

1. 연립방정식 $\begin{cases} y = x + 1 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$ 의 해를

$x = \alpha, y = \beta$ 라 할 때, $\alpha^2 + \beta^2 - \alpha\beta$ 의 값은?

① 1

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9

2. 연립부등식 $4x + 2 \leq x + 8$, $9 > 2x - 1$ 의 해를 구하면?

① $2 < x \leq 5$

② $2 \leq x < 5$

③ $x > 5$

④ $x \leq 2$

⑤ $x < 5$

3. 연립부등식 $\begin{cases} \frac{x-1}{2} > 1 \\ 0.7x + 0.5 < 0.2x + 1 \end{cases}$ 의 해는?

① $-3 < x < 3$

② $x < -3$

③ $x > 3$

④ 해가 없다.

⑤ $-3 < x < 5$

4. 이차부등식 $x^2 - 2kx + 2k \leq 0$ 이 해를 갖지 않을 때, 실수 k 값의 범위는?

① $-1 \leq k \leq 0$

② $-2 < k < 0$

③ $0 \leq x \leq 2$

④ $0 < k < 2$

⑤ $k < 0, \text{또는 } k > 2$

5. 다음 이차부등식 중 해가 존재하지 않는 것은?

① $2x^2 - 6x + 1 \leq 0$

② $x^2 - 2x - 3 < 0$

③ $x^2 - x + 1 > 0$

④ $x^2 - 6x + 9 > 0$

⑤ $4x^2 - 4x + 1 < 0$

6. 두 점 $A(5, -11)$, $B(-4, 7)$ 일 때, 선분 AB 를 $2 : 1$ 로 내분하는 점의 좌표는 $P(a, b)$, 선분 AB 를 $2 : 1$ 로 외분하는 점의 좌표는 $Q(c, d)$ 이다. 이때, $a + b + c + d$ 의 값을 구하면?

① 8

② 9

③ 10

④ 11

⑤ 12

7. 세 점 A (2, 1), B ($-k+1$, 3), C (1, $k+2$)가 같은 직선위에 있도록 하는 실수 k 의 값들의 합은?

① -2

② -1

③ 3

④ 4

⑤ 5

8. 두 직선 $(k-2)x + 3y - 1 = 0, y = kx + 3$ 이 수직이 되도록 하는 모든 k 의 값을 구하면?

① $3, 1$

② $3, -1$

③ $4, 2$

④ $1, 5$

⑤ $-2, -3$

9. 삼차방정식 $x^3 - 2x^2 + ax + 6 = 0$ 의 세 근 α, β, γ 사이에 $\alpha + \beta = \gamma$ 인 관계가 성립할 때, a 의 값은?

① -6

② -5

③ -2

④ -1

⑤ -3

10. 방정식 $x^2 - 2xy + y^2 + |x + y - 2| = 0$ 을 만족하는 실수 x, y 에 대하여 xy 의 값은?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

11. 부등식 $bx + (a - b) < 0$ 의 해가 $x > 2$ 일 때, 부등식 $ax + 2a - b > 0$ 의 해를 구하면?

① $x > -1$

② $x < -1$

③ $x > -2$

④ $x < -2$

⑤ $x > -3$

12. 연립부등식 $1 < -\frac{x-a}{3} < 2$ 의 해가 $1 < x < b$ 일 때, $a-b$ 의 값을 구하여라.

① 1

② 3

③ 7

④ 9

⑤ 11

13. 연립부등식
$$\begin{cases} 2x - (5x + 11) > -17 \\ 3(2 - x) \leq a \end{cases}$$
의 해가 $-1 \leq x < 2$ 일 때, 상수 a 의 값은?

① 9

② 6

③ 4

④ -3

⑤ -9

14. $ax^2 + bx + c > 0$ 의 해가 $-2 < x < 5$ 일 때, $ax^2 - bx + c - 2b > 0$ 의 해를 구하면?

① $x < -1, x > 4$

② $x < -4, x > 1$

③ $-1 < x < 4$

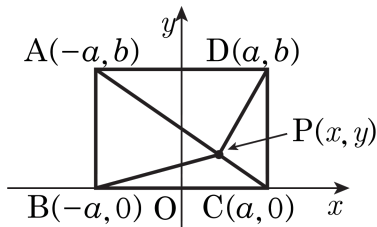
④ $-4 < x < 1$

⑤ $-4 < x < -1$

15. 다음은 직사각형 ABCD와 임의의 점 P에 대하여 $\overline{AP}^2 + \overline{CP}^2 = \overline{BP}^2 + \overline{DP}^2$ 이 성립함을 보인 것이다. (가) ~ (매)에 들어갈 말 중 옳지 않은 것은?

다음 그림과 같이 직사각형 ABCD의 한 변 BC를 x 축, $\overline{BC}$ 의 수직이등분선을 y 축으로 잡으면

A $(-a, b)$, B $(-a, 0)$, C $(a, 0)$, D (a, b) 로 놓을 수 있다.



이때, 점 P의 좌표를 P (x, y) 라고 하면

$$\overline{AP}^2 + \overline{CP}^2 = \text{(가)} + \text{(나)}$$

$$= 2(x^2 + y^2 + a^2 - by) + b^2 \dots \text{㉠}$$

$$\overline{BP}^2 + \overline{DP}^2 = \text{(다)} + \text{(라)}$$

$$= 2(x^2 + y^2 + a^2 - by) + b^2 \dots \text{㉡}$$

$$\text{㉠}, \text{㉡} \text{로부터 } \overline{AP}^2 + \overline{CP}^2 = \text{(매)}$$

① (가) : $(x + a)^2 + (y + b)^2$

② (나) : $(x - a)^2 + y^2$

③ (다) : $(x + a)^2 + y^2$

④ (라) : $(x - a)^2 + (y - b)^2$

⑤ (매) : $\overline{BP}^2 + \overline{DP}^2$

16. 두 점 $A(-2, 3)$, $B(4, 1)$ 에서 같은 거리에 있는 y 축 위의 점을 $C(a, b)$ 라고 할 때, $a + b$ 의 값은?

① 1

② 0

③ -1

④ -2

⑤ -3

17. 세 점 $A(4, 2)$, $B(0, -2)$, $C(-2, 0)$ 을 꼭짓점으로 하는 $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인가?

① 정삼각형

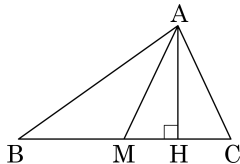
② 둔각삼각형

③ $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형

④ $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형

⑤ $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형

18. 다음은 예각삼각형 ABC에서 변 BC의 중점을 M이라 할 때, $\overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = 2(\overline{BM}^2 + \overline{AM}^2)$ 이 성립함을 보인 것이다.



점 A에서 선분 BC에 내린 수선의 발을 H라하자.

직각삼각형 ABH에서

$$\begin{aligned}\overline{AB}^2 &= \overline{BH}^2 + \overline{AH}^2 \\ &= \boxed{\text{(가)}}^2 + \overline{AH}^2 \\ &= \overline{BM}^2 + 2\overline{BM} \cdot \overline{MH} + \boxed{\text{(나)}}^2 \dots \textcircled{7}\end{aligned}$$

직각삼각형 AHC에서

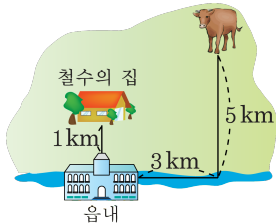
$$\begin{aligned}\overline{AC}^2 &= \overline{CH}^2 + \overline{AH}^2 \\ &= \boxed{\text{(다)}}^2 + \overline{AH}^2 \\ &= \overline{CM}^2 - 2\overline{CM} \cdot \overline{MH} + \boxed{\text{(라)}}^2 \dots \textcircled{8}\end{aligned}$$

⑦, ⑧에서 $\overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = 2(\overline{BM}^2 + \overline{AM}^2)$ 이다.

(가), (나), (다)에 알맞은 것은?

- ① (가) $\overline{BC} + \overline{CH}$ (나) $\overline{AM}$ (다) $\overline{BH} - \overline{BM}$
- ② (가) $\overline{BC} + \overline{CH}$ (나) $\overline{AH}$ (다) $\overline{BH} - \overline{BM}$
- ③ (가) $\overline{BM} + \overline{MH}$ (나) $\overline{AM}$ (다) $\overline{BH} - \overline{BM}$
- ④ (가) $\overline{BM} + \overline{MH}$ (나) $\overline{AH}$ (다) $\overline{CM} - \overline{MH}$
- ⑤ (가) $\overline{BM} + \overline{MH}$ (나) $\overline{AM}$ (다) $\overline{CM} - \overline{MH}$

19. 철수의 집은 읍내로부터 정북으로 1 km 떨어져 있다. 그리고 작은 시냇물이 정동에서 정서로 읍내를 관통해서 흐르고 있다. 지금 철수는 읍에서 정동으로 3 km, 정북으로 5 km 떨어진 곳에서 소에게 풀을 먹이고 있다. 이때 철수가 시냇가로 가서 소에게 물을 먹이고 집으로 가는 최단 거리는 몇 km인가?



① 3 km

② $4\sqrt{3}$ km

③ $3\sqrt{5}$ km

④ $4\frac{5}{6}$ km

⑤ 2.5 km

20. 직선 $(a-2)x - y - b + 1 = 0$ 이 x 축의 양의 방향과 이루는 각의 크기가 45° 이고, 점 $(1, 0)$ 을 지날 때, $a + b$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

21. 상수 a, b, c 가 조건 $ab > 0, bc < 0$ 을 만족시킬 때 방정식 $ax+by-c=0$ 이 나타내는 그래프가 지나는 사분면을 모두 고르면?

① 제 1, 2, 3 사분면

② 제 2, 3, 4 사분면

③ 제 1, 3, 4 사분면

④ 제 1, 2 사분면

⑤ 제 2, 3 사분면

22. 삼차방정식 $x^3 + (p - 4)x - 2p = 0$ 의 중근을 α , 다른 한 근을 β 라 할 때 $\alpha + \beta + p$ 의 값을 구하면?

① -10 또는 -2

② -10 또는 -1

③ -10 또는 2

④ -10 또는 4

⑤ -10 또는 5

23. 연립방정식 $\begin{cases} x + y = xy \\ \frac{y}{x} + \frac{x}{y} = 0 \end{cases}$ 을 만족하는 x, y 의 합 $x + y$ 의 값은?

(단, $xy \neq 0$)

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

24. 부등식 $|2x + 2| < a + 3$ 를 만족하는 실수 x 값이 존재하기 위한 실수 a 의 값의 범위는?

① $a \leq -4$

② $a > -4$

③ $a < -3$

④ $a > -3$

⑤ $a \leq -1$

25. 연립부등식 $\begin{cases} x^3 - 2x^2 + x - 2 \geq 0 \\ x^2 - x - 6 < 0 \end{cases}$ 의 해는?

① $-2 \leq x < 3$

② $-2 < x < 3$

③ $2 \leq x < 3$

④ $2 < x \leq 3$

⑤ $2 \leq x \leq 3$