수가 1 개 많다.

- ① 연주, 민수
- ② 연주, 성철
- ③ 민수, 경미
- ④ 성희, 성철
- ⑤ 성철, 경미

해설

각뿔대의 옆면은 사다리꼴이므로 성철이가 잘못 설명하였고, n 각뿔은 면이 $(n + 1)$ 개이고 n 각뿔대는 $(n + 2)$ 개이므로 n 각뿔은 n 각뿔대보다 면의 개수가 1 개 적으므로 경미도 잘못 설명하였다.

20. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 4cm 인 정육면체를 평면 BFGC 에 평행인 평면으로 n 번 잘라 $(n + 1)$ 개의 직육면체를 만들었다. 이 직육면체들의 겉넓이의 총합을 n 에 관한 식으로 나타내시오. (단, 일정한 간격으로 자른 것은 아니다.)



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $96 + 32n$ cm^2

해설

주어진 정육면체의 겉넓이는
 $6 \times (4 \times 4) = 96 \text{ cm}^2$
 한 번 자를 때마다 단면의 넓이는 $16 \times 2 = 32(\text{cm}^2)$ 씩 늘어나
 므로 n 번 자르면 단면의 넓이는 $n \times 32 = 32n$ 이 늘어난다.
 따라서 구하는 부분의 넓이는 $(96 + 32n)\text{cm}^2$