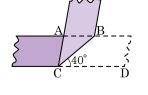
직사각형 모양의 종이를 다음 그림과 같이 접었을 때, ∠BCD = 40°이다. 이때, ∠BAC 의 크기를 구하여라.



➢ 정답: 100°

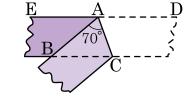
▶ 답:

 $\angle BCD = \angle BCA = 40^{\circ}$ $\angle BCD = \angle ABC = 40^{\circ}$

해설

∠BCD = ∠ABC = 40° (엇각) ∠BAC = 180° - 80° = 100°

2. 폭이 일정한 종이테이프를 다음 그림과 같이 접었다. $\angle BAC = 70^\circ$ 일 때, ∠BAC 와 크기가 같은 각은?



① ∠ABC ④ ∠BAD

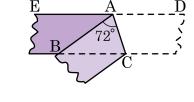
② ∠ACB ⑤ ∠EAD

③ ∠EAC

종이를 접었으므로 $\angle \mathrm{BAC} = \angle \mathrm{DAC} = 70^{\circ}$ 이다. $\angle \mathrm{DAC} =$

∠ACB (엇각)이다. 따라서 ∠BAC = ∠ACB 이다.

3. 폭이 일정한 종이테이프를 다음 그림과 같이 접었다. $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.



답:

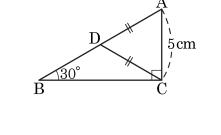
▷ 정답 : 이등변삼각형

종이를 접었으므로 ∠BAC = ∠DAC 이다. ∠DAC = ∠BCA (엇

각)이다.

따라서 ∠BAC = ∠ACB 이므로 ΔABC 는 이등변삼각형이다.

다음 그림과 같이 $\angle C=90$ ° 인 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{AD}=\overline{CD}$ 일 **4.** 때, $\overline{\mathrm{AB}}$ 의 길이는?



3 9cm

⑤ 11cm

4 10cm

△ABC 에서 $\angle BAC = 180^{\circ} - (90^{\circ} + 30^{\circ}) = 60^{\circ}$

해설

① 7cm

 \triangle ACD 는 이등변삼각형이므로 \angle DAC = \angle DCA

② 8cm

그런데 $\angle DAC = \angle BAC$ 이므로 $\angle DAC = \angle DCA = 60^{\circ}$ 또 $\angle CDA = 60$ ° 이므로 $\triangle ACD$ 는 정삼각형

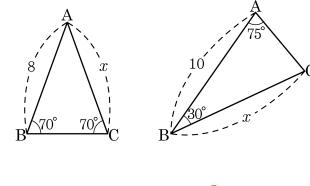
 $\angle C = 90$ ° 이고 $\angle DCA = 60$ ° 이므로 $\angle BCD = 90^{\circ} - 60^{\circ} = 30^{\circ}$

따라서 ΔBCD 는 이등변삼각형

 $\overline{\mathrm{AD}} = \overline{\mathrm{CD}} = \overline{\mathrm{BD}}$ 이므로

 $\overline{AB} = \overline{AD} + \overline{BD} = 5 + 5 = 10(cm)$

5. 다음 두 그림에서 x의 길이의 합은?



① 14

해설

② 15 ③ 16

4)18

⑤ 19

왼쪽의 △ABC에서

∠ABC = ∠ACB이므로 △ABC는 이등변삼각형이다.

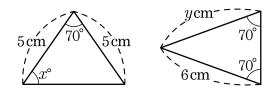
∴ x = 8또, 오른쪽의 △ABC에서

∠BCA = 180° - (30° + 75°) = 75°이므로 △ABC는 이등변삼

각형이다. ∴ *x* = 10

∴ (x의 길이의 합)= 8 + 10 = 18

6. 다음 그림에서 x+y가 속한 범위는?



① $61 \sim 65$ ④ $76 \sim 80$

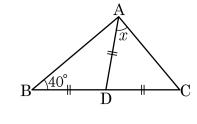
② 66 ~ 70

⑤ 81 ~ 85

③ $71 \sim 75$

두 삼각형은 모두 이등변삼각형이므로

 $\angle x = 55$ °, y = 6(cm) $\therefore x + y = 55 + 6 = 61$ 7. 다음 그림에서 $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{CD}$ 이고 $B = 40^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



③ 50°

④ 55°

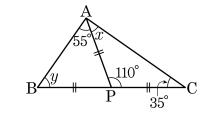
⑤ 60°

① 40° ② 45°

 $\angle B = \angle BAD = 40^{\circ}$ 이므로 $\angle ADC = 40^{\circ} + 40^{\circ} = 80^{\circ}$

 $\therefore \angle x = \frac{1}{2} (180^{\circ} - 80^{\circ}) = 50^{\circ}$

8. 다음 그림에서 \overline{PC} 와 길이가 같은 것을 알맞게 쓴 것은?



① \overline{PA} , \overline{AB} ② \overline{PB} , \overline{AC} ③ \overline{BC} , \overline{PA}

 $\angle PAC = 35^{\circ}$

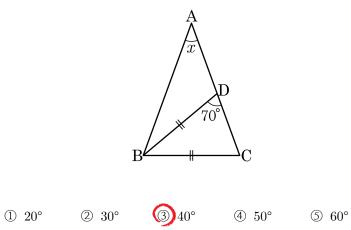
해설

따라서 $\triangle APC$ 는 $\overline{PA} = \overline{PC}$ 인 이등변삼각형 $\angle \mathrm{BPA} = 180^{\circ} - 110^{\circ} = 70^{\circ}$

 $\Delta y = 180^{\circ} - (70^{\circ} + 55^{\circ}) = 55^{\circ}$ 따라서 $\triangle ABP$ 는 $\overline{PA} = \overline{PB}$ 인 이등변삼각형

 $\therefore \overline{\mathrm{PA}} = \overline{\mathrm{PB}} = \overline{\mathrm{PC}}$

9. $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형에서 $\overline{BC} = \overline{BD}$ 가 되도록 \overline{AC} 위에 점 D 를 잡을 때, Δx 의 값은?



 $\angle BDC = \angle BCD = 70^{\circ}$ $\triangle ABC 는 \overline{AB} = \overline{AC}$ 인

 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이므로 $\angle ABC = \angle ACB = 70^\circ$ 따라서 $\angle x + \angle ABC + \angle ACB = 180^\circ$ 이므로

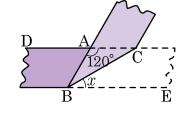
 ΔBCD 에서 $\overline{BC} = \overline{BD}$ 이므로 이등변삼각형

 $\angle x + 70^{\circ} + 70^{\circ} = 180^{\circ}$

 $\angle x + 140^{\circ} = 180^{\circ}$

 $\therefore \angle x = 40^{\circ}$

10. 폭이 일정한 종이를 다음 그림과 같이 접었다. $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



 ► 답:

 ▷ 정답:
 30 °

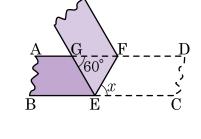
_

 $\angle EBC = \angle ACB = \angle x$ (엇각), 종이를 접었으므로

해설

 \angle EBC = \angle ACB = \angle ABC = \angle x 가 된다. 따라서 \triangle ABC 가 두 내각의 크기가 같으므로 이등변삼각형이고 $120^\circ + \angle x + \angle x = 180^\circ$, $\angle x = 30^\circ$ 이다.

11. 직사각형 모양의 종이를 다음 그림과 같이 접었다. $\angle FGE = 60^{\circ}$ 일 때, $\angle x$ 크기는?



4)60°

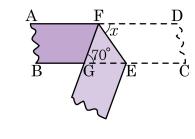
⑤ 80°

① 30° ② 40° ③ 50°

 \angle GFE = \angle FEC = $\angle x$ (엇각), 종이를 접었으므로 \angle GEF = \angle FEC = $\angle x$ 이다. 따라서 \triangle GEF 는 두 내각의 크기가 같으므로 이등변삼각형이고 $60^\circ + \angle x + \angle x = 180^\circ$, $\angle x = 60^\circ$ 이다.

00 | 2x | 2x = 100 , 2x = 00 | 1-1.

12. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이 테이프를 접었다. $\angle FGE = 70^\circ$ 일 때, ∠x의 크기는?



4 55°

⑤ 50°

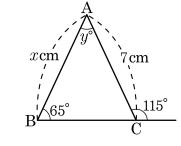
종이 테이프를 접으면 $\angle DFE = \angle EFG = \angle x \circ]$ 고

 $\angle DFE = \angle GEF = \angle x$ (엇각)

△EFG의 내각의 합은 180°이므로 $\therefore \ \angle x = \frac{180^{\circ} - 70^{\circ}}{2} = 55^{\circ}$

① 70° ② 65° ③ 60°

13. 다음 그림과 같이 \triangle ABC 가 주어졌을 때, x, y의 값은?



 $3x = 7, y = 50^{\circ}$

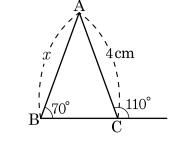
① $x = 6, y = 50^{\circ}$

- ② $x = 7, y = 45^{\circ}$ ④ $x = 7, y = 65^{\circ}$
- ⑤ $x = 8, y = 50^{\circ}$

$\angle ACB = 65\,^{\circ}$ 이므로 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

 $\therefore x = 7$ 그리고 y = 180° -65° $\times 2 = 50$ °

14. 다음 그림에서 x 의 길이를 구하여라.



 $\underline{\mathrm{cm}}$

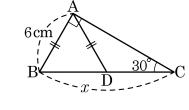
▷ 정답: 4 cm

▶ 답:

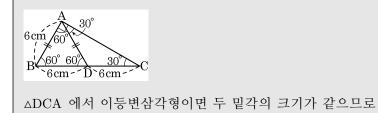
 $\angle ACB = 70^{\circ}$ 이므로 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

 $\therefore x = 4(\,\mathrm{cm})$

 ${f 15}$. 다음 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{
m AD}=\overline{
m CD}$, $\overline{
m AB}=6{
m cm}$ 이고, $\angle{
m ACB}=30^\circ$ 일 때, x 의 길이는?



④ 10cm ⑤ 12cm $\ \, 3\ \, 8\mathrm{cm}$



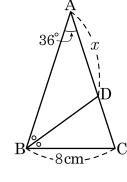
 \bigcirc 6cm

① 4cm

 $\angle DCA = \angle DAC = 30^{\circ}$ 이다. $\angle ADB = 60^{\circ}$, $\angle DAB = 60^{\circ}$, $\angle ABD = 60^{\circ}$ 이므로 $\triangle ABD$ 는 정삼각형이다.

따라서 $\overline{AB}=\overline{BD}=\overline{AD}=6\mathrm{cm}$ 이므로 $\overline{DC}=6\mathrm{cm}$ 이다. 따라 서 $x = 12 \,\mathrm{cm}$ 이다.

16. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB}=\overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. $\angle B$ 의 이등분선이 \overline{AC} 와 만나는 점을 D 라 할 때, x 의 길이를 구하여라.



 $\underline{\mathrm{cm}}$

정답: 8 cm

답:

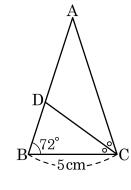
해설

A 36° 8cm 72° B 36° 72° C

∠A = 36° 이고, ΔABC 가 이등변삼각형이므로 ∠B = ∠C = $\frac{1}{2}$ × (180° - 36°) = 72° 이다.
∠ABD = ∠CBD = 36° 이므로 ΔABD 는 두 내각의 크기가 같게

되고, $\angle BCD = \angle BDC = 72^\circ$ 이므로 $\triangle BCD$ 도 두 내각의 크기가 같으므로, 이등변삼각형이다. 따라서 $\overline{BC} = \overline{BD} = \overline{AD} = 8\,\mathrm{cm}$ 이다.

17. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\angle B=\angle C$ 인 이등변삼각형이다. $\angle C$ 의 이등분선이 \overline{AB} 와 만나는 점을 D 라 할 때, \overline{AD} 의 길이는?



① 3cm

② 4cm

3 5cm

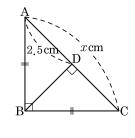
④ 6cm

⑤ 7cm

 $\angle B = \angle C = 72$ ° 이코 $\angle BCD = \angle ACD = 36$ ° 이므로, $\angle A = 36$ °

이다. 따라서 $\triangle ABC$, $\triangle ADC$ 는 두 내각의 크기가 같으므로 이등변삼각형이다. 따라서 $\overline{BC}=\overline{DC}=\overline{AD}=5\,\mathrm{cm}$ 이다.

18. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 일 때, *x* 의 값은?



① 3.5 ② 4 ③ 4.5

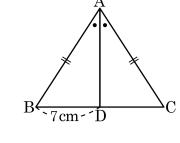
 $\bigcirc 5.5$

 $\Delta {
m ABC}$ 는 이등변삼각형이고 $\overline{
m BD}$ 는 $\overline{
m AC}$ 를 수직이등분하므로

해설

 $\overline{AC} = 2.5 + 2.5 = 5(cm)$

19. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB}=\overline{AC},\ \angle BAD=\angle CAD$ 일 때, \overline{CD} 의 길이와 ∠ADC 의 크기를 구하여라.



 $\underline{\mathrm{cm}}$

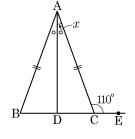
▶ 답: ightharpoonup 정답: $\overline{\mathrm{CD}}=7$ $\underline{\mathrm{cm}}$

▷ 정답: ∠ADC = 90 _

답:

이등변삼각형의 꼭지각의 이등분선은 밑변을 수직이등분한다. $\therefore \overline{CD} = \overline{BD} = 7(cm), \angle ADC = 90^{\circ}$

20. 다음 그림과 같이 ĀB = ĀC, ∠BAD = ∠CAD, ∠ACE = 110°일 때, ∠x의 크기를 구하여라.



▷ 정답: 20°

▶ 답:

이등변삼각형의 꼭지각의 이등분선은 밑변을 수직이등분하므로

 $\angle ADC = 90$ ° ΔADC 에서 두 내각의 합과 이웃하지 않는 한 외각의 크기는 같으므로 $\angle x + 90$ ° = 110°이다.

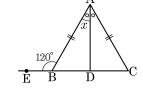
따라서 ∠x = 20°이다.

21. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\angle BAD =$ \angle CAD, \angle ABE = 120°일 때, $\angle x$ 의 크기 는?

① 10°

④ 40°

② 20°

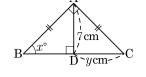


이등변삼각형의 꼭지각의 이등분선은 밑변을 수직이등분하므로

⑤ 50°

 $\angle \text{ADB} = 90\,^{\circ}$ $\triangle ADB$ 에서 두 내각의 합과 이웃하지 않는 한 외각의 크기는 같으므로 $\angle x + 90^\circ = 120^\circ$ 이다. 따라서 $\angle x = 30$ °이다.

22. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이고 $\angle A = 90$ °인 직각이등변삼각형이다. 이때, x, y의 값을 구하여라.



답:답:

_

ightharpoonup 정답: x = 45

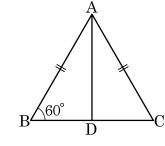
 $\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로 $\angle x = 45\,^{\circ}$ 이므로 $x = 45\,$

해설

 $\triangle ADB \equiv \triangle ADC \text{ (RHS 합동) 이므로}$ $\overline{BD} = \overline{CD} = y \text{이다.}$ $\triangle ADB, \triangle CDA$ 가 직각이등변삼각형이므로

 $\overline{\mathrm{CD}} = \overline{\mathrm{BD}} = \overline{\mathrm{AD}} = 7 \ (\mathrm{cm})$ 이므로 y = 7이다.

 ${f 23}$. 다음 그림의 $\Delta {
m ABC}$ 에서, $\overline{
m AB}=\overline{
m AC},\,\, {
m B}=60\,^{\circ}$ 이고, 꼭지각의 이등분 선이 밑변과 만나는 점을 D라고 할 때, ∠BAD의 크기는?



①30°

② 45° ③ 60°

④ 85°

⑤ 90°

△ABC에서

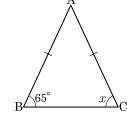
 $\overline{\mathrm{AB}} = \overline{\mathrm{AC}}$ 이므로 이등변삼각형이고, $\angle{\mathrm{C}} = 60\,^{\circ}$ 이다.

해설

또한, $\angle A = 180\,^{\circ} - (60\,^{\circ} + 60\,^{\circ}) = 60\,^{\circ}$ 이다. 따라서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이고 $\angle BAD$ 는 $\angle A$ 를 이등분한 각이

므로 ∠BAD = 30°이다.

24. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 일 때, ∠x 의 크기는?



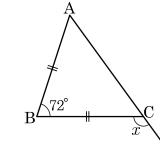
① 45° ② 55°

③65° ④ 75° ⑤ 85°

 $\triangle ABC$ 가 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이므로

 $\angle x = \angle {\rm ABC} = 65^{\circ}$

 ${f 25}$. 다음 그림과 같이 $\overline{BA}=\overline{BC}$ 인 이등변삼각형 ABC 에서 $\angle B=72^\circ$ 일 때, ∠x 의 크기는?



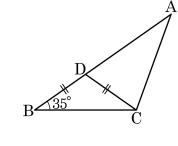
① 122° ② 123° ③ 124°

④ 125°

⑤126°

∠BCA =
$$\frac{1}{2}$$
(180° - 72°) = 54°
∴ ∠x = 180° - 54° = 126°

26. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AC}=\overline{BC}$ 인 이등변삼각형이다. $\overline{BD}=\overline{CD}$ 이고 $\angle B=35$ ° 일 때, $\angle ACD$ 의 크기는?



① 65°

(2) 13

③ 85°

4 95°

⑤ 105°

△ABC 에서

 $\angle CAB = 35^{\circ}$ $\angle BCA = 180^{\circ} - 2 \times 35^{\circ} = 110^{\circ}$

또 ΔBCD 는 \overline{BD} = \overline{CD} 인 이등변삼각형이므로

 $\angle BCD = 35^{\circ}$ $\therefore \angle ACD = 110^{\circ} - 35^{\circ} = 75^{\circ}$

 $\therefore 2ACD = 110$