- 좌표평면 위에서 y = 2x 1, y = ax 4 의 교점의 좌표가 (-3, b) 일 1. 때, *a* - *b* 의 값을 구하면?
 - ① -8
- ② -6 ③ -2 ④ 6



해설 y = 2x - 1 에 (-3, b) 를 대입하면,

 $b = 2 \times (-3) - 1, b = -7,$ y = ax − 4 에 (−3, −7) 을 대입하면,

-7 = -3a - 4, a = 1, a - b = 1 - (-7) = 8

- 다음 두 직선의 방정식의 교점이 (-1,2)인 것끼리 짝지은 것은? 2.

 - ① 3x + y = 8, -x + y = 4 ② 2x + y = 10, x y = 1
 - 3x + y = 5, x + 2y = 5
 - ③ 3x 2y = 9, x + 4y = 17 ④ x y = -3, 3x y = -5

(-1,2)를 각각의 방정식에 대입하여 본다.

해설

두 일차함수 y = -3x + 1 과 y = 2x + a 의 그래프의 교점의 좌표가 3. (b, 2) 일 때, a 의 값을 구하여라.

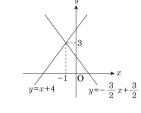
▶ 답:

ightharpoons 정답: $rac{8}{3}$

y = -3x + 1 에 (b, 2) 를 대입하면 2 = -3b + 1, $3b = -1, \ b = -\frac{1}{3}$ y = 2x + a 에 $\left(-\frac{1}{3}, \ 2\right)$ 를 대입하면

 $2 = 2 \times \left(-\frac{1}{3}\right) + a,$ $2 = -\frac{2}{3} + a, a = 2 + \frac{2}{3} = \frac{8}{3}$

4. 다음 그래프를 보고, 연립방정식 $\begin{cases} x-y=-4 \\ 3x+2y=3 \end{cases}$ 의 해를 구하여라.



▶ 답:

ightharpoonup 정답: x = -1, y = 3

 $\begin{cases} x-y=-4 & \to & y=x+4 \\ 3x+2y=3 & \to & y=-\frac{3}{2}x+\frac{3}{2} \\ \\ \text{이므로 연립방정식의 해는 두 직선의 교점의 좌표인 (-1, 3)} \\ \\ \text{이다.} \end{cases}$

- 두 일차함수 y = 5x + 4 과 y = 3x + a 의 그래프의 교점의 좌표가 (b, 3) 일 때, a 의 값을 구하여라. **5.**
 - ① $\frac{4}{5}$ ② $\frac{9}{5}$ ③ $\frac{12}{5}$ ④ $\frac{16}{5}$ ⑤ $\frac{18}{5}$

$$3 = 5b + 4$$
, $b = -\frac{1}{5}$

$$3 = 5b + 4$$
 , $b = -\frac{1}{5}$, $y = 3x + a$ 에 $\left(-\frac{1}{5}, 3\right)$ 을 대입하면 $3 = 3 \times \left(-\frac{1}{5}\right) + a$, $a = \frac{18}{5}$

6. 다음 안에 알맞은 말을 써넣어라.

일차방정식의 해는 그 방정식의 그래프 위의 모든 ___의 좌표이므로 연립방정식의 해는 두 일차방정식의 그래프의 ___의좌표이다.

 ■ G:

 ■ G:

▷ 정답 : 점

▷ 정답 : 교점

일차방정식의 해는 그 방정식의 그래프 위의 모든 점의 좌표

해설

이므로 연립방정식의 해는 두 일차방정식의 그래프의 교점의 좌표이다. 7. 연립방정식 $\begin{cases} x+ay=1\\ bx+y=8 \end{cases}$ 의 그래프를 그렸을 때 교점의 좌표가 (3, 2) 일 때, *ab* 의 값으로 옳은 것은?

- ① 2 ② 1 ③ 0 ④ -1 ⑤ -2

(3,2)를 주어진 연립방정식에 각각 대입하면

 $3 + 2a = 1 \quad \therefore a = -1$

 $3b + 2 = 8 \quad \therefore b = 2$

 $\therefore ab = (-1) \times 2 = -2$

8. 두 자리 자연수가 있다. 각 자리에 있는 수의 합은 12이고, 이 자연수의 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 두 자리의 수는 처음 수보다 18이 더 크다. 처음 자연수를 구하여라.

답:

▷ 정답: 57

처음수: 10x + y $\begin{cases} x + y = 12 \\ 10x + y = x + 10y - 18 \end{cases}$ $\begin{cases} x + y = 12 & \cdots & \text{①} \\ x - y = -2 & \cdots & \text{②} \end{cases}$ ① + ② 하면 x = 5, y = 7 이다. $\therefore 10 \times 5 + 7 = 57$

9. 두 자리 자연수가 있다. 이 수의 각 자리의 숫자의 합은 10이고, 십의 자리의 숫자가 일의 자리의 숫자의 4배일 때, 이 수를 구하면?

4)82 ① 28 ② 46 ③ 64 ⑤ 91

십의 자리의 숫자를 x, 일의 자리의 숫자를 y라고 하면 $\int x + y = 10$

 $\int x = 4y$

연립하여 풀면 x = 8, y = 2이다.

따라서 구하는 수는 82이다.

10. 각 자리의 숫자의 합이 4인 두 자리의 자연수가 있다. 일의 자리의 숫자와 십의 자리의 숫자를 바꾼 두 자리의 수는 처음 수와 같다. 처음 수를 구하여라.

▷ 정답: 22

. . . .

▶ 답:

처음 수의 십의 자리의 숫자를 x, 일의 자리의 숫자를 y라고 하면 (

 $\begin{cases} x + y = 4 \\ 10x + y = 10y + x \end{cases}$

연립하여 풀면 x = 2, y = 2

따라서 처음 수는 22이다.

11. 각 자리의 숫자의 합이 13 인 두 자리의 자연수가 있다. 일의 자리의 숫자와 십의 자리의 숫자를 바꾸면 처음 수보다 45 만큼 더 작다고 할 때, 처음 수를 구하여라.

➢ 정답: 94

▶ 답:

0_-

십의 자리의 숫자를 *x* 라 하면 일의 자리의 숫자는 (13-x) 이므로

해설

10x + (13 - x) = 10(13 - x) + x + 459x + 13 = -9x + 175 $18x = 162 \quad \therefore \quad x = 9$

18*x* = 162 ∴ *x* = 9 따라서 처음 수는 94 이다.

- 12. 두 자리의 자연수가 있다. 각 자리의 숫자의 합은 9이고, 이 수를 십의 자리 숫자와 일의 자리 숫자를 바꾼 수는 처음 수보다 9가 작다고 한다. 처음 수의 십의 자리의 숫자는?
 - ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

처음 수의 십의 자리의 숫자를 x, 일의 자리의 숫자를 y라고 하면 $\int x + y = 9$

 $\begin{cases} 10x + y = 10y + x + 9 \end{cases}$

해설___

연립하여 풀면 x = 5, y = 4

따라서 처음 수의 십의 자리의 숫자는 5이다.

- 13. 두 자리의 자연수에서 십의 자리를 x, 일의 자리를 y 라고 할 때, 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 자연수는 처음 수보다 45 가 크다고 한다. 이를 미지수가 2 개인 일차방정식으로 나타내면?
 - ① 10y + x = (10x + y) 45 ② 10y + x = (10x + y) + 45 ② 10y + x + 45 = (10x + y) + 45
 - ③ 10y + x + 45 = (10x + y) ④ 10x + y = (10y + x) + 45
 - $(3) 10y + x = (10x + y) \times 45$

처음 수의 십의 자리 숫자를 x, 일의 자리 숫자를 y 라 하면 처음 수

해설

는 10x+y, 나중 수는 10y+x 이다. 따라서 10y+x=(10x+y)+45이다.

14. 두 자리의 정수가 있다. 각 자리의 숫자의 차가 5 이고, 일의 자리의 숫자와 십의 자리의 숫자의 자리를 바꾸면 처음 수의 3 배보다 9 가 작다. 이때, 처음 수를 구하여라. (단, 일의 자리의 숫자가 십의 자리의 숫자보다 크다.)

▷ 정답: 27

▶ 답:

02.

해설

처음 수의 십의 자리의 숫자를 x , 일의 자리의 숫자를 y 라고 하면 $\begin{cases} y-x=5 \\ 3(10x+y)-9=10y+x \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y-x=5 \\ 29x-7y=9 \end{cases}$ 연립하여 풀면 $x=2,\ y=7$ 이다. 따라서 처음 수는 27 이다.

15. 어느 학교의 금년의 학생 수는 작년에 비하여 남학생은 5% 늘고 여학생은 15% 줄어서, 전체 학생 수는 70명이 줄어든 930명이 되었다고한다. 금년의 여학생 수와 남학생 수의 차를 구하여라.

정답: 90명

▶ 답:

- 16. 당정마을, 장수마을 두 마을에서 작년에 추수한 쌀은 500 톤이었다. 금년에는 추수한 쌀이 A 마을에서는 10%, B 마을에서는 20% 증가하여 전체로는 80 톤이 증가하였다. 작년에 B 마을에서 추수한 수확량을 구하여라.
 - 답:

▷ 정답: 300 톤

작년에 A 마을에서 추수한 쌀의 양을 x 톤, B 마을에서 추수한

해설

쌀의 양을 y 톤 이라고 하면 $\begin{cases} x+y=500\\ \frac{10}{100}x+\frac{20}{100}y=80 \end{cases}, \ \stackrel{\triangleleft}{\lnot} \begin{cases} x+y=500\\ x+2y=800 \end{cases}$

$$\therefore x = 200, y = 300$$

- 17. A, B 두 마을에서 작년에 추수한 쌀은 320 톤이었다. 금년에는 추수한 쌀이 A 마을에서는 5%, B 마을에서는 10% 감소하여 전체로는 23 톤이 감소하였다. 작년에 A, B 마을에서 추수한 수확량은?
 - ② A 마을: 168 톤, B 마을: 152 톤

① A 마을: 174 톤, B 마을: 146 톤

- ③ A 마을: 178 톤, B 마을: 142 톤
- ④ A 마을: 180 톤, B 마을: 140 톤⑤ A 마을: 176 톤, B 마을: 144 톤

작년에 A 마을에서 추수한 쌀의 양을 x 톤, B 마을에서 추수한

쌀의 양을 y 톤 이라고 하면 $\begin{cases} x + y = 320 \end{cases}$

 $\begin{cases} x + y = 320 \\ -\frac{5}{100}x - \frac{10}{100}y = -23 \end{cases}$

 $\rightarrow \begin{cases} x + y = 320 \\ -x - 2y = -460 \end{cases}$ $\therefore x = 180, y = 140$

18. 어느 학교의 금년의 학생 수는 작년에 비하여 남학생은 15% 늘고 여학 생은 10% 줄어서, 전체 학생 수는 20 명이 늘어나 620 명이 되었다고 한다. 금년의 남학생 수와 여학생 수를 각각 구하면?

① 남학생 : 368 명, 여학생 : 252 명

- ② 남학생: 366 명, 여학생: 254 명 ③ 남학생: 364명, 여학생: 256명
- ④ 남학생 : 362 명, 여학생 : 258 명
- ⑤ 남학생 : 360 명, 여학생 : 260 명

작년의 남학생 수를 x 명, 여학생 수를 y 명이라고 하면

 $\begin{cases} x + y = 620 - 20 \\ \frac{15}{100}x - \frac{10}{100}y = 20 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x + y = 600 \\ 3x - 2y = 400 \end{cases}$

x = 320, y = 280따라서 금년의 남학생 수는 $320 + 320 \times \frac{15}{100} = 368(명)$, 여학생

수는 $280 - 280 \times \frac{10}{100} = 252(명)$ 이다.

- 19. 어느 대학교의 금년도 입학지원자가, 작년도 입학지원자와 비교하여 남자는 4.8% 감소하고, 여자는 12% 증가하였다. 전체적으로는 2%가 감소하였다. 금년도 입학지원자의 남자 학생 수는? (단, 작년도 입학지원자 수는 15000 명이다.)
 - ② 11200 명 ① 10800 명 ④ 12500 명
- ③11900 명 ⑤ 13400 명

작년도 남자 입학지원자 수를 x명 , 여자 지원자 수를 y 명이라 하면 $x + y = 15000 \cdots ①$ $-0.048x + 0.12y = -0.02 \times 15000 \cdots ②$ ②의 양변에 1000을 곱하면 -48x + 120y = -300000양변을 24로 나누면 $-2x + 5y = -12500 \cdots 2'$ ① $\times 5 - ②'$ 하면 7x = 87500

x = 12500따라서 금년도 남자 지원자 수는 $12500 \times 0.952 = 11900(명)$

이다.

해설

 ${f 20}$. ${\it A}$ 중학교 작년의 총 학생 수는 ${\it 1200}$ 명이고, 금년은 작년보다 남학생은 5% 증가하고, 여학생은 4% 증가하여 전체적으로 53 명이 증가했다. 이 학교의 금년의 남학생 수를 구하여라.

명 ▶ 답: ▷ 정답: 525명

작년의 남학생 수를 x 명, 여학생 수를 y 명이라고 하면

 $\begin{cases} x + y = 1200 \\ \frac{5}{100}x + \frac{4}{100}y = 53 \end{cases}, \stackrel{\angle}{=} \begin{cases} x + y = 1200 \\ 5x + 4y = 5300 \end{cases}$ $\therefore x = 500, y = 700$ 따라서 금년의 남학생 수는 $500 + 500 \times \frac{5}{100} = 525(명)$ 이다.

21. 어느 학교의 작년의 학생 수는 1100명이었다. 금년에는 작년보다 남학생이 4% 감소하고 여학생은 6% 증가하여 전체 학생 수는 작년보다 16명 증가하였을 때, 금년의 남학생 수는?

① 480 명 ② 500 명 ③ 576 명 ④ 600 명 ⑤ 636 명

작년 남학생의 수를 x명, 작년 여학생의 수를 y명 이라고 하면 $\begin{cases} x+y=1100\\ -0.04x+0.06y=16 \end{cases}$ $\begin{cases} x+y=1100\cdots①\\ -4x+6y=1600\cdots②\\ ①×4+②를 하면 \\ 10y=6000,y=600\\ x=500\\ \therefore 금년의 남학생 수:500-500×0.04=480(명) \end{cases}$

- **22.** 좌표평면 위의 세 점 (a, 6), (4, 3), (2, 5)가 한 직선 위에 있을 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 1

 $(기울기) = \frac{3-5}{4-2} = \frac{6-5}{a-2} = -1 \qquad \therefore \ a = 1$

- **23.** 좌표평면 위의 세 점 (a,6),(4,3),(2,5) 이 한 직선 위에 있을 때, 상수 a 의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:

▷ 정답: 1

 $\left| (기 \frac{\diamond}{=} 7) \right| = \frac{3-5}{4-2} = \frac{6-5}{a-2} = -1 , a = 1$

- **24.** 세 점 (-2, 0), (2, 2), (4, a) 가 같은 직선 위의 점이 되도록 a 의 값은?

 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ -3

해설

기술기 =
$$\frac{2-0}{2-(-2)} = \frac{a-2}{4-2}$$

 $\frac{1}{2} = \frac{a-2}{2}$

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

따라서 $a - 2 = 1$ 이므로 $a = 3$ 이다.

25. 세 점 (2,3), (4,-3), (-1,a) 가 같은 직선 위의 점이 되도록 a 의 값을 정하면?

- ① 9 ② 11 ③ 12 ④ 15 ⑤ 17

한 직선 위의 점들을 지나는 직선은 기울기가 모두 같다.

 $\frac{-3-3}{4-2} = \frac{a-(-3)}{-1-4}$

$$4-2 \qquad -1-4
a+3=15$$

 $\therefore a = 15 - 3 = 12$

- **26.** 좌표평면 위의 세 점 (-2, 1), (a, 3), (4, 10) 이 한 직선 위에 있을 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답: ightharpoonup 정답: $-\frac{2}{3}$

$$(7) \stackrel{\triangle}{=} 7) = \frac{10-1}{4-(-2)} = \frac{3-1}{a-(-2)} = \frac{3}{2}$$
$$3a+6=4 \qquad \therefore a=-\frac{2}{3}$$

27. 세 점 (3, 2), (4, k), (1, -2) 가 한 직선 위에 있을 때, k 의 값을 구하여라.

▷ 정답: 4

해설

▶ 답:

 $\begin{vmatrix} \frac{k-2}{4-3} = \frac{-2-k}{1-4} \\ -3(k-2) = -2-k \\ -3k+6 = -2-k \end{vmatrix}$

 $\begin{vmatrix}
-3k + 6 = -2 - k \\
-2k = -8
\end{vmatrix}$

-2k = -8k = 4

28. 좌표평면 위의 세 점 (2, 1), (2, 2), (a, 4)가 같은 직선 위에 있도록 a 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 2

x 값이 같으므로 y축에 평행한 직선이다.

 $\therefore a = 2$

- **29.** 두 사람 A, B는 각각 5 번째 계단, 3 번째 계단에서 시작하고, 가위 바위보를 해서 이긴 사람은 3 계단씩 올라가고, 진 사람은 2 계단씩 내려가기로 하였다. 그 결과 A 는 18 번째 계단, B 는 1 번째 계단에 올라갔을 때, A 가 이긴 횟수는? (단, 비기는 경우는 없다.)
 - **⑤**7 번 ① 3 번 ② 4 번 ③ 5 번 ④ 6 번

A 가 이긴 횟수를 x , 진 횟수를 y 라 하면, B 가 이긴 횟수는 y, 진 횟수는 *x* 이다. $\begin{cases} 3x - 2y = 18 - 5 \\ 3y - 2x = 1 - 3 \end{cases} \leftrightarrow \begin{cases} 3x - 2y = 13 \\ 3y - 2x = -2 \end{cases}$

연립해서 풀면 x = 7, y = 4 이다.

30. 방식이와 방순이 두 사람이 가위바위보를 하여 이긴 사람은 계단을 2계단씩 올라가고, 진 사람은 1계단씩 올라가고, 비기는 경우에는 2계단씩 내려가기로 했다. 방식이가 진 횟수가 이긴 횟수의 3 배였다. 그 결과 방식이는 처음보다 11 개의 계단을 올라가고, 방순이는 21 개의 계단을 올라가 있었다. 두 사람이 비긴 횟수를 구하여라.

▷ 정답: 7 회

방식이가 이긴 횟수를 x, 진 횟수를 3x, 비긴 횟수를 y 라 하면,

▶ 답:

방순이가 이긴 횟수는 3x, 진 횟수는 x, 비긴 횟수는 y이다. $\begin{cases} 2x + 3x - 2y = 11 \\ 2 \cdot 3x + x - 2y = 21 \end{cases}$ 연립해서 풀면 x = 5, y = 7 이다.

- 31. 갑, 을 두 사람이 가위바위보를 하여 이긴 사람은 계단을 셋씩 올라가 고, 진 사람은 둘씩 올라가기로 했다. 그 결과 갑은 처음보다 34 개의 계단을 올라가 있고, 을은 26 개의 계단을 올라가 있었다. 을이 이긴 횟수는? (단, 비기는 경우는 이동하지 않는다.)
 - ① 2 회 ② 4회 ③ 6회 ④ 8회 ⑤ 10회

갑이 이긴 횟수를 x, 진 횟수를 y 라 하면, 을이 이긴 횟수는 y,

해설

진 횟수는 x 이다. $\int 3x + 2y = 34$ 연립해서 풀면 x = 10, y = 2 이다.

 $\begin{cases} 3y + 2x = 26 \end{cases}$

32. 영희와 철수가 가위바위보를 하여 이긴 사람은 4 계단씩 올라가고, 진 사람은 2 계단씩 내려가기로 하였다. 얼마 후 영희는 42 계단을 올라와 있고, 철수는 처음 위치 그대로였다. 이때 철수가 이긴 횟수를 구하여라.

회

▷ 정답: 7 회

▶ 답:

해설

영희가 이긴 횟수를 x, 진 횟수를 y 라 하면, 철수가 이긴 횟수는 y , 진 횟수는 *x* 이다. $\int 4x - 2y = 42$

연립해서 풀면 x = 14, y = 7 이다.

 $\begin{cases} 4y - 2x = 0 \end{cases}$

- 33. 소양이와 현진이가 가위바위보를 하여 이긴 사람은 4계단 올라가고, 진 사람은 3계단 내려가기로 하였다. 가위바위보를 하고나니 소양이는 처음보다 8계단 위에 현진이는 1계단 위에 있었다. 소양이가 이긴 횟수를 a , 현진이가 이긴 횟수를 b 라고 했을 때, $\frac{a^2-ab+b^2}{a+b}$ 의 값은?
 - ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ $\frac{4}{3}$ ④ $\frac{6}{3}$ ⑤ $\frac{7}{3}$

 $\begin{cases} 4a - 3b = 8 \\ 4b - 3a = 1 \end{cases}$ $\Rightarrow \frac{12a - 9b = 24}{+) - 12a + 16b = 4}$ 7b = 28 $\therefore b = 4$ $4a - 3 \times 4 = 8, \ 4a = 20, \ a = 5$ $\frac{a^2 - ab + b^2}{a + b} = \frac{25 - 20 + 16}{5 + 4} = \frac{21}{9} = \frac{7}{3}$

34. 세 직선 ax+y+1=0, x+ay+1=0, x+y-1=0의 교점이 1개일 때, 100a의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: -300

 $\begin{cases} ax + y + 1 = 0 & \cdots \oplus \\ x + ay + 1 = 0 & \cdots \oplus \\ x + y - 1 = 0 & \cdots \oplus \\ 1 - ②를 하면 <math>ax - x + y - ay = 0 \cdots \oplus$ ③을 x = 1 - y로 정리하여
④에 대입하면 a(1 - y) - (1 - y) + y - ay = 0 a - ay - 1 + y + y - ay = 0 $\Rightarrow 2y - 2ay = 1 - a$ $\Rightarrow 2y(1 - a) = 1 - a$ $\Rightarrow 2y = 1$ $\Rightarrow y = \frac{1}{2}$ 이고, x = 1 - y에 y를 대입하면 $x = \frac{1}{2}$ 이다.
①에 $x = \frac{1}{2}$, $y = \frac{1}{2}$ 을 대입하면 $\frac{1}{2}a + \frac{1}{2} + 1 = 0$ 이므로 $\frac{1}{2}a = -\frac{3}{2}$, a = -3이다.
따라서 100a = -300이다.

35. 세 직선 x-2y+5=1, 2x+y-2=5, -x+3y+a=0 의 교점으로 삼각형이 만들어지지 않을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: -7

세 직선이 한 점에서 만나므로

 $\begin{cases} x-2y+5=1 & \cdots ① \\ 2x+y-2=5 & \cdots ② \end{cases}$ ① , ② 를 연립하여 풀면 $x=2,\ y=3$

점 (2, 3) 을 -x + 3y + a = 0 에 대입하면 -2 + 9 + a = 0 ∴ a = -7

36. 다음 세 직선이 한 점에서 만나도록 a 의 값을 정하면?

 $\begin{cases} x - y + 6 = 0 \\ 3x + y + 2 = 0 \\ ax + 3y - 8 = 0 \end{cases}$

① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 2

을 연립하면 x = -2, y = 4이다.

x = -2, y = 4 를 ax + 3y = 8에 대입하면 $-2a + 12 = 8 \quad \therefore a = 2$

37. 일차방정식 2x-y=0 의 그래프가 두 직선 4x-y=a , x+2y=14-a 의 교점을 지날 때, 상수 a 의 값은?

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

세 직선 $\begin{cases}
4x - y = a & \cdots & 0 \\
x + 2y = 14 - a & \cdots & 0 \\
y = 2x & \cdots & 0
\end{cases}$ 한 점을 지나므로 ③을 ①, ②에 대입하면 $\begin{cases}
2x = a & \cdots & 0 \\
5x = 14 - a & \cdots & 0
\end{cases}$ ④ + ③ 하면 7x = 14 $\therefore x = 2$ $\therefore a = 4$

38. 연립방정식 $\begin{cases} x + 2y - 9 = 0 \\ 4x + 3y + a = 0 \end{cases}$ 의 그래프가 한 점에서 만날 때, a x - y + 6 = 0의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: -11

해설

 $\begin{array}{c|cccc} x + 2y - & 9 = 0 \\ - & x - & y + & 6 = 0 \\ \hline & 3y - 15 = 0 \end{array}$ $\therefore y = 5$ $x + 2 \times 5 - 9 = 0, x = -1,$

(-1, 5) 가 4x + 3y + a = 0 의 해이므로 4x + 3y + a = 0 에 (-1, 5) 를 대입하면

-4 + 15 + a = 0, a = -11

39. 세직선 x+y=5, 2x-y-4=0, 2x-5y+a=0 이 한 점에서 만날 때, a 값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답: 4

V 0<u>.</u>

두 직선 $\begin{cases} x+y=5\\ 2x-y-4=0 \end{cases}$ 을 연립하면 x=3, y=2이고

2x - 5y + a = 0에 x = 3, y = 2 를 대입하면

6-10+a=0 이므로, a=4 이다.

40. 세 직선 x - 2y = 3, 5x - 3y = a, -2x + y = 9이 한 점에서 만날 때, 교점의 좌표와 a의 값을 구하여라.

답:

▶ 답:

▷ 정답: -20

▷ 정답: 교점 (-7, -5)

 $\begin{cases} x-2y=3 & \cdots \\ -2x+y=9 & \cdots \\ \bigcirc, \ \bigcirc \ \ominus \ \text{연립해서 풀면 } x=-7, \ y=-5 \end{cases}$

5x - 3y = a에 x = -7, y = -5를 대입하면

∴ (-7, -5)

 $-35 + 15 = a \qquad \therefore a = -20$

41. 상자에 A, B, C 세 종류의 구슬 28개가 섞여 있다. 구슬 A, B, C 의 무게는 각각 3g, 2g, 1g이고 이들의 총 무게는 48g이다. (A구슬의개수) < (B구슬의개수) < (C구슬의개수) 일 때, C 구슬의 개수는? (단, 구슬 A, B, C의 개수는 모두 짝수이다.)

③ 12 개

③14개

④ 13개

해설

① 10개

A, B, C 구슬의 개수를 각각 x, y, z 개라 하면 x+y+z=28 ··· \bigcirc

② 11개

 $3x + 2y + z = 48 \cdots \bigcirc$

○ - ⑤ 을 하면 2x + y = 20

x, y, z 가 모두 짝수이고 x < y < z 이므로

x=2 일 때 y=16 , z=10 : 조건에 어긋남. x=4 일 때 y=12 , z=12 : 조건에 어긋남.

x = 6 일 때 y = 8, z = 14 x = 8 일 때 y = 4: 조건에 어긋남

| x = 8 월 베 y = 4 · 조선에 이웃됨 | 따라서 구슬 C의 개수는 14개이다.

42. 다음은 조선조 말기에 가장 인기가 높았던 수학 계몽서인 [산법통종 술집에서 말하기를, 호주(☒☒)와 박주(☒☒)가 있다고 한다. 호주를 한 병 마시면 세 사람이 녹초가 되고, 박주는 3병을 마셔야 한 사람이 녹초가 된다. 33 명이 박주와 호주를 합해서 19병을 마시고 모두 녹초가 되었다면, 호주와 박주를 각각 몇 병씩 마셨는지 구하여라. 호주:()병, 박주:()병

▶ 답: ▶ 답:

➢ 정답: 10

▷ 정답: 9

호주의 수를 x, 박주의 수를 y라 하면

해설

x + y = 19, $3x + \frac{1}{3}y = 33$ 두 식을 연립하여 풀면 x = 10,

y = 9

- 43. 희정이네 반 학생들은 모두 35 명이고, 남학생 수가 여학생 수의 두 배보다 13 명이 작다고 한다. 남학생 수는?
 - ① 16명 ② 17명 ③ 18명 ④ 19명 ⑤ 20명

남학생 수를 x명, 여학생 수를 y명이라 하면

 $\begin{cases} x + y = 35 \\ x = 2y - 13 \end{cases}$

연립하여 풀면 x = 19, y = 16이다.

44. A, B, C 세 종류의 추 36개가 섞여 있다. 추 A, B, C 의 무게는 각각 1g, 5g, 10g 이고 이들의 총 무게는 130g 이다. (C추의 개수) < (B추의 개수) < (A추의 개수) 일 때, A 추와 B 추 개수의 합을 구하여라. (단, 추 A, B, C 의 개수는 모두 짝수이다.)

개

정답: 30 개

A, B, C 추의 개수를 각각 x, y, z 개라 하면

해설

답:

 $x + y + z = 36 \quad \cdots \textcircled{1}$ $x + 5y + 10z = 130 \cdots \textcircled{2}$

(2-1)을 하면 4y + 9z = 94

x, y, z 가 모두 짝수이고 z < y < x 이므로 z = 2 일 때 y = 19, x = 15 : 조건에 어긋남. z = 4 일 때 y = 14.5 : 정수가 아니므로 조건에 어긋남.

z = 6 일 때 y = 10, x = 20

z = 8 일 때 y = 5.5 : 조건에 어긋남 따라서 A 추와 B 추 개수의 합은 20 + 10 = 30 개이다.

45. 미현이네 반은 음악 시간에 실기 시험을 보는데 점수 기준은 다음과 같다. 미현이네 반 학생들이 총 40 명이라고 할 때, 기준 1 로 점수를 매겼을 때의 평균은 50 점, 기준 2 로 점수를 매겼을 때의 평균은 55점일 때, A 등급을 맞은 학생의 수를 구하여라.

기본점수 A등급 B등급 C등급

,	기준 1	10점	50점	40점	30점
	기준 2	20점	40점	35점	30점
	답:		<u>명</u>		

▷ 정답: 8명

A 등급을 맞은 학생의 수를 x명, B 등급을 맞은 학생의 수를 y

명, C 등급을 맞은 학생의 수를 z 명이라 하면 $x + y + z = 40 \cdots \bigcirc$ 기준 1 에서 평균이 50 점이므로

 $\frac{60x + 50y + 40z}{40} = 50 , 6x + 5y + 4z = 200 \cdots \bigcirc$ 기준 2 에서 평균이 55 점이므로

 $\frac{60x + 55y + 50z}{40} = 55, 12x + 11y + 10z = 440 \cdots \bigcirc$

 \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 $x=8,\ y=24,\ z=8$

따라서 A 등급을 맞은 학생의 수는 8 명이다.

46. 어느 모임에서 회비를 내는데 한 사람이 2000 원씩 내면 7700 원의 경비가 부족하고, 2500 원씩 내면 3300 원이 남는다. 필요한 경비를 구하여라.
 답:

▷ 정답: 51700<u>원</u>

_

사람 수를 x명, 필요한 경비를 y원이라 하면

해설

y = 2000x + 7700, y = 2500x - 3300 두 방정식을 연립하여 풀면 x = 22 ∴ y = 51700 (원)

- **47.** 와니와 준하는 각각 구슬 a 개, b 개씩을 가지고 있다. 와니는 자신이 가진 구슬 중 $\frac{1}{3}$ 을 준하에게 주었고, 준하는 자신이 가진 구슬 중 $\frac{1}{4}$ 을 와니에게 주었더니, 준하가 가진 구슬의 개수는 와니가 가진 구슬의 개수의 2 배가 되었다. 와니와 준하가 처음 가지고 있던 구슬 개수의 비를 구하여라.
 - ► 답:

 ▷ 정답:
 1:4

02: -:

와니와 준하의 구슬이 각각 a 개, b 개일 때,

와니에게 남아있는 구슬의 개수는 $\frac{2}{3}a+\frac{1}{4}b$, 준하에게 남아있는 구슬의 개수는 $\frac{3}{4}b+\frac{1}{3}a$,

따라서 $\frac{3}{4}b + \frac{1}{3}a = 2\left(\frac{2}{3}a + \frac{1}{4}b\right)$ 이므로 b = 4a

∴ a:b=1:4 와니와 준하가 처음 가지고 있던 구슬 개수의 비는 1:4 이다.

- **48.** 두 함수 y = (a b + 1)x + 4a 1, y = (a + b 5)x + 5b 가 둘 다 일차함수가 아닐 때, 다음 중 일차함수가 <u>아닌</u> 것은?
 - ③ (a-2)y = 3x a ④ (b-2)y = (a-1)x + 4
 - ① 3y = (a+1)x + 3 ② y = (a+b)x + b
 - (3-a)x + 4y = b

두 함수가 일차함수가 아니려면 x 의 계수가 0 이 되어야 하므로

 $\int a - b + 1 = 0$

$$\begin{cases} a+b-5=0 \\$$
 여립방정식을 풀

연립방정식을 풀면 a=2, b=3 이다.

주어진 일차함수에서 x 의 계수 혹은 y 의 계수가 0 인 것을 찾으면

③ a-2=0 이므로 (a-2)y=3x-a은 일차함수가 아니다.

- **49.** 다음 중 y 가 x 에 관한 일차함수인 것을 모두 고르면?
 - ① 반지름의 길이가 x cm 인 원의 넓이는 $y \text{ cm}^2$ 이다.
 - ② 낮의 길이가 x 시간일 때, 밤의 길이는 y 시간이다.
 - ② 200 원짜리 지우개 2 개와 x 원짜리 공책 3 권의 값은 y 원이다.④ 시속 x km 로 달리는 자동차가 y 시간 동안 달린 거리는
 - 500 km 이다.
 ⑤ 반지름의 길이가 x cm 인 구의 부피는 $y \text{ cm}^3$ 이다.
 - e chare prometry person pro-

① $y = \pi x^2$ 이므로 이차함수

해설

- 2y = 24 x
- $3 y = 200 \times 2 + 3x$
- ④ xy = 500 이므로 일차함수가 아니다.
- ⑤ $y = \frac{4}{3}\pi x^3$ 이므로 삼차함수이다.

50. 다음 중 y가 x에 관한 일차함수가 <u>아닌</u> 것은?

- 및 밑변의 길이가 x cm 이고 넓이가 10 cm² 인 삼각형의 높이는 y cm 이다.
 ② 300짜리 지우개 x 개를 사고 3000 원을 지불했을 때 받은
- 건 300 저녁 지수계 1 개 월 지도 3000 년 월 지을 있을 때 본 건스름돈은 y 원이다. ③ 반지름의 길이가 1 cm 인 원의 둘레의 길이는 y cm 이다.
- ④ 밤의 길이 x시간과 낮의 길이 y시간의 합은 24시간이다.
- ④ 범의 걸이 x시간과 낮의 걸이 y시간의 압은 24시간이다. ⑤ yL들이 물통에 매 분 3L씩 물을 채우는 데 걸리는 시간은
- *x* 분이다.

 $y = \frac{20}{x}$ y = -300x + 3000 $y = 2\pi x$ y = -x + 24⑤ y = 3x따라서 일차함수 $y = ax + b \ (a \neq 0)$ 꼴을 만족하지 않는 것은 $y = \frac{20}{x}$ 이다.

- **51.** 다음 중 y = (a-1)x + b 가 일차함수가 되지 <u>않는</u> 것은?
 - ① a = 3, b = 2③ a = -1, b = -3
- ② a = 5, b = 9
- ⑤ a = 5, b = 0
- $\bigcirc a = 1, \ b = 2$

x 의 계수인 a-1 이 0 이 되지 않아야 하므로 a=1 일 때,

일차함수가 되지 않는다.

- 52. 다음 중에서 y가 x의 일차함수인 것을 모두 골라라.
 - ① 밑변과 높이가 각각 $2 \, \mathrm{cm}$ 와 $x \, \mathrm{cm}$ 인 삼각형의 넓이는 $y \, \mathrm{cm}^2$ 이다. ② 가로와 세로의 길이가 각각 2 cm 와 x cm 인 직사각형의 둘레의
 - 길이는 y cm 이다.

 - ④1분당 통화료가 x원일 때, 6분의 통화료는 y원이다. ⑤ 지름이 x m 인 호수의 넓이는 y m² 이다.

① y = x

해설

- ② y = 2x + 4④ y = 6x

53. 다음 중 y 가 x 에 대한 일차함수인 것은?

해설

- 삼각형의 한 각의 크기가 x° 일 때, 이 삼각형의 총 내각의 합은 y° 이다.
 원의 지름의 길이가 xcm 일 때, 이 원의 넓이는 ycm² 이다.
- ③ 1 학기 중간고사에서 x 점, 기말고사에서 80 점을 맞았을 때, 1 학기 평균 점수는 y 점이다.
 ④ 1 문제당 x 분 걸리는 수학문제를 1 시간 동안 총 y 문제
- 풀었다.
 ③ 1000ml 의 우유를 한 컵에 *x*ml 씩 따랐더니 *y* 컵이 되었다.

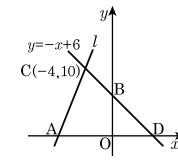
① y = 180② $y = \frac{\pi x^2}{4}$ ③ $y = \frac{80 + x}{2}$ ④ xy = 60③ xy = 1000 54. 다음 중 일차함수인 것을 모두 고르면?

- x = 2y + x + 1
- y = 2x(x-1) ② $y = \frac{1}{x} + 3$ ② $y = \frac{x}{5} 6$

②
$$y = \frac{1}{2} + 3$$
 : 분수함수

해설
①
$$y = 2x^2 - 2x$$
: 이차함수
② $y = \frac{1}{x} + 3$: 분수함수
③ $y = -\frac{1}{2}$: 상수함수

55. 다음 그림과 같이 두 직선 y = -x + 6 과 직선 l 이 점 C(-4, 10) 에서 만나고, 사각형 OACB 의 넓이가 52 일 때, 직선 l 의 기울기는?



- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{3}{2}$ ③ $\frac{5}{2}$ ④ $\frac{7}{2}$ ⑤ $\frac{9}{2}$

(큰 삼각형) - (작은 삼각형)

$$= \frac{1}{2} \times \overline{AD} \times 10 - \frac{1}{2} \times 6 \times 6 = 52$$

- $\rightarrow \overline{\mathrm{AD}} = 14$
- $\therefore \overline{AO} = \overline{AD} \overline{OD} = 14 6 = 8$
- 직선 l: y = mx + bA(-8, 0), (-4, 10) 지나는 직선의 기울기는

 $m = \frac{-10}{-8+4} = \frac{5}{2}$ 따라서 l 의 기울기는 $\frac{5}{2}$ 이다.

- **56.** 다음 그림과 같이 두 일차함수 $y = \frac{1}{2}x 2, y = ax + b$ 의 그래프와 x 축으로 둘러싸인 부분 의 넓이가 7 이다. $a \times b$ 의 값을 구하여라.
- 9 4 x

답:

ightharpoonup 정답: $\frac{4}{3}$

그래프에서 보듯 y = ax + b 의 (y 절편)= -2 , b = -2 이다.

넓이가 7 이고, 높이가 2 이므로, 밑변의 길이는 7 이다. (밑변의 길이)= 4-x $\therefore x=-3$ 따라서 y=ax-2 의 (x 절편)= -3 이다.

(x 절면) = $-3 = -\frac{2}{a}$ $\therefore a = -\frac{2}{3}$ $\therefore a \times b = (-\frac{2}{3}) \times (-2) = \frac{4}{3}$

$$\frac{3}{3} \times (2) =$$

- **57.** 두 직선 y = 2ax + b 와 y = -bx 2a 의 교점의 y 좌표가 3 이고 두 직선과 y 축으로 둘러싸인 도형의 넓이가 6 일 때, a,b 의 값을 각각 구하여라. (단, 0 < a < b)
 - 답:
 - 답:
 - ightharpoonup 정답: $a = \frac{9}{4}$
 - ightharpoonup 정답: $b=rac{15}{2}$
 - 두 직선 y = 2ax + b 와 y = -bx 2a 의 교점을 A 라 하면

점 A 의 x 좌표는 2ax + b = -bx - 2a

2ax + bx = -2a - b(2a + b)x = -(2a + b)

 $\therefore x = -1$

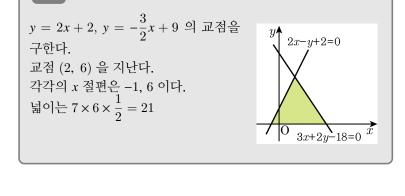
점 A 의 y 좌표가 3 이므로 (-1,3) 을 y=2ax+b 에 대입하면 $-2a+b=3\cdots$ \bigcirc

또 두 직선과 y 축으로 둘러싸인 도형의 넓이는 6 이므로 $\frac{1}{2} \times (b+2a) \times 1 = 6, b+2a = 12 \cdots$

 \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 $a=rac{9}{4},b=rac{15}{2}$ 이다.

58. 두 개의 직선 2x - y + 2 = 0, 3x + 2y - 18 = 0과 x 축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.
 답:

▷ 정답: 21



59. 다음 조건을 모두 만족하는 일차함수의 식을 구하여라.

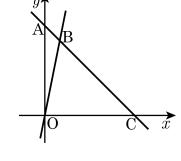
- ⊙ 점 (4, 0) 을 지난다.
- \bigcirc 이 일차함수의 그래프와 x 축 및 y 축으로 둘러싸인 도형의 넓이는 2 이다.
- © (y절편) > 0 이다.

▶ 답:

ightharpoonup 정답: $y = -\frac{1}{4}x + 1$

일차함수의 그래프와 x 축 및 y 축으로 둘러싸인 도형은 직 각삼각형이다. x 절편이 4 이므로 밑변의 길이를 4 로 하면 $4\times(높이)\times\frac{1}{2}=2$ 이므로 높이는 1 이다. 따라서 y 절편이 1 또는 -1 이 되는데 (y절편) > 0 이므로 y 절편은 1 이다. (4, 0), (0, 1) 을 지나므로 기울기는 $\frac{1-0}{0-4} = -\frac{1}{4}$ 이다. y = ax + b 에서 $a = -\frac{1}{4}$ 이고 y 절편이 1 이므로 b = 1 이다. 따라서 $y = -\frac{1}{4}x + 1$ 이다.

60. 다음 그림에서 직선 ℓ 은 3x - y = 0의 그래프이다. ΔBOC 의 넓이가 54이고 점 C의 좌표가 (12, 0)일 때, $\triangle AOB$ 의 넓이를 구하여라.



▷ 정답: 18

답:

 $\Delta \mathrm{BOC}$ 의 넓이가 54이므로 점 B의 y좌표는 9

해설

점 B는 직선 3x - y = 0 위의 점이므로 3x - 9 = 0, x = 3따라서, 점 B의 좌표는 (3, 9) 두 점 B, C를 지나는 직선의 방정식을 구하면 $(기울기) = \frac{0-9}{12-3} = -1$

y = -x + b에 점 (3, 9)를 대입하면 9 = -3 + b, b = 12점 A 는 y = -x + 12의 y 절편이므로 (0, 12)이다.

(넓이) $=\frac{1}{2} \times 12 \times 3 = 18$

61. 일차함수 y = 3x + 2, y = ax + 6 (a < 0)의 그래프와 y축으로 둘러싸인 도형의 넓이가 $\frac{16}{9}$ 일 때, a의 값을 구하여라.

답:

ightharpoonup 정답: $-\frac{3}{2}$

두 일차함수의 교점의 x좌표를 k라 하면 $(6-2) \times k \times \frac{1}{2} = \frac{16}{9}$ $2k = \frac{16}{9}$ $\therefore x = \frac{8}{9}$ 두 그래프가 만나는 점의 x좌표는 $\frac{8}{9}$ 이다. y = 3x + 2 에 $x = \frac{8}{9}$ 을 대입하면 $y = 3 \times \frac{8}{9} + 2$ $\therefore y = \frac{14}{3}$ y = ax + 6 에 점 $\left(\frac{8}{9}, \frac{14}{3}\right)$ 를 대입하면 $\frac{14}{3} = \frac{8}{9}a + 6$ $-\frac{8}{9}a = \frac{4}{3}$ $\therefore a = -\frac{3}{2}$

62. 직선 x + my - n = 0 이 제 1 사분면을 지나지 않을 때, 일차함수 y = mx + n 의 그래프는 제 몇 사분면을 지나지 않는지 구하여라. (단, $mn \neq 0$) <u>사분면</u>

▶ 답:

▷ 정답 : 제 2사분면

x + my - n = 0을 y에 관하여 풀면 my = -x + n, $y = -\frac{1}{m}x + \frac{n}{m}$ 이다. 제 1 사분면을 지나지 않으면 (기울기) < 0, (y절편) < 0이어야 하므로 $-\frac{1}{m} < 0$, m > 0이고 $\frac{n}{m} < 0$, m > 0이므로 n < 0이다. 따라서 y = mx + n의 그래프는 (기울기) > 0, (y절편) < 0 이므로 제 2 사분면을 지나지 않는다.

63. 일차함수 y = ax + b의 그래프는 $y = \frac{1}{2}x - 2$ 의 그래프와 평행하고, $y = -\frac{1}{3}x + 2$ 의 그래프와 x축 위에서 만난다. 다음 중 y = ax + b의 그래프 위의 점은?

① (-3,2) ② (-1,-1) ③ (2,-2) $\textcircled{4} \ \left(-\frac{1}{2},4\right) \qquad \qquad \textcircled{5} \ (3,3)$

i) $y = \frac{1}{2}x - 2$ 의 그래프와는 평행하므로 $a = \frac{1}{2}$ ii) $y = -\frac{1}{3}x + 2 의 x 절편은 6 이다.$

iii) $y = \frac{1}{2}x + b$ 에 (6,0)을 대입하면,

 $\therefore b = -3$ 따라서 구하는 일차함수 식은 $y = \frac{1}{2}x - 3$ 이고 점 (2, -2)를

지난다.

64. y = 2x - 5의 그래프와 평행한 일차함수 y = ax + b는 y = x - 1과 x가 1일 때의 y값이 같다. 다음 중 y = ax + b 그래프 위에 있는 점은?

 \bigcirc (4, 6) \bigcirc (1, 1) \bigcirc (-1, -6) \bigcirc (2, 2)

y = 2x - 5의 그래프와 평행하므로 기울기는 2이다.

해설

y = x - 1에서 x = 1일 때의 y값이 0이므로 y = ax + b에서 $a + b = 0, \ 2 + b = 0$ $\therefore b = -2$ 따라서 y = 2x - 2이다.