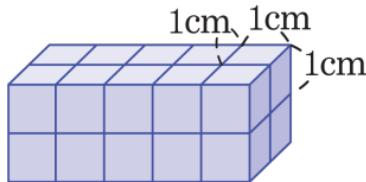


1. 쌓기나무로 쌓은 직육면체의 부피를 구하시오.



▶ 답 : cm³

▷ 정답 : 20cm³

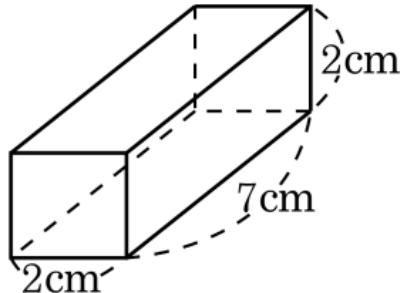
해설

직육면체의 부피는 (밑넓이)×(높이)이며,
쌓기나무의 개수인 (가로)×(세로)×(높이)의 계산값과 같습니다.

따라서 쌓기나무의 개수는 가로 5개, 세로 2개, 높이 2개, 즉
 $5 \times 2 \times 2 = 20$ (개)입니다.

쌓기나무 1개의 부피가 $1 \times 1 \times 1 = 1 \text{ cm}^3$ 이므로 20개의 부피는
 20 cm^3

2. 다음 입체도형의 부피를 구하시오.



- ① 24 cm^3
- ② 25 cm^3
- ③ 28 cm^3
- ④ 30 cm^3
- ⑤ 34 cm^3

해설

$$\begin{aligned}(\text{직육면체의 부피}) &= (\text{가로}) \times (\text{세로}) \times (\text{높이}) \\&= 2 \times 7 \times 2 = 28(\text{ cm}^3)\end{aligned}$$

3. 밑면의 가로가 9cm, 세로가 5cm이고, 높이가 7cm인 직육면체의 부피를 구하시오.

▶ 답: cm³

▶ 정답: 315cm³

해설

(직육면체의 부피) = (가로) × (세로) × (높이),
따라서 $9 \times 5 \times 7 = 315(\text{cm}^3)$

4. 다음 입체도형 중에서 그 부피가 가장 큰 것은 어느 것입니까?

- ① 가로 5 cm, 세로 5 cm, 높이 5 cm인 정육면체
- ② 가로 9 cm, 세로 4 cm, 높이 3 cm인 직육면체
- ③ 가로 5.5 cm, 세로 6 cm, 높이 4 cm인 직육면체
- ④ 가로 4 cm, 세로 4 cm, 높이 6 cm인 직육면체
- ⑤ 가로 12 cm, 세로 3 cm, 높이 2.5 cm인 직육면체

해설

- ① $5 \times 5 \times 5 = 125(\text{cm}^3)$
- ② $9 \times 4 \times 3 = 108(\text{cm}^3)$
- ③ $5.5 \times 6 \times 4 = 132(\text{cm}^3)$
- ④ $4 \times 4 \times 6 = 96(\text{cm}^3)$
- ⑤ $12 \times 3 \times 2.5 = 90(\text{cm}^3)$

5. 다음 중 부피가 가장 작은 도형은 어느 것입니까?

① 6 m^3

② 5.3 m^3

③ 900000 cm^3

④ 한 모서리의 길이가 1.2 m 인 정육면체의 부피

⑤ 가로가 1 m 이고 세로가 0.5 m , 높이가 2 m 인 직육면체의 부피

해설

부피를 m^3 로 고쳐서 비교합니다.

① 6 m^3

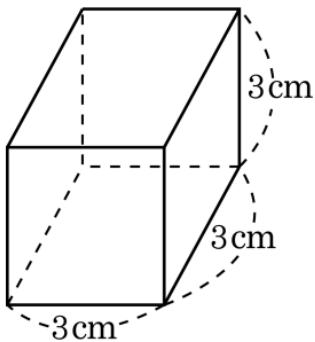
② 5.3 m^3

③ $900000 \text{ cm}^3 = 0.9 \text{ m}^3$

④ $1.2 \times 1.2 \times 1.2 = 1.728 \text{ m}^3$

⑤ $1 \times 0.5 \times 2 = 1 \text{ m}^3$

6. 다음 정육면체의 겉넓이를 구하는 식에서 안에 들어갈 알맞은 수를 차례로 써넣으시오.



$$(\text{정육면체의 겉넓이}) = \boxed{\quad} \times 6 = \boxed{\quad} (\text{cm}^2)$$

▶ 답 :

▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 9

▷ 정답 : 54 cm²

해설

$$(\text{정육면체의 겉넓이}) = (\text{한 면의 넓이}) \times 6$$
$$(3 \times 3) \times 6 = 9 \times 6 = 54 (\text{cm}^2)$$

7. 정육면체의 한 면의 넓이가 81 m^2 일 때, 부피는 몇 m^3 입니까?

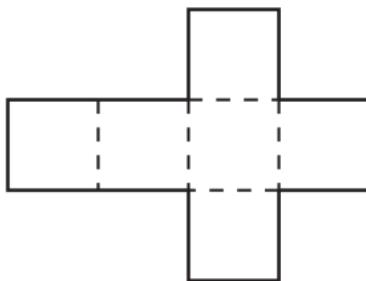
▶ 답 : m^3

▶ 정답 : 729 m^3

해설

$81 = 9 \times 9$ 이므로 한 모서리의 길이는 9 m이고, 부피는 $9 \times 9 \times 9 = 729(\text{ m}^3)$

8. 다음 그림은 한 면의 넓이가 25 cm^2 인 정육면체의 전개도입니다. 이 정육면체의 부피를 구하시오.



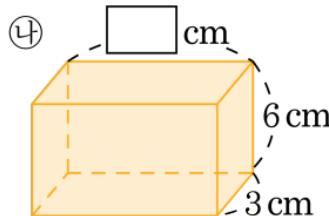
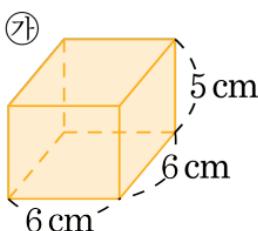
▶ 답 : cm^3

▷ 정답 : 125 cm^3

해설

정사각형의 넓이가 25 cm^2 이면
한 변의 길이는 5 cm 이므로
정육면체의 부피는 $5 \times 5 \times 5 = 125(\text{cm}^3)$

9. 가, 나 두 입체도형의 부피는 같습니다. □ 안에 알맞은 수를 고르시오.



- Ⓐ ① 10 ② 9 ③ 8 ④ 7 ⑤ 6

해설

$$\text{Ⓐ} : 6 \times 6 \times 5 = 180(\text{cm}^3)$$

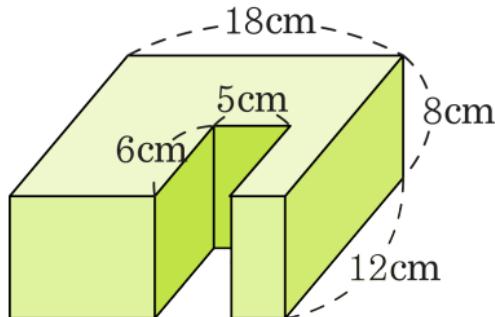
Ⓐ의 부피=Ⓑ의 부피

$$\square \times 3 \times 6 = 180 \text{ cm}^3$$

$$\square = 180 \div 18$$

$$\square = 10(\text{cm})$$

10. 다음 입체도형의 부피를 구한 것을 고르시오.

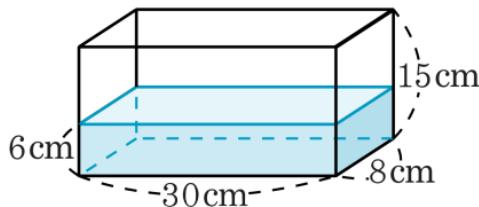


- ① 864 cm^3
- ② 576 cm^3
- ③ 240 cm^3
- ④ 1488 cm^3
- ⑤ 1728 cm^3

해설

$$\begin{aligned}& (18 \times 12) \times 8 - (5 \times 6) \times 8 \\&= 1728 - 240 \\&= 1488(\text{cm}^3)\end{aligned}$$

11. 다음 표는 그림과 같은 물통에 여러 가지 물건을 넣었을 때, 늘어난 물의 높이를 나타낸 것입니다. 돌, 구슬, 접시를 모두 넣었을 때 늘어난 물의 부피는 모두 몇 cm^3 입니까?



넣은물건	돌	구슬	접시
늘어난물의높이	3 cm	1 cm	2 cm

▶ 답 : cm^3

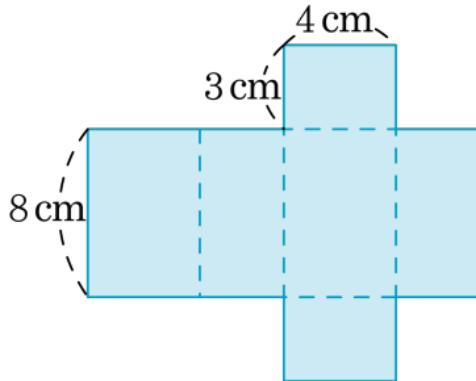
▷ 정답 : 1440 cm^3

해설

돌, 구슬, 접시를 모두 넣었을 때 늘어난 물의 높이 : $3 + 1 + 2 = 6(\text{cm})$

$$(\text{돌, 구슬, 접시의 부피}) = 30 \times 8 \times 6 = 1440(\text{cm}^3)$$

12. 다음 직육면체를 보고 겉넓이를 구하시오.



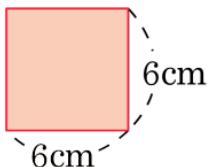
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 136 cm²

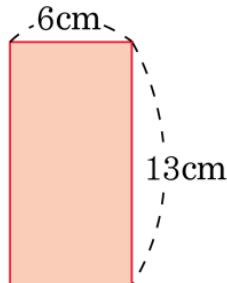
해설

$$\begin{aligned}(4 \times 3) \times 2 + (4 + 3 + 4 + 3) \times 8 \\= 24 + 112 = 136(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

13. 다음은 직육면체를 위와 옆에서 본 모양입니다. 이 직육면체의 겉넓이를 구하시오.



(위)



(옆)

- ① 384 cm^2 ② 270 cm^2 ③ 289 cm^2
④ 256 cm^2 ⑤ 186 cm^2

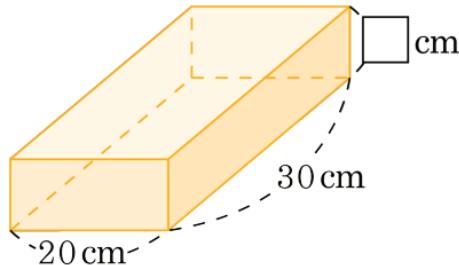
해설

$$(\text{위에서 본 모양}) = (\text{밑넓이})$$

$$(\text{옆에서 본 모양}) = (\text{옆면})$$

$$\begin{aligned}(\text{겉넓이}) &= (6 \times 6) \times 2 + (6 + 6 + 6 + 6) \times 13 \\&= 72 + 312 \\&= 384(\text{ cm}^2)\end{aligned}$$

14. 직육면체의 겉넓이가 2100 cm^2 일 때, □ 안에 알맞은 수를 구하시오.



- ① 8 cm ② 9 cm ③ 11 cm ④ 12 cm ⑤ 13 cm

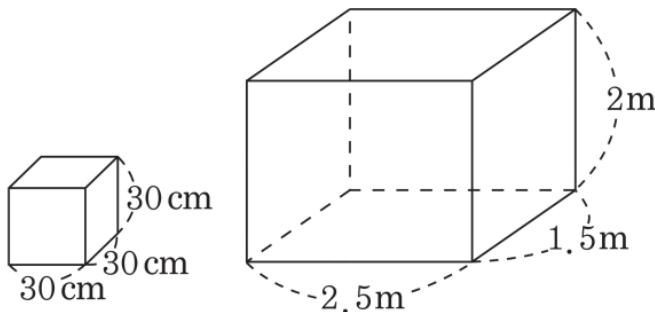
해설

$$\begin{aligned}(\text{옆넓이}) &= (\text{겉넓이}) - (\text{밑넓이}) \times 2 \\&= 2100 - (20 \times 30) \times 2 \\&= 2100 - 1200 = 900(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

$$(\text{옆넓이}) = (\text{밑면의 둘레}) \times (\text{높이})$$

$$\begin{aligned}(\text{높이}) &= (\text{옆넓이}) \div (\text{밑면의 둘레}) \\&= 900 \div (20 + 30 + 20 + 30) \\&= 900 \div 100 = 9(\text{cm})\end{aligned}$$

15. 오른쪽의 상자에 왼쪽 물건을 몇 개 넣을 수 있는지 알아보려고 합니다. 상자에 물건을 몇 개 넣을 수 있습니까?



▶ 답 : 개

▷ 정답 : 240 개

해설

$$2.5 \text{ m} = 250 \text{ cm}, 1.5 \text{ m} = 150 \text{ cm}, 2 \text{ m} = 200 \text{ cm}$$

가로, 세로의 길이를 30 으로 나누면

$$(가로): 250 \div 30 = 8.33 \dots \rightarrow 8(\text{개}),$$

$$(세로): 150 \div 30 = 5 (\text{개})$$

가로 8 개, 세로 5 개가

놓일 수 있으므로 $8 \times 5 = 40$ (개) 가 놓입니다.

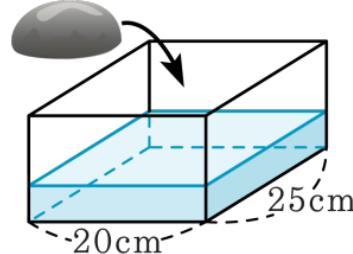
높이를 30 으로 나누면

$$(\text{높이}) = 200 \div 30 = 6.66 \dots \text{ 이므로}$$

6층을 쌓을 수 있습니다.

따라서 $8 \times 5 \times 6 = 240$ (개) 넣을 수 있습니다.

16. 다음 그릇에 돌을 넣었더니 물의 높이가 5 cm 올라갔습니다. 이 돌의 무게가 13.5 kg이라면, 돌의 부피 1 cm^3 의 무게는 몇 g입니까?



- ▶ 답: g
- ▷ 정답: 5.4 g

해설

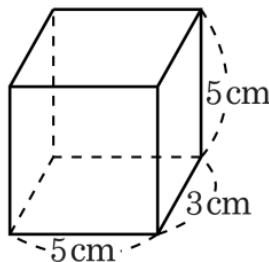
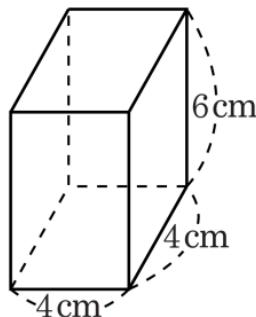
돌이 물 속에 잠겨 5 cm 올라간 것은
돌의 부피만큼 올라간 높이가 5 cm인 것입니다.

$$\text{돌의 부피: } 20 \times 25 \times 5 = 2500(\text{cm}^3)$$

$$13.5 \text{ kg} = 13500 \text{ g} \text{ 이므로}$$

$$13500 \div 2500 = 5.4(\text{g})$$

17. 다음 직육면체의 겉넓이의 차를 구하시오.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 18cm²

해설

첫 번째 직육면체 :

$$(\text{밑넓이}) = 4 \times 4 = 16(\text{cm}^2)$$

$$(\text{옆넓이}) = (4 + 4 + 4 + 4) \times 6 = 96(\text{cm}^2)$$

$$(\text{겉넓이}) = 16 \times 2 + 96 = 128(\text{cm}^2)$$

두 번째 직육면체 :

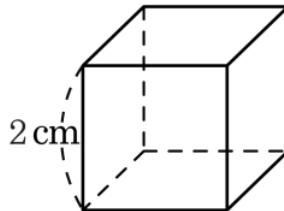
$$(\text{밑넓이}) = 5 \times 3 = 15(\text{cm}^2)$$

$$(\text{옆넓이}) = (5 + 3 + 5 + 3) \times 5 = 80(\text{cm}^2)$$

$$(\text{겉넓이}) = 15 \times 2 + 80 = 110(\text{cm}^2)$$

$$\text{따라서 겉넓이의 차는 } 128 - 110 = 18(\text{cm}^2)$$

18. 다음 그림과 같은 정육면체의 각 모서리의 길이를 3배 늘이면 겉넓이는 몇 배 늘어나겠습니까?



▶ 답: 배

▷ 정답: 9배

해설

2cm의 모서리의 길이를 3배로 늘이면 6cm가 됩니다.

(모서리의 길이가 2cm인 정육면체의 겉넓이)

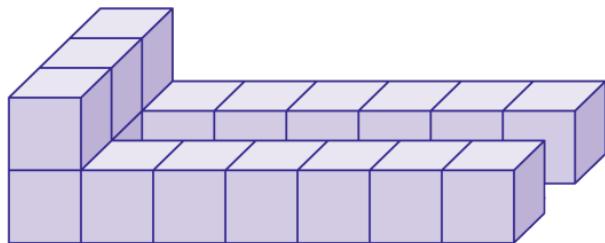
$$= 2 \times 2 \times 6 = 24(\text{cm}^2)$$

(모서리의 길이가 6cm인 정육면체의 겉넓이)

$$= 6 \times 6 \times 6 = 216(\text{cm}^2)$$

$$\Rightarrow 216 \div 24 = 9(\text{배})$$

19. 부피가 1 cm^3 인 정육면체 모양의 쌓기나무 18개를 이용하여 아래와 같이 면과 면이 꼭맞도록 쌓아 여러 가지 모양을 만들 수 있습니다. 이 때 나올 수 있는 겉넓이 중 최소의 겉넓이와 최대의 겉넓이를 바르게 짹지은 것은 어느 것입니까?



① $36\text{ cm}^2, 70\text{ cm}^2$

② $42\text{ cm}^2, 70\text{ cm}^2$

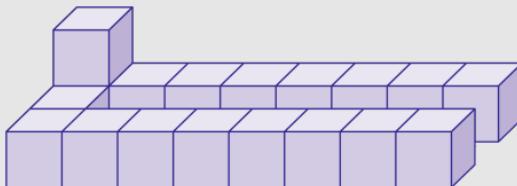
③ $42\text{ cm}^2, 74\text{ cm}^2$

④ $48\text{ cm}^2, 74\text{ cm}^2$

⑤ $48\text{ cm}^2, 78\text{ cm}^2$

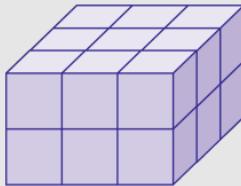
해설

18 개의 쌓기나무로 만들어진 다양한 모양의 겉넓이를 구합니다. 겉넓이가 최대값인 경우는 아래와 같이 L자 모양으로 만들었을 경우입니다.



물론 위에 놓인 쌓기나무를 다른 위치에 놓더라도 결국 겉넓이는 $(1 \times 1) \times 74 = 74(\text{cm}^2)$ 입니다. 즉 18 개의 쌓기나무를 최대한 늘어놓아야 최대의 겉넓이를 구할 수 있습니다.

그리고 아래 모양은 최소의 겉넓이가 되는 경우입니다.



즉 18 개의 쌓기나무를 이용하여 만든 모양에서는 최소의 겉넓이가 $(1 \times 1) \times 42 = 42(\text{cm}^2)$ 입니다.

20. 직육면체의 가로와 세로의 길이는 더한 값이 15이고, 곱한 값이 44인 자연수입니다. 그리고 옆넓이가 240 cm^2 일 때, 직육면체의 부피를 구하시오.

▶ 답 : cm^3

▷ 정답 : 352 cm^3

해설

(가로+세로)가 15가 될 수 있는 경우를 (가로, 세로)로 나타내면
(1, 14) (2, 13) (3, 12) (4, 11) (5, 10) (6, 9) (7, 8) 입니다.
이 중 (가로)×(세로)가 44가 되는 것은 (4, 11)입니다.

또한 \square 를 높이라고 두면,

$$(\text{옆넓이}) = (4 + 11 + 4 + 11) \times \square = 240,$$

즉, 높이 $\square = 8(\text{ cm})$ 입니다.

$$(\text{부피}) = 4 \times 11 \times 8 = 352(\text{ cm}^3) \text{ 가 됩니다.}$$