

1. 다음 나눗셈의 몫이 $\frac{3}{4}$ 의 2 배일 때, $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 수를 구하시오.

$$\boxed{\quad} \div 2\frac{2}{3}$$

① 5 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$\frac{3}{4} \times 2 = \frac{3}{2} \text{ 이므로}$$

$$\boxed{\quad} \div 2\frac{2}{3} = \frac{3}{2},$$

$$\boxed{\quad} = \frac{3}{2} \times 2\frac{2}{3} = \frac{3}{2} \times \frac{8}{3} = 4$$

2. 다음을 계산하시오.

$$1\frac{2}{19} \times \left(2\frac{3}{8} \div 1\frac{2}{5} \times 1\frac{3}{5}\right)$$

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned}1\frac{2}{19} \times \left(2\frac{3}{8} \div 1\frac{2}{5} \times 1\frac{3}{5}\right) &= \frac{21}{19} \times \left(\frac{19}{8} \times \frac{5}{7} \times \frac{8}{5}\right) \\&= \frac{21}{19} \times \frac{19}{7} \\&= 3\end{aligned}$$

3. 현규는 수학을 $\frac{6}{5}$ 시간 동안 공부하였고, 피아노를 $\frac{2}{3}$ 시간 동안 연습하였습니다.

수학을 공부한 시간은 피아노를 연습한 시간의 몇 배입니다?

- ① $\frac{3}{5}$ 배 ② $1\frac{1}{5}$ 배 ③ $1\frac{4}{5}$ 배 ④ $2\frac{1}{3}$ 배 ⑤ $2\frac{2}{3}$ 배

해설

$$\frac{6}{5} \div \frac{2}{3} = \frac{6}{5} \times \frac{3}{2} = \frac{9}{5} = 1\frac{4}{5} (\text{배})$$

4. 둘레가 $\frac{16}{3}$ km인 호수 둘레에 $\frac{8}{15}$ km 간격으로 은행나무를 심고, 은행나무와 은행나무 사이에 소나무를 3그루씩 심으려고 합니다. 소나무는 모두 몇 그루가 필요하겠습니까?

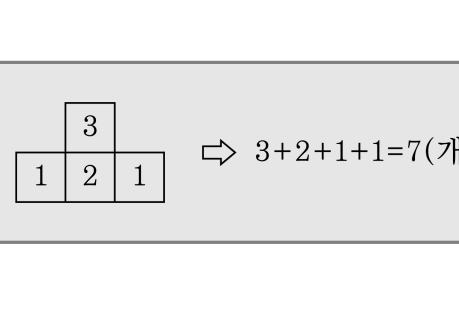
▶ 답: 그루

▷ 정답: 30그루

해설

$$\begin{aligned}(\text{은행 나무 수}) &= (\text{호수 둘레}) \div (\text{간격}) \\&= \frac{16}{3} \div \frac{8}{15} = \frac{16}{3} \times \frac{15}{8} \\&= 10(\text{그루}) \\(\text{소나무 수}) &= 10 \times 3 = 30(\text{그루})\end{aligned}$$

5. 위, 앞, 옆에서 본 모양이 다음과 같이 되도록 쌓으려면 쌓기나무는 모두 몇 개 필요합니까?



▶ 답: 개

▷ 정답: 7개

| 해설 |
|---|
| $\begin{array}{ c c c } \hline & 3 & \\ \hline 1 & 2 & 1 \\ \hline \end{array} \Rightarrow 3+2+1+1=7(\text{개})$ |

6. 쌓기나무 9 개로 다음과 같은 모양을 만들어 떨어지지 않도록 붙여 놓은 후 바닥에 닿은 면을 포함한 모든 겉면에 페인트를 칠하였습니다. 페인트가 칠해진 쌓기나무의 면은 모두 몇 개입니까?

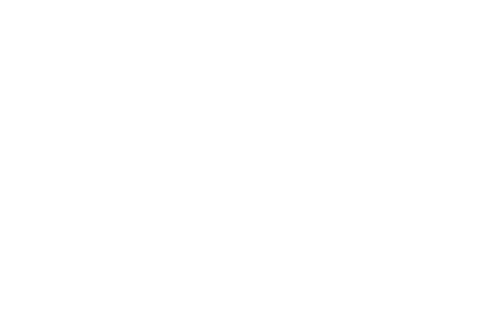


▶ 답: 개

▷ 정답: 34개

해설

위, 앞, 옆 세 방향에서 본 모양은 다음과 같습니다.



$$\begin{aligned} &(\text{페인트가 칠해진 면의 개수}) \\ &= (\text{위, 앞, 옆 세 방향에서 보이는 면의 개수의 합}) \times 2 \\ &= (6 + 6 + 5) \times 2 = 34 \text{ (개)} \end{aligned}$$

7. 다음 나눗셈 중 몫이 1보다 작은 것은 어느 것입니까?

$$\textcircled{\text{A}} \ 4 \div \frac{1}{8} \quad \textcircled{\text{B}} \ \frac{3}{4} \div \frac{5}{6} \quad \textcircled{\text{C}} \ 4\frac{6}{7} \div 3\frac{2}{5} \quad \textcircled{\text{D}} \ 1\frac{3}{8} \div 4\frac{2}{5}$$

- ① $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{C}}$ ② $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{D}}$ ③ $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}$ ④ $\textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}$ ⑤ $\textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{D}}$

해설

$$\textcircled{\text{A}} \ 4 \div \frac{1}{8} = 4 \times 8 = 32$$

$$\textcircled{\text{B}} \ \frac{3}{4} \div \frac{5}{6} = \frac{3}{4} \times \frac{6}{5} = \frac{9}{10}$$

$$\textcircled{\text{C}} \ 4\frac{6}{7} \div 3\frac{2}{5} = \frac{34}{7} \times \frac{5}{17} = 1\frac{3}{7}$$

$$\textcircled{\text{D}} \ 1\frac{3}{8} \div 4\frac{2}{5} = \frac{11}{8} \times \frac{5}{22} = \frac{5}{16}$$

따라서 몫이 1보다 작은 것은 $\textcircled{\text{B}}$ 과 $\textcircled{\text{D}}$ 입니다.

8. 나눗셈의 몫이 작은 것부터 순서대로 기호를 쓴 것은 어느 것입니까?

| | | |
|--|---|---|
| $\textcircled{\text{A}} \ 5 \div \frac{2}{3}$ | $\textcircled{\text{B}} \ 5 \div \frac{7}{8}$ | $\textcircled{\text{C}} \ 5 \div \frac{5}{6}$ |
| $\textcircled{\text{D}} \ 5 \div \frac{3}{10}$ | $\textcircled{\text{E}} \ 5 \div \frac{1}{3}$ | |

① $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}, \textcircled{\text{D}}, \textcircled{\text{E}}$

② $\textcircled{\text{D}}, \textcircled{\text{E}}, \textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}$

③ $\textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{D}}, \textcircled{\text{C}}, \textcircled{\text{E}}$

④ $\textcircled{\text{E}}, \textcircled{\text{D}}, \textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{C}}$

⑤ $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}, \textcircled{\text{D}}, \textcircled{\text{E}}$

해설

나누어지는 수가 같을 때는 나누는 수가 커지면 몫이 작아지고
반대로 나누는 수가 작아지면 몫이 커집니다. 따라서 주어진
식에서 나누는 수가 큰 순서대로 나열하면 됩니다.

$\frac{2}{3}, \frac{7}{8}, \frac{5}{6}, \frac{3}{10}, \frac{1}{3}$ 을 크기 순서대로 나타내면

$\frac{3}{10} < \frac{1}{3} < \frac{2}{3} < \frac{5}{6} < \frac{7}{8}$ 입니다.

따라서 몫이 작은 것부터 순서대로 기호로 쓰면

$\textcircled{\text{D}}, \textcircled{\text{E}}, \textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}$ 가 됩니다.

9. 밑면의 가로가 $2\frac{2}{3}$ cm, 세로가 $\frac{6}{7}$ cm인 직육면체가 있습니다. 이 직육면체의 부피가 $1\frac{3}{7}$ cm³라면, 높이는 몇 cm인지 구하시오.

① $1\frac{1}{8}$ cm

② $\frac{16}{7}$ cm

③ $\frac{11}{16}$ cm

④ $1\frac{5}{8}$ cm

⑤ $\frac{5}{8}$ cm

해설

$$(\text{높이}) = (\text{직육면체의 부피}) \div (\text{한 밑면의 넓이})$$

$$= 1\frac{3}{7} \div \left(2\frac{2}{3} \times \frac{6}{7} \right) = 1\frac{3}{7} \div \left(\frac{8}{3} \times \frac{6}{7} \right)$$

$$= 1\frac{3}{7} \div \frac{16}{7} = \frac{10}{7} \div \frac{16}{7} = \frac{10}{16} = \frac{5}{8} (\text{cm})$$

따라서 직육면체의 높이는 $\frac{5}{8}$ cm입니다.

10. 부피가 $1\frac{5}{7} m^3$ 인 직육면체가 있습니다. 밑면의 가로가 $\frac{5}{4} m$ 이고 세로가 $1\frac{1}{7} m$ 일 때, 높이는 몇 m입니까?

- ① $1\frac{3}{5} m$ ② $1\frac{4}{5} m$ ③ $2 m$ ④ $1\frac{1}{5} m$ ⑤ $1\frac{2}{5} m$

해설

직육면체의 높이를 $\square m$ 라 하면

$$\frac{5}{4} \times 1\frac{1}{7} \times \square = 1\frac{5}{7}$$

$$\square = 1\frac{5}{7} \div \frac{5}{4} \div 1\frac{1}{7}$$

$$\square = \frac{12}{7} \times \frac{4}{5} \times \frac{7}{8} = \frac{6}{5} = 1\frac{1}{5} (m)$$

11. 넓이가 $\frac{30}{7} \text{ m}^2$ 인 벽을 칠하는 데 $\frac{6}{5} \text{ L}$ 의 페인트가 필요하다고 합니다.

넓이가 14 m^2 인 벽을 칠하는 데 몇 L의 페인트가 필요하겠습니까?

① $3\frac{3}{19} \text{ L}$
④ $3\frac{23}{25} \text{ L}$

② $3\frac{2}{21} \text{ L}$
⑤ $3\frac{1}{26} \text{ L}$

③ $3\frac{11}{23} \text{ L}$

해설

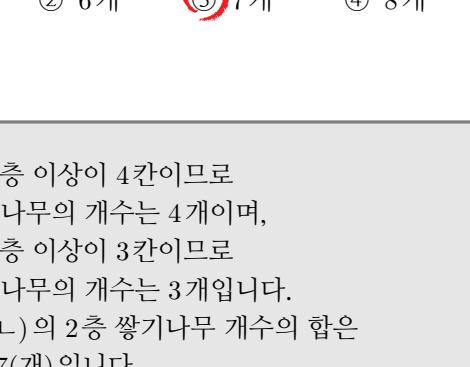
먼저 1 m^2 의 벽을 칠하는 데 필요한 페인트의 양을 구합니다.
(1 m^2 의 벽을 칠하는 데 필요한 페인트의 양)

$$= \frac{6}{5} \div \frac{30}{7} = \frac{6}{5} \times \frac{7}{30} = \frac{7}{25} (\text{L})$$

(14 m^2 의 벽을 칠하는 데 필요한 페인트의 양)

$$= 14 \times \frac{7}{25} = \frac{98}{25} = 3\frac{23}{25} (\text{L})$$

12. 다음 바탕그림 위에 각 칸에 쓰여 진 수만큼 쌓기나무를 쌓을 때, 두 모양의 2층에 있는 쌓기나무 개수를 합하면 몇 개 입니까?

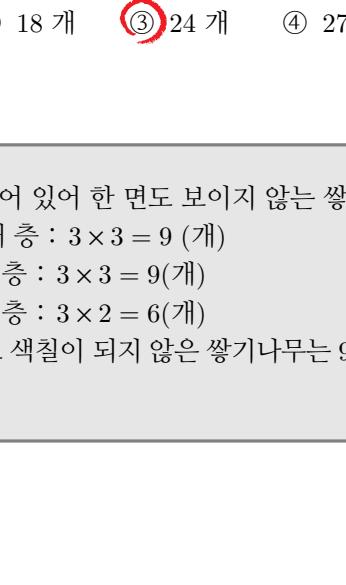


- ① 5개 ② 6개 ③ 7개 ④ 8개 ⑤ 9개

해설

(ㄱ)은 2층 이상이 4칸이므로
2층 쌓기나무의 개수는 4개이며,
(ㄴ)은 2층 이상이 3칸이므로
2층 쌓기나무의 개수는 3개입니다.
(ㄱ)과 (ㄴ)의 2층 쌓기나무 개수의 합은
 $4 + 3 = 7$ (개)입니다.

13. 다음 그림과 같이 정육면체 모양의 쌓기나무 115 개를 빙틈없이 쌓아 놓고 바깥쪽의 모든 면을 색칠하였습니다. 쌓기나무를 하나씩 모두 떼어놓았을 때, 한 면도 색칠이 되지 않은 쌓기나무는 모두 몇 개입니까?

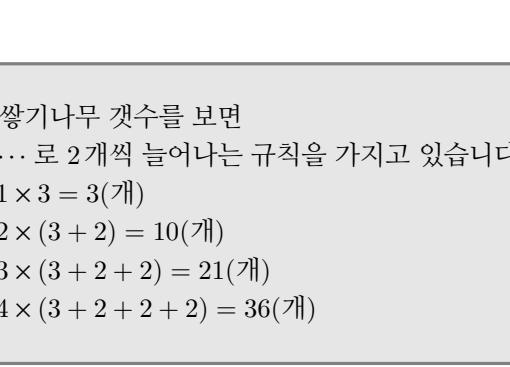


- ① 15 개 ② 18 개 ③ 24 개 ④ 27 개 ⑤ 30 개

해설

한가운데에 들어 있어 한 면도 보이지 않는 쌓기나무는
밑에서 두 번째 층 : $3 \times 3 = 9$ (개)
밑에서 3 번째 층 : $3 \times 3 = 9$ (개)
밑에서 4 번째 층 : $3 \times 2 = 6$ (개)
따라서 한 면도 색칠이 되지 않은 쌓기나무는 $9 + 9 + 6 = 24$ (개)
입니다.

14. 쌓기나무를 다음과 같은 규칙으로 쌓을 때, 네 번째에 올 쌓기나무는 몇 개 입니까?



- ① 21 개 ② 28 개 ③ 32 개 ④ 36 개 ⑤ 40 개

해설

1층의 쌓기나무 갯수를 보면

3, 5, 7, ⋯로 2개씩 늘어나는 규칙을 가지고 있습니다.

$$1\text{층} : 1 \times 3 = 3(\text{개})$$

$$2\text{층} : 2 \times (3 + 2) = 10(\text{개})$$

$$3\text{층} : 3 \times (3 + 2 + 2) = 21(\text{개})$$

$$4\text{층} : 4 \times (3 + 2 + 2 + 2) = 36(\text{개})$$

15. 2분 30초 동안 86.5m^3 의 물이 나오는 ⑦수도와 1분 45초 동안 74.9m^3 의 물이 나오는 ⑧수도가 있습니다. ⑦수도와 ⑧수도에서 나오는 물의 양이 일정할 때, 두 수도를 동시에 틀어서 479.88m^3 의 물을 받으려면 몇 분 몇 초가 걸리는지 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 6분 12초

해설

$$2 \text{ 분 } 30 \text{ 초} = 2.5 \text{ 분},$$

$$1 \text{ 분 } 45 \text{ 초} = 1.75 \text{ 분}$$

1 분 동안 나오는 물의 양을 알아보면

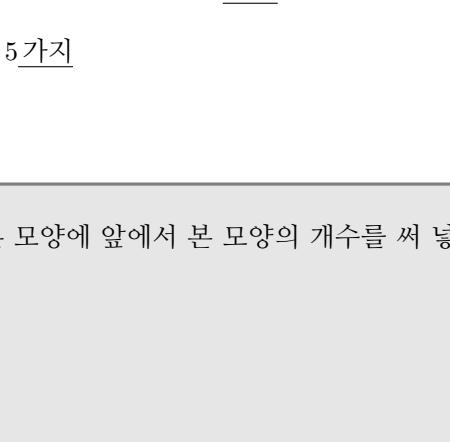
$$\textcircled{7} \text{ 수도} : 86.5 \div 2.5 = 34.6(\text{m}^3)$$

$$\textcircled{8} \text{ 수도} : 74.9 \div 1.75 = 42.8(\text{m}^3) \text{ 입니다.}$$

따라서 479.88m^3 의 물을 받는 데 걸리는 시간은

$$479.88 \div (34.6 + 42.8) = 479.88 \div 77.4 = 6.2(\text{분}) \rightarrow 6 \text{ 분 } 12 \text{ 초입니다.}$$

16. 쌓기나무로 쌓은 모양을 위와 앞에서 본 모양은 다음과 같습니다.
오른쪽 옆에서 본 모양은 모두 몇 가지가 가능한지 구하시오.



▶ 답: 가지

▷ 정답: 5 가지

해설

위에서 본 모양에 앞에서 본 모양의 개수를 써 넣고 1을 채웁니다.

| | | |
|---|---|---|
| 1 | Ⓐ | Ⓑ |
| 1 | | |
| 1 | Ⓐ | Ⓑ |
| 1 | 2 | 3 |

Ⓐ, Ⓑ 중에서 적어도 하나는 2, Ⓒ, Ⓓ 중에서 적어도 하나는 3이 되어야 합니다. 따라서 (Ⓐ, Ⓑ) = (1, 2), (2, 1), (2, 2)가 될 수 있고 (Ⓑ, Ⓓ) = (1, 3), (2, 3), (3, 3), (3, 2), (3, 1)이 될 수 있습니다.



그런데 옆에서 보면 각 줄에서 가장 높게 쌓인 쌓기나무가 보이므로 5 가지입니다.

17. 500 원짜리와 100 원짜리 동전을 합하여 64 개가 있습니다. 500 원짜리 동전의 금액과 100 원짜리 동전의 금액의 비가 5 : 3 일 때, 500 원짜리 동전 개수는 몇 개입니까?

▶ 답: 개

▷ 정답: 16개

해설

500 원짜리 동전을 □(개) 라 하면,

$$(500 \times \square) : \{100 \times (64 - \square)\} = 5 : 3$$

$$(500 \times \square) \times 3 = \{100 \times (64 - \square)\} \times 5$$

$$1500 \times \square = (6400 - 100 \times \square) \times 5$$

$$1500 \times \square = 32000 - 500 \times \square$$

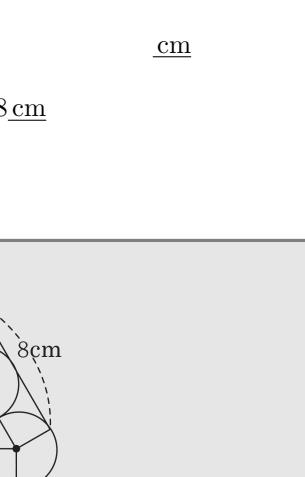
$$(1500 \times \square) + (500 \times \square) = 32000$$

$$2000 \times \square = 32000$$

$$\Rightarrow \square = 16(\text{개})$$

따라서 500 원짜리 동전은 16개, 100 원짜리 동전은 48개입니다.

18. 다음은 밑면의 반지름이 2cm인 원통 6개의 둘레를 끈으로 3바퀴 돌려 묶은 것을 위에서 본 그림입니다. 필요한 끈의 길이는 최소한 얼마입니까? (단, 묶는 데 필요한 길이는 무시합니다.)



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 109.68 cm

해설

2cm
8cm
8cm

8cm

$$\text{끈의 길이} : [(\text{정삼각형의 변의 길이}) + (\text{반지름이 } 2\text{cm인 원의 원주})] \times 3$$

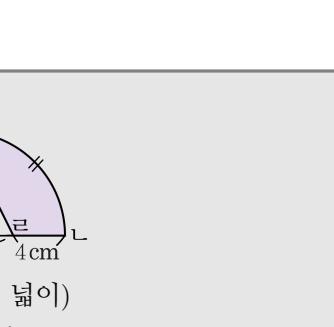
$$= (8 \times 3 + 4 \times 3.14) \times 3$$

$$= (24 + 12.56) \times 3$$

$$= 36.56 \times 3$$

$$= 109.68(\text{cm})$$

19. 다음 그림은 반원을 그린 후 원의 둘레를 이등분하는 점 D에서 점 E을 이어서 만든 것입니다. 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 34.24 cm²

해설



(색칠한 부분의 넓이)

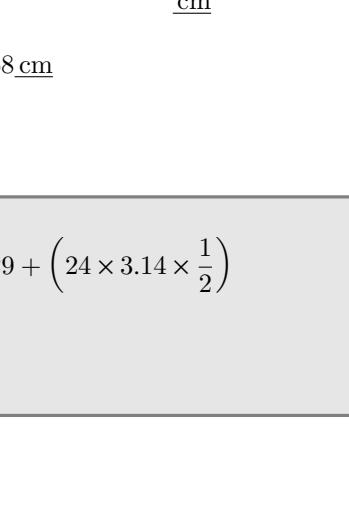
$$= (\text{원의 넓이}) \times \frac{1}{4} - (\text{삼각형 } ODE \text{의 넓이})$$

$$= (8 \times 8 \times 3.14) \times \frac{1}{4} - \left(4 \times 8 \times \frac{1}{2} \right)$$

$$= 50.24 - 16$$

$$= 34.24(\text{cm}^2)$$

20. 다음 그림은 직사각형의 한 변이 원의 중심을 지나도록 직사각형과 원을 겹쳐 놓은 것입니다. 색칠한 부분의 둘레의 길이를 구하시오.



▶ 답: cm

▷ 정답: 95.68 cm

해설

$$\begin{aligned} & 5 + 12 \times 2 + 29 + \left(24 \times 3.14 \times \frac{1}{2} \right) \\ & = 58 + 37.68 \\ & = 95.68(\text{cm}) \end{aligned}$$