

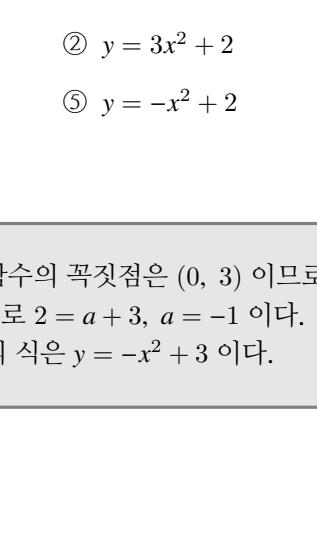
1. 꼭짓점의 좌표가 $(2, 1)$ 이고, y 축과의 교점의 좌표가 $(0, 9)$ 인 이차
함수의 식을 $y = ax^2 + bx + c$ 의 꼴로 나타내면?

① $y = x^2 - 6x + 9$ ② $y = 2x^2 - 8x + 9$
③ $y = 3x^2 - 10x + 9$ ④ $y = -2x^2 + 9$
⑤ $y = -3x^2 + 11x - 9$

해설

꼭짓점의 좌표가 $(2, 1)$ 이므로
 $y = a(x - 2)^2 + 1$ 이고, y 절편이 9이므로
 $9 = a(0 - 2)^2 + 1$, $a = 2$ 이다.
$$y = 2(x - 2)^2 + 1$$
$$= 2x^2 - 8x + 9$$

2. 다음 그림과 같은 그래프를 가지는 이차함수의 식은?



- ① $y = 3x^2 + 1$ ② $y = 3x^2 + 2$ ③ $y = -3x^2 + 3$
④ $y = -x^2 + 3$ ⑤ $y = -x^2 + 2$

해설

그래프의 이차함수의 꼭짓점은 $(0, 3)$ 이므로 $y = ax^2 + 3$ 이고

$(1, 2)$ 를 지나므로 $2 = a + 3$, $a = -1$ 이다.

따라서 그래프의 식은 $y = -x^2 + 3$ 이다.

3. 꼭짓점의 좌표가 $(-1, 6)$ 이고 y 축과의 교점의 좌표가 $(0, 5)$ 인 이차 함수의식을 구하면?

① $y = -x^2 + 2x - 7$

② $y = -x^2 - 2x + 7$

③ $y = -x^2 + 2x - 5$

④ $y = -x^2 - 2x + 5$

⑤ $y = x^2 - 2x + 5$

해설

$$y = a(x + 1)^2 + 6 \quad \text{¶} (0, 5) \text{ 를 대입하면}$$

$$5 = a + 6$$

$$a = -1$$

$$\therefore y = -(x + 1)^2 + 6 = -x^2 - 2x + 5$$

4. 꼭짓점의 좌표가 $(3, 0)$ 이고, 점 $(1, -4)$ 를 지나는 포물선의 식을 구하면?

① $y = -x^2 - 4$ ② $y = (x - 1)^2$ ③ $y = -(x - 3)^2$

④ $y = -(x + 3)^2$ ⑤ $y = (x + 2)^2$

해설

꼭짓점의 좌표가 $(3, 0)$ 이므로 $y = a(x - 3)^2$ 이고,
점 $(1, -4)$ 를 지나므로
 $-4 = a(1 - 3)^2$, $a = -1$
 $\therefore y = -(x - 3)^2$

5. 직선 $x = 2$ 를 축으로 하고 두 점 $(0, -2)$, $(-1, 8)$ 을 지나는 이차함수의 식은?

① $y = (x - 2)^2 - 10$ ② $y = (x - 2)^2 + 8$

③ $y = 2(x - 2)^2 - 10$ ④ $y = 2(x + 1)^2 + 8$

⑤ $y = 2x^2 - 2$

해설

$$y = a(x - 2)^2 + b = ax^2 - 4ax + (4a + b) \quad || \quad (0, -2), (-1, 8)$$

을 대입하면,

$$-2 = 4a + b, 8 = 9a + b$$

$$\therefore y = 2(x - 2)^2 - 10$$

6. $x = 2$ 이고, 두 점 $(0, 3)$, $(1, 6)$ 를 지나는 이차함수의 식은?

① $y = x^2 - 4x - 2$ ② $y = x^2 + 4x + 2$

③ $y = -x^2 + 4x - 3$ ④ $y = -x^2 + 4x + 3$

⑤ $y = -x^2 - 4x - 3$

해설

$x = 2$ 이므로 $y = a(x - 2)^2 + q$

두 점 $(0, 3)$, $(1, 6)$ 을 지나므로

$3 = 4a + q, 6 = a + q$

$\therefore a = -1, q = 7$

$y = -(x - 2)^2 + 7$

$y = -(x^2 - 4x + 4) + 7$

$y = -x^2 + 4x + 3$

7. 직선 $x = 4$ 를 축으로 하고 두 점 $(1, 1)$, $(-1, -15)$ 를 지나는 이차 함수의 식은?

① $y = x^2 + 6x - 6$ ② $y = x^2 + 8x - 8$

③ $y = -x^2 + 6x - 4$ ④ $y = -x^2 + 6x - 8$

⑤ $y = -x^2 + 8x - 6$

해설

$y = p(x - 4)^2 + q$ 라고 하자.

$(1, 1)$, $(-1, -15)$ 를 지나므로 이를 대입하면 $9p + q = 1$, $25p + q = -15$ 이므로 이를 풀면 $p = -1$, $q = 10$

$\therefore y = -(x - 4)^2 + 10 = -x^2 + 8x - 6$

8. 다음 중 x 축과의 교점이 $(-2, 0)$, $(2, 0)$ 이고 한 점 $(0, -2)$ 를 지나는 포물선의 식은?

① $y = \frac{1}{2}x^2 - 2$

② $y = 3x^2 - 3x - 6$

③ $y = -x^2 + 6x - 8$

④ $y = x^2 + 6x - 8$

⑤ $y = -\frac{1}{2}x^2 - 2$

해설

$y = a(x+2)(x-2)$ 이고, $(0, -2)$ 를 지난다.

$-2 = -4a$

$\therefore a = \frac{1}{2}$

$y = \frac{1}{2}(x+2)(x-2) = \frac{1}{2}(x^2 - 4)$

$\therefore y = \frac{1}{2}x^2 - 2$

9. 이차함수 $y = 2x^2 - 4x + 1 + k$ 의 최솟값이 4 일 때, k 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$y = 2x^2 - 4x + 1 + k = 2(x - 1)^2 - 1 + k$$

최솟값이 4 이므로 $-1 + k = 4$

$$\therefore k = 5$$

10. 이차함수 $y = x^2 + ax + b$ 가 $x = -2$ 일 때, 최솟값 3 을 갖는다. 이 때, ab 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 28

해설

$x = -2$ 일 때, 최솟값 3 을 가지므로 꼭짓점의 좌표는 $(-2, 3)$

$$\begin{aligned}y &= (x + 2)^2 + 3 \\&= x^2 + 4x + 7 \\&= x^2 + ax + b\end{aligned}$$

$$\therefore a = 4, b = 7$$

$$\therefore ab = 4 \times 7 = 28$$

11. 이차함수 $y = -x^2 - 4x + k$ 의 최댓값이 8 일 때, 상수 k 의 값은?

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

$$y = -x^2 - 4x + k = -(x + 2)^2 + 4 + k$$

최댓값이 8 이므로

$$4 + k = 8 \quad \therefore k = 4$$

12. 이차함수 $y = -x^2 + 2ax + 5$ 는 $x = 2$ 일 때, 최댓값 b 를 갖는다. $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

$$\begin{aligned}y &= -x^2 + 2ax + 5 \\&= -(x-a)^2 + a^2 + 5\end{aligned}$$

$x = a$ 일 때, 최댓값 $a^2 + 5$ 를 가지므로 $a = 2$
 $a^2 + 5 = b, b = 9$
 $\therefore a + b = 11$

13. 이차함수 $y = ax^2 - 2ax - 3$ 의 최솟값이 -4 일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$y = a(x^2 - 2x + 1) - a - 3 = a(x - 1)^2 - a - 3$$

$$-a - 3 = -4$$

$$\therefore a = 1$$

14. 이차함수 $y = -ax^2 + 4ax + 5$ 의 최댓값이 -3 일 때, 상수 a 의 값은?

- ① -8 ② -4 ③ -2 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}y &= -ax^2 + 4ax + 5 \\y &= -a(x^2 - 4x + 4 - 4) + 5 \\y &= -a(x - 2)^2 + 4a + 5\end{aligned}$$

최댓값은 $4a + 5 = -3$ 이므로 $a = -2$ 이다.

15. 이차함수 $y = -x^2 + bx + c$ 가 직선 $x = -3$ 을 축으로 하고 최댓값 2 를 가질 때, 상수 b, c 의 합 $b - c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $b - c = 1$

해설

꼭짓점의 좌표가 $(-3, 2)$ 이므로 이차함수의 식은 $y = -(x + 3)^2 + 2$ 이고, 전개하면

$$\begin{aligned}y &= -(x + 3)^2 + 2 \\&= -(x^2 + 6x + 9) + 2 \\&= -x^2 - 6x - 7\end{aligned}$$

이므로 $b = -6, c = -7$ 이다.

$$\therefore b - c = -6 - (-7) = 1$$

16. 이차함수 $y = 2x^2 + bx + c$ 가 직선 $x = 2$ 를 축으로 하고 최솟값 -3 을 가질 때, 상수 b, c 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $b = -8$

▷ 정답: $c = 5$

해설

꼭짓점의 좌표가 $(2, -3)$ 이므로 이차함수의 식은 $y = 2(x-2)^2 - 3$ 이고, 전개하면

$$y = 2(x-2)^2 - 3 = 2(x^2 - 4x + 4) - 3 = 2x^2 - 8x + 5 \text{이다.}$$

$$y = 2x^2 - 8x + 5 \text{이므로 } b = -8, c = 5 \text{이다.}$$

17. $y = ax^2 + 2x + b$ 에서 $x = -1$ 에서 최솟값 6을 가질 때, $a + b$ 의 값을 구하여라. (단, $a > 0$)

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$\begin{aligned}y &= ax^2 + 2x + b \\&= a \left\{ \left(x + \frac{1}{a} \right)^2 - \frac{1}{a^2} \right\} + b \\&= a \left(x + \frac{1}{a} \right)^2 - \frac{1}{a} + b \\a > 0 \text{ } \circ \text{므로 } -1 + \frac{1}{a} &= 0, \quad -\frac{1}{a} + b = 6 \\ \therefore a &= 1, \quad b = 7 \\a + b &= 1 + 7 = 8\end{aligned}$$

18. 최솟값이 -5 이고, 대칭축이 $x = -1$ 인 이차함수의 식이 $y = 2(x + p)^2 + q$ 일 때, $p + q$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

최솟값이 -5 이므로 $q = -5$
대칭축이 $x = -1$ 이므로 $p = 1$
 $\therefore p + q = 1 - 5 = -4$

19. 최댓값이 6이고, 대칭축이 $x = 3$ 인 이차함수의 식이 $y = -(x-p)^2+q$ 일 때, $p+q$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

최댓값이 6이므로 $q = 6$
대칭축이 $x = 3$ 이므로 $p = 3$
 $\therefore p + q = 3 + 6 = 9$

20. 이차함수 $y = ax^2 - 4x - c$ 는 $x = 2$ 일 때, 최댓값 1 을 가진다. 이때,
 ac 의 값은?

- ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

$$y = ax^2 - 4x + c \text{ 는 } x = 2 \text{ 일 때, } \\ \text{최솟값 } -1 \text{ 이므로} \\ y = a(x - 2)^2 + 1 = ax^2 - 4ax + 4a + 1 \\ -4a = -4, 4a + 1 = -c \text{ 이므로} \\ a = 1, 4 + 1 = -c, c = -5 \\ \therefore ac = -5$$