

1. 다음 중 가장 큰 값은?

- ①  $\sqrt{4^2} - \sqrt{2^2}$       ②  $\sqrt{3^2} + \sqrt{2^2}$   
③  $\sqrt{(-5)^2} - \sqrt{(-2)^2}$       ④  $\sqrt{3^2} - \sqrt{(-2)^2}$   
⑤  $\sqrt{25} + (-\sqrt{2})^2$

해설

①  $\sqrt{4^2} - \sqrt{2^2} = 4 - 2 = 2$   
②  $\sqrt{3^2} + \sqrt{2^2} = 3 + 2 = 5$   
③  $\sqrt{(-5)^2} - \sqrt{(-2)^2} = 5 - 2 = 3$   
④  $\sqrt{3^2} - \sqrt{(-2)^2} = 3 - 2 = 1$   
⑤  $\sqrt{25} + (-\sqrt{2})^2 = 5 + 2 = 7$

이므로  $\sqrt{25} + (-\sqrt{2})^2$  가 가장 크다.

2. 다음 중 계산 한 값이 옳은 것은?

$$\textcircled{1} \quad \sqrt{3^2} - \sqrt{(-5)^2} + \sqrt{2^2} = 10$$

$$\textcircled{2} \quad \sqrt{(-2)^2} - (-\sqrt{3})^2 - \sqrt{5^2} = 0$$

$$\textcircled{3} \quad \sqrt{\left(\frac{2}{5}\right)^2} + \sqrt{\frac{9}{25}} - \sqrt{\left(\frac{6}{5}\right)^2} = -\frac{1}{5}$$

$$\textcircled{4} \quad \sqrt{2^2} \times \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2} + \sqrt{\left(-\frac{1}{2}\right)^2} = 0$$

$$\textcircled{5} \quad \sqrt{3^2} + \sqrt{4^2} - \sqrt{(-5)^2} = 12$$

해설

$$\textcircled{1} \quad \sqrt{3^2} - \sqrt{(-5)^2} + \sqrt{2^2} = 3 - 5 + 2 = 0$$

$$\textcircled{2} \quad \sqrt{(-2)^2} - (-\sqrt{3})^2 - \sqrt{5^2} = 2 - 3 - 5 = -6$$

$$\textcircled{3} \quad \sqrt{\left(\frac{2}{5}\right)^2} + \sqrt{\frac{9}{25}} - \sqrt{\left(\frac{6}{5}\right)^2} = \frac{2}{5} + \frac{3}{5} - \frac{6}{5} = -\frac{1}{5}$$

$$\textcircled{4} \quad \sqrt{2^2} \times \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2} + \sqrt{\left(-\frac{1}{2}\right)^2} = 2 \times \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

$$\textcircled{5} \quad \sqrt{3^2} + \sqrt{4^2} - \sqrt{(-5)^2} = 3 + 4 - 5 = 2$$

3.  $\sqrt{81} - \sqrt{0.09} + \sqrt{(0.9)^2} - \sqrt{\frac{1}{16}}$  을 계산하면?

- ① 3.05      ② 3.15      ③ 3.25      ④ 3.35      ⑤ 3.45

해설

$$(\text{준식}) = 3 - 0.3 + 0.9 - \frac{1}{4} = 3.35$$

4.  $\sqrt{121} - \sqrt{(-6)^2}$  을 계산하여라.

- ① 1      ② 3      ③ 5      ④ 7      ⑤ 9

해설

$$11 - 6 = 5$$

5.  $\sqrt{64} + \sqrt{(-7)^2}$  을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$\sqrt{64} + \sqrt{(-7)^2} = \sqrt{64} + \sqrt{49} = 8 + 7 = 15$$

6.  $(-\sqrt{2})^2 \times \left(\sqrt{\frac{3}{2}}\right)^2$  을 계산하면?

- ① 3      ② -3      ③ 9      ④ -9      ⑤  $2\sqrt{3}$

해설

$$2 \times \frac{3}{2} = 3$$

7.  $-\sqrt{8^2} \div \left(\sqrt{\frac{8}{5}}\right)^2$  을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

$$(-8) \times \frac{5}{8} = -5$$

8.  $\sqrt{169} + \sqrt{(-5)^2} - \sqrt{(-3)^4}$  을 계산하면?

- ① 9      ② 15      ③ 18      ④ 21      ⑤ 27

해설

$$\sqrt{169} + \sqrt{(-5)^2} - \sqrt{(-3)^4} = 13 + 5 - 9 = 9$$

9.  $-\sqrt{144} + \sqrt{(-3)^4} - \sqrt{(-5)^4}$  을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -28

해설

$$\begin{aligned}-\sqrt{144} + \sqrt{(-3)^4} - \sqrt{(-5)^4} \\= -\sqrt{144} + \sqrt{81} - \sqrt{625} \\= -12 + 9 - 25 = -28\end{aligned}$$

10. 다음 식의 계산 중 옳은 것은?

- ①  $\sqrt{36} + (-\sqrt{12})^2 = 15$       ②  $\sqrt{5^2} - \sqrt{(-3)^2} = 8$   
③  $\sqrt{(-10)^2} - \sqrt{49} = -17$       ④  $\sqrt{0.04} \div \sqrt{0.1^2} = 0.2$   
⑤  $\sqrt{2^2} \times \sqrt{\left(-\frac{5}{2}\right)^2} = 5$

해설

①  $\sqrt{36} + (-\sqrt{12})^2 = 6 + 12 = 18$   
②  $\sqrt{5^2} - \sqrt{(-3)^2} = 5 - 3 = 2$   
③  $\sqrt{(-10)^2} - \sqrt{49} = 10 - 7 = 3$   
④  $0.2 \div 0.1 = 2$   
⑤  $\sqrt{2^2} \times \sqrt{\left(-\frac{5}{2}\right)^2} = 2 \times \frac{5}{2} = 5$

11. 다음 식의 계산 중 바르지 못한 것은?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \quad \sqrt{5^2} \times \sqrt{\left(-\frac{3}{5}\right)^2} = 3 & \textcircled{2} \quad \sqrt{0.04} \div \sqrt{10000} = 200 \\ \textcircled{3} \quad -\sqrt{49} + \left(\sqrt{13}\right)^2 = 6 & \textcircled{4} \quad \sqrt{10^2} - \sqrt{(-9)^2} = 1 \\ \textcircled{5} \quad \sqrt{(-20)^2} - \sqrt{400} = 0 & \end{array}$$

해설

$$\textcircled{2} \quad \sqrt{0.04} \div \sqrt{10000} = 0.002$$

12.  $\sqrt{36} - \sqrt{(-5)^2} + \sqrt{81} \times \sqrt{\frac{4}{9}}$  를 간단히 하면?

- ① 3      ② 7      ③ 10      ④ 15      ⑤ 17

해설

$$\sqrt{36} - \sqrt{(-5)^2} + \sqrt{81} \times \sqrt{\frac{4}{9}} = 6 - 5 + 9 \times \frac{2}{3} = 7$$

13.  $-\sqrt{25} \div \sqrt{(-7)^2} \div \sqrt{\left(\frac{3}{7}\right)^2} \times \sqrt{\left(-\frac{4}{5}\right)^2}$  을 간단히 하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{4}{3}$

해설

$$\begin{aligned}-\sqrt{25} \div \sqrt{(-7)^2} \div \sqrt{\left(\frac{3}{7}\right)^2} \times \sqrt{\left(-\frac{4}{5}\right)^2} \\ = -5 \div 7 \div \frac{3}{7} \times \frac{4}{5} = -5 \times \frac{1}{7} \times \frac{7}{3} \times \frac{4}{5} = -\frac{4}{3}\end{aligned}$$

14. 다음 중 계산이 옳지 않은 것은?

①  $(\sqrt{13})^2 + (-\sqrt{4})^2 = 17$       ②  $(-\sqrt{2})^2 - (-\sqrt{5})^2 = 3$   
③  $(\sqrt{5})^2 \times \left(-\sqrt{\frac{1}{5}}\right)^2 = 1$       ④  $\sqrt{(-7)^2} \times \sqrt{(-6)^2} = 42$   
⑤  $\sqrt{12^2} \div \sqrt{(-4)^2} = 3$

해설

②  $(-\sqrt{2})^2 - (-\sqrt{5})^2 = 2 - 5 = -3$

15. 다음 중 계산한 값이 다른 하나는?

- ①  $\sqrt{100} - \sqrt{13^2}$
- ②  $-\frac{\sqrt{4 \times 3^2}}{2}$
- ③  $-\sqrt{(-5)^2} \times \frac{3}{\sqrt{25}}$
- ④  $-\sqrt{5^2} + \sqrt{64}$
- ⑤  $(-\sqrt{2})^2 \times (\sqrt{3})^2 \div (-\sqrt{4})$

해설

- ①  $\sqrt{100} - \sqrt{13^2} = 10 - 13 = -3$
- ②  $-\frac{\sqrt{4 \times 3^2}}{2} = -2 \times \frac{3}{2} = -3$
- ③  $-\sqrt{(-5)^2} \times \frac{3}{\sqrt{25}} = -5 \times \frac{3}{5} = -3$
- ④  $-\sqrt{5^2} + \sqrt{64} = -5 + 8 = 3$
- ⑤  $(-\sqrt{2})^2 \times (\sqrt{3})^2 \div (-\sqrt{4}) = -3$

16.  $A = \sqrt{81} + \sqrt{(-7)^2} \div \sqrt{\frac{49}{16}} - (-\sqrt{6})^2$  일 때,  $A^2$ 의 값은?

- ① 1      ②  $\frac{6}{7}$       ③ 7      ④  $\frac{36}{49}$       ⑤ 49

해설

$$A = 9 + 7 \div \frac{7}{4} - 6 = 9 + 4 - 6 = 7$$

$$\therefore A^2 = 49$$

17.  $X = \sqrt{144} \times \sqrt{\left(-\frac{2}{3}\right)^2} - \sqrt{\frac{25}{4}} \div \left(-\sqrt{\frac{5}{4}}\right)^2$  일 때,  $10X$  값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 60

해설

$$X = \sqrt{144} \times \sqrt{\left(-\frac{2}{3}\right)^2} - \sqrt{\frac{25}{4}} \div \left(-\sqrt{\frac{5}{4}}\right)^2 \\ = 12 \times \frac{2}{3} - \frac{5}{2} \times \frac{4}{5} = 8 - 2 = 6$$

따라서  $10X = 60$ 이다.

18.  $A$ ,  $B$  가 다음과 같을 때,  $A + B$  의 값은?

$$A = \sqrt{196} \div \sqrt{(-2)^2} - \sqrt{(-3)^4} \times (-\sqrt{2})^2$$
$$B = \sqrt{144} \times \sqrt{\frac{25}{81}} \div \left( -\sqrt{\frac{4}{9}} \right)$$

- ① -21      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 21

해설

$$A = 14 \div 2 - 3^2 \times 2 = 7 - 18 = -11$$
$$B = 12 \times \frac{5}{9} \div \left( -\frac{2}{3} \right) = 12 \times \frac{5}{9} \times \left( -\frac{3}{2} \right) = -10$$

$$\therefore A + B = -11 + (-10) = -21$$

19. 다음 두 식  $A = \left(\sqrt{\frac{1}{2}}\right)^2 + \sqrt{\left(\frac{5}{2}\right)^2} - \sqrt{9}$ ,  $B = \sqrt{100} - \sqrt{(-13)^2}$  일 때,  $10A - B$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$A = \left(\sqrt{\frac{1}{2}}\right)^2 + \sqrt{\left(\frac{5}{2}\right)^2} - \sqrt{9} = \frac{1}{2} + \frac{5}{2} - 3 = 3 - 3 = 0$$

$$B = \sqrt{100} - \sqrt{(-13)^2} = 10 - 13 = -3$$

따라서  $10A - B = 0 - (-3) = 3$  이다.

20.  $\sqrt{5^2} = a$ ,  $\sqrt{(-5)^2} = b$ ,  $-\sqrt{(-5)^2} = c$  라 할 때,  $a^2 + 2b - c$  의 값은?

- ① 30      ② 35      ③ 40      ④ 45      ⑤ 50

해설

$\sqrt{5^2} = 5$ ,  $\sqrt{(-5)^2} = 5$ ,  $-\sqrt{(-5)^2} = -5$   
따라서,  $a^2 + 2b - c = 25 + 10 + 5 = 40$  이다.

21. 다음 중 나머지 넷과 다른 하나를 찾으면?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} (\sqrt{2})^2 + (\sqrt{1})^2 & \textcircled{2} (-\sqrt{2})^2 + \sqrt{1^2} \\ \textcircled{3} -\sqrt{(-2)^2} + \sqrt{1^2} & \textcircled{4} \sqrt{2^2} + \sqrt{1^2} \\ \textcircled{5} \sqrt{(-2)^2} + \sqrt{1^2} & \end{array}$$

해설

$$\begin{array}{l} \textcircled{1} (\sqrt{2})^2 + (\sqrt{1})^2 = 2 + 1 = 3 \\ \textcircled{2} (-\sqrt{2})^2 + \sqrt{1^2} = 2 + 1 = 3 \\ \textcircled{3} -\sqrt{(-2)^2} + \sqrt{1^2} = -2 + 1 = -1 \\ \textcircled{4} \sqrt{2^2} + \sqrt{1^2} = 2 + 1 = 3 \\ \textcircled{5} \sqrt{(-2)^2} + \sqrt{1^2} = 2 + 1 = 3 \end{array}$$

22.  $A = (-\sqrt{9})^2 - (-\sqrt{5})^2 - \sqrt{(-2)^2}, B = \sqrt{8^2} \div (-\sqrt{2})^2 + \sqrt{(-5)^2} \times \left(\sqrt{\frac{1}{5}}\right)^2$  일 때,  $AB$ 의 값을 구하면?

- ① -60      ② -48      ③ 10      ④ 48      ⑤ 60

해설

$$A = 9 - 5 - 2 = 2$$
$$B = (8 \div 2) + \left(5 \times \frac{1}{5}\right) = 4 + 1 = 5$$
$$AB = 2 \times 5 = 10$$

23.  $A = \sqrt{81} - \sqrt{(-3)^2} - (-\sqrt{2})^2$ ,  $B = \sqrt{50} - (-\sqrt{3})^2 - \frac{10}{\sqrt{2}}$  일 때,  $\frac{10B}{A}$

의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -7.5

해설

$$A = \sqrt{81} - \sqrt{(-3)^2} - (-\sqrt{2})^2 = 9 - 3 - 2 = 4$$

$$B = \sqrt{50} - (-\sqrt{3})^2 - \frac{10}{\sqrt{2}} = 5\sqrt{2} - 3 - 5\sqrt{2} = -3$$

$$\text{따라서 } \frac{10B}{A} = -\frac{30}{4} = -7.5 \text{ 이다.}$$

24.  $\sqrt{43-a} = 4$  를 만족하는  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 27$

해설

$$\sqrt{43-a} = \sqrt{16}, 43-a = 16, a = 27$$

25.  $\sqrt{25-x} = 3$  을 만족하는  $x$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x = 16$

해설

$$\sqrt{25-x} = \sqrt{9}, \quad 25-x = 9 \quad \therefore x = 16$$

26.  $a = -\sqrt{5}, b = \sqrt{3}$  일 때,  $2a^2 - (-b)^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$$\begin{aligned}2a^2 - (-b)^2 &= 2(-\sqrt{5})^2 - (-\sqrt{3})^2 \\&= 2 \times 5 - 3 = 7\end{aligned}$$

27.  $4\sqrt{9} + 2\sqrt{16} - 4\sqrt{\frac{1}{4}} - \sqrt{(-7)^2}$  를 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= 4 \times 3 + 2 \times 4 - 4 \times \frac{1}{2} - 7 \\&= 12 + 8 - 2 - 7 = 11\end{aligned}$$

28.  $\frac{10^8}{20^4} = \sqrt{25^a}$ ,  $\sqrt{\frac{6^{10}}{6^4}} = 6^b$  일 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a + b = 7$

해설

$$\frac{10^8}{20^4} = \frac{10^8}{2^4 \times 10^4} = \frac{10^4}{2^4} = 5^4 = \sqrt{25^4}, a = 4$$

$$\sqrt{\frac{6^{10}}{6^4}} = \sqrt{6^6} = 6^3, b = 3$$

$$\therefore a + b = 4 + 3 = 7$$

29.  $\frac{10^{12}}{20^6} = \sqrt{25^a}$ ,  $\sqrt{\frac{3^{12}}{3^4}} = 3^b$  일 때,  $a + b$ 의 값을 구하면?

- ① 5      ② 10      ③ 15      ④ 20      ⑤ 25

해설

$$\frac{10^{12}}{20^6} = \frac{10^{12}}{2^6 \times 10^6} = \frac{10^6}{2^6} = 5^6 = \sqrt{25^6}, a = 6$$

$$\sqrt{\frac{3^{12}}{3^4}} = \sqrt{3^8} = 3^4, b = 4$$

$$\therefore a + b = 10$$

30.  $\frac{\sqrt{4^2}}{2} = a$ ,  $-\sqrt{(-6)^2} = b$ ,  $\sqrt{(-2)^2} = c$  라 할 때,  $2a^2 \times b^2 - b \div c$  의 값은?

- ① 282      ② 285      ③ 288      ④ 291      ⑤ 294

해설

$$a = \frac{\sqrt{4^2}}{2} = 2, b = -\sqrt{(-6)^2} = -6, c = \sqrt{(-2)^2} = 2$$
$$\therefore 2a^2 \times b^2 - b \div c = 2 \times 4 \times 36 - (-6) \times \frac{1}{2}$$

$$= 288 + 3 = 291$$

31.  $\sqrt{196} \div \sqrt{(-2)^2} + \sqrt{(-3)^4} = x$ ,  $2 \times \sqrt{4^2 \times (-2)^4} - \sqrt{225} = y$ ,  
 $\sqrt{0.64} - \sqrt{0.01} = z$  일 때,  $x + y + 10z$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 40

해설

$$x = \sqrt{196} \div \sqrt{(-2)^2} + \sqrt{(-3)^4}$$

$$= 14 \div 2 + 9$$

$$= 7 + 9 = 16$$

$$y = 2 \times \sqrt{4^2 \times (-2)^4} - \sqrt{225}$$

$$= 2 \times 16 - 15$$

$$= 32 - 15 = 17$$

$$z = \sqrt{0.64} - \sqrt{0.01} = 0.8 - 0.1 = 0.7$$

따라서  $x + y + 10z = 16 + 17 + 7 = 40$  이다.

32. 다음 식을 간단히 하면?

$$\sqrt{225} - \sqrt{(-6)^2} + \sqrt{(-3)^2 \times 2^4} - \sqrt{5^2} - (-\sqrt{3})^2$$

- ① -11      ② 7      ③ 10      ④ 13      ⑤ 19

해설

$$\sqrt{225} - \sqrt{(-6)^2} + \sqrt{(-3)^2 \times 2^4} - \sqrt{5^2} - (-\sqrt{3})^2$$

$$= 15 - 6 + \sqrt{(3 \times 2^2)^2} - 5 - 3$$

$$= 9 + 12 - 8 = 13$$

33. 다음 식을 간단히 하여라.

$$-\sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2} - \sqrt{\left(-\frac{1}{4}\right)^2} \times \sqrt{0.4^2} - \sqrt{(-1.2)^2}$$

▶ 답:

▷ 정답: -1.8

해설

$$\begin{aligned}& -\sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2} - \sqrt{\left(-\frac{1}{4}\right)^2} \times \sqrt{0.4^2} - \sqrt{(-1.2)^2} \\&= -\frac{1}{2} - \frac{1}{4} \times 0.4 - 1.2 \\&= -0.5 - 0.1 - 1.2 = -1.8\end{aligned}$$

34.  $x = \sqrt{3 - \sqrt{3 - \sqrt{3 - \dots}}}$  일 때,  $x^2 + x + 1$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$\begin{aligned}x &= \sqrt{3 - \sqrt{3 - \sqrt{3 - \dots}}} \text{에서} \\ \sqrt{3 - \sqrt{3 - \sqrt{3 - \dots}}} &= \sqrt{3 - x} = x \text{ 이므로} \\ 3 - x &= x^2, x^2 + x = 3 \\ \therefore x^2 + x + 1 &= 4\end{aligned}$$

35. 5의 음의 제곱근을  $a$ , 2의 양의 제곱근을  $b$  라 할 때,  $\sqrt{-a^2 + 3b^2} - \sqrt{(a^2 \times b^2)^2}$  을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -9

해설

$$\begin{aligned} a &= -\sqrt{5}, b = \sqrt{2} \\ \sqrt{-a^2 + 3b^2} - \sqrt{(a^2 \times b^2)^2} &= \sqrt{-(-\sqrt{5})^2 + 3(\sqrt{2})^2} \\ &- \sqrt{\{(-\sqrt{5})^2 \times (\sqrt{2})^2\}^2} \\ &= \sqrt{-5+6} - \sqrt{(5 \times 2)^2} \\ &= 1 - 10 = -9 \end{aligned}$$

36.  $3\sqrt{2\sqrt{18\sqrt{324}}}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 18

해설

$$\begin{aligned}3\sqrt{2\sqrt{18\sqrt{324}}} &= 3\sqrt{2\sqrt{18\sqrt{(2 \times 3^2)^2}}} \\&= 3\sqrt{2\sqrt{18 \times (2 \times 3^2)}} \\&= 3\sqrt{2\sqrt{(2 \times 3^2)^2}} \\&= 3\sqrt{6^2} \\&= 18\end{aligned}$$

37.  $\frac{40^8}{100^4} = \sqrt{16^a}$ ,  $\sqrt{\frac{9^8}{9^4}} = b$  일 때,  $10a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $10a - b = -1$

해설

$$\frac{40^8}{100^4} = \sqrt{16^a},$$

$$\frac{40^8}{100^4} = \frac{2^{24} \times 5^8}{2^8 \times 5^8} = 2^{16} = \sqrt{2^{32}} = \sqrt{16^8}$$

$$\therefore a = 8$$

$$\sqrt{\frac{9^8}{9^4}} = b, \sqrt{9^4} = 9^2 = 81 \quad \therefore b = 81$$

$$\therefore 10a - b = 80 - 81 = -1$$

38. 정수  $n$ 에 대하여  $f(n) = \sqrt{(2n-2)(2n+2)+4}$ 이라고 할 때,  $f(-5) + f(-4) + \dots + f(4) + f(5)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 60

해설

$$f(-5) = \sqrt{(-12) \times (-8) + 4} = 10 = 2 \times 5$$

$$f(-4) = \sqrt{(-10) \times (-6) + 4} = 8 = 2 \times 4$$

⋮

$$f(0) = \sqrt{(-4) + 4} = 0 = 2 \times 0$$

⋮

$$f(5) = \sqrt{8 \times 12 + 4} = 10 = 2 \times 5$$

$$f(-5) + f(-4) + \dots + f(0) + \dots + f(5)$$

$$= 2(5 + 4 + \dots + 0 + 1 + \dots + 5)$$

$$= 2 \times 30 = 60$$

39. 3의 음의 제곱근과 양의 제곱근을 각각  $a, b$  라 할 때, 다음 식을 계산 하여라.

$$\sqrt{\sqrt{9(a^2b^2)^3} - \sqrt{5a^2 - 2b^2}}$$

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$$\begin{aligned} a &= -\sqrt{3}, b = \sqrt{3} \text{ 이므로,} \\ &\sqrt{\sqrt{9(a^2b^2)^3} - \sqrt{5a^2 - 2b^2}} \\ &= \sqrt{\sqrt{9 \{(-\sqrt{3})^2(\sqrt{3})^2\}^3} - \sqrt{5(-\sqrt{3})^2 - 2(\sqrt{3})^2}} \\ &= \sqrt{\sqrt{9^4} - \sqrt{15 - 6}} = 9 - 3 = 6 \end{aligned}$$

40.  $2\sqrt{4\sqrt{8\sqrt{1024}}}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

$$\begin{aligned}2\sqrt{4\sqrt{8\sqrt{1024}}} &= 2\sqrt{4\sqrt{8\sqrt{(2^5)^2}}} \\&= 2\sqrt{4\sqrt{8\times 2^5}} \\&= 2\sqrt{4\times 2^4} \\&= 2\times 2^3 \\&= 2^4\end{aligned}$$

41.  $\frac{6^{10}}{12^5} = \sqrt[9^a]{\frac{8^{10}}{8^4}} = 2^b$  일 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a + b = 14$

해설

$$\frac{6^{10}}{12^5} = \frac{2^{10} \times 3^{10}}{2^5 \times 2^5 \times 3^5} = 3^5 = \sqrt{(3^2)^5} = \sqrt{9^5}$$

$$\sqrt{\frac{8^{10}}{8^4}} = \sqrt{8^6} = \sqrt{(8^3)^2} = 8^3 = 2^9$$

$$a = 5, b = 9 \text{ 이므로 } a + b = 5 + 9 = 14$$

42.  $x^2 - x + 3 = 4$  이고  $x = \sqrt{a + \sqrt{a + \sqrt{a + \cdots}}}$  일 때,  $a$ 의 값을 구하라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 1$

해설

$$x = \sqrt{a + \sqrt{a + \sqrt{a + \cdots}}} \text{에서}$$

$$\sqrt{a + \sqrt{a + \sqrt{a + \cdots}}} = \sqrt{a + x} = x \text{ 이므로}$$

$$a + x = x^2, x^2 - x = a$$

$$x^2 - x + 3 = 4 \text{ 이므로}$$

$$a + 3 = 4$$

$$\therefore a = 1$$

43. 자연수  $n$ 에 대하여  $f(n) = \sqrt{(3n-1)(3n+1)+1}$ 이라고 할 때,  
 $f(1) + f(2) + \cdots + f(10)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 165

해설

$$f(1) = \sqrt{2 \times 4 + 1} = 3 = 3 \times 1$$

$$f(2) = \sqrt{5 \times 7 + 1} = 6 = 3 \times 2$$

$$f(3) = \sqrt{8 \times 10 + 1} = 9 = 3 \times 3$$

⋮

$$f(10) = \sqrt{29 \times 31 + 1} = 30 = 3 \times 10$$

$$\begin{aligned} f(1) + f(2) + \cdots + f(10) &= 3(1 + 2 + 3 + \cdots + 10) \\ &= 3 \times 55 = 165 \end{aligned}$$