

1. 다음 방정식의 모든 해의 합을 구하여라.

$$x^4 - 13x^2 + 36 = 0$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$x^4 - 13x^2 + 36 = 0$ 에서

$x^2 = t$ 로 놓으면

$$t^2 - 13t + 36 = 0, (t - 4)(t - 9) = 0$$

$\therefore t = 4$  또는  $t = 9$

( i )  $t = 4$  일 때,  $x^2 = 4$

$$\therefore x = \pm 2$$

( ii )  $t = 9$  일 때,  $x^2 = 9$

$$\therefore x = \pm 3$$

따라서 모든 해의 합은

$$(-2) + 2 + (-3) + 3 = 0$$

2. 다항식  $f(x)$ 를  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눈 나머지가 각각 1, 2 일 때,  $f(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눈 나머지를 구하면?

①  $x - 1$

②  $x + 1$

③  $-x + 1$

④  $x$

⑤  $-x$

해설

$$f(x) = (x - 1)Q_1(x) + 1 \Rightarrow f(1) = 1$$

$$f(x) = (x - 2)Q_2(x) + 2 \Rightarrow f(2) = 2$$

$f(x) = (x - 1)(x - 2)Q_3(x) + ax + b$  라 하면,

$f(1) = a + b = 1$ ,  $f(2) = 2a + b = 2$  이다.

$\therefore a = 1$ ,  $b = 0$  이므로 나머지는  $x$

3. 복소수 전체의 집합에서 두 복소수  $\alpha, \beta$ 에 대하여 연산  $\odot$ 을  $\alpha \odot \beta = (\alpha + i)(\beta + i)$ 로 정의할 때, 등식  $(2 + i) \odot z = 1$ 을 만족하는 복소수  $z$ 는?

①  $-\frac{1}{4} - \frac{5}{4}i$

②  $-i$

③  $i$

④  $1 + i$

⑤  $\frac{1}{4} - \frac{5}{4}i$

해설

$$\begin{aligned}(2 + i) \odot z &= \{(2 + i) + i\} (z + i) \\&= (2 + 2i)(z + i) = 1\end{aligned}$$

$$z + i = \frac{1}{2 + 2i} \text{ 이므로}$$

$$z = \frac{1}{2 + 2i} - i$$

$$= \frac{(2 - 2i)}{(2 + 2i)(2 - 2i)} - i$$

$$= \frac{2 - 2i - 8i}{8} = \frac{1}{4} - \frac{5}{4}i$$

4.  $x^4 - 11x^2 + 1$  Ⓛ  $(x^2 + ax + b)(x^2 + 3x + b)$ 로 인수분해될 때,  $a + b$ 의 값은?

- ① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 11x^2 + 1 &= (x^2 - 1)^2 - 9x^2 \\&= (x^2 - 1)^2 - (3x)^2 \\&= (x^2 - 3x - 1)(x^2 + 3x - 1) \\&= (x^2 + ax + b)(x^2 + 3x + b)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -3, b = -1$$

$$\therefore a + b = -4$$

5. 세 부등식  $A$ 가  $3(x - 1) > 12 + 4(2x - 5)$ ,  $B$ 가  $2(3 - 2x) < -x + 10$ ,  $C$ 가  $2x + 1 > a$ 이다.  $A$ 와  $B$ 의 공통해에서  $C$ 를 제외한 수는 존재하지 않을 때,  $a$ 의 값 중에서 가장 큰 정수는?

① -3

② -2

③ -1

④ 0

⑤ 1

해설

$3(x - 1) > 12 + 4(2x - 5)$  를 풀면  $x < 1$

$2(3 - 2x) < -x + 10$  을 풀면  $-\frac{4}{3} < x$

$A$ 와  $B$ 의 공통해는  $-\frac{4}{3} < x < 1$

$2x + 1 > a$  를 풀면  $x > \frac{a - 1}{2}$

$C$ 를 제외한 수는  $x \leq \frac{a - 1}{2}$  이므로

$A$ 와  $B$ 의 공통해에서  $C$ 를 제외한 수가 존재하지 않기 위해서

$\frac{a - 1}{2} \leq -\frac{4}{3}$ ,  $a \leq -\frac{5}{3}$  가 되어야 한다.

$\therefore$  (가장 큰 정수)= -2