1. 다음 중에서 성립하지 $\underline{\text{않는}}$ 것은?

- ① $a^2 \ge 0$
- ② $a^2 + b^2 \ge 0$

① $a^2 \ge 0$ (항상 성립)

해설

- ② $a^2 + b^2 \ge 0$ (항상 성립)
- ③ $a^2 = 0 \Leftrightarrow a = 0$ (항상 성립)
- ④ $a^2 + b^2 = 0 \Leftrightarrow a = b = 0$ (항상 성립) $\bigcirc a > b \Leftrightarrow ab > 0$
- (반례: a > 0, b < 0이면 a > b이지만 ab < 0이다.)

- 2. x에 대한 부등식 (a+b)x + a - 2b > 0의 해가 x < 1일 때, x에 대한 부등식 (b-3a)x+a+2b>0의 해는?
 - ① x < -10
- ② x < -5 ③ x > -5
- ④ x < 5
- $\bigcirc x > 5$

- $(a+b)x+a-2b>0\, \text{and}\, (a+b)x>-a+2b\cdots \text{and}$ \bigcirc 의 해가 x < 1이려면 $a + b < 0 \cdots$ ©
- \bigcirc 이 양변을 a+b로 나누면 $x<\frac{-a+2b}{a+b}$ 이므로
- $\frac{-a+2b}{a+b} = 1, -a+2b = a+b$ $\therefore 2a = b \cdots \bigcirc$

- ⑤을 ⑥에 대입하면 a+2a=3a<0 $\therefore a<0$ ⑤을 부등식 (b-3a)x+a+2b>0에 대입하면
- (2a-3a)x + a + 4a > 0, -ax > -5a : x > 5

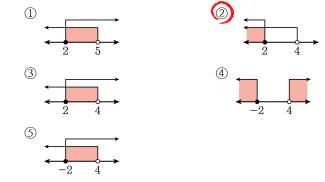
3. 다음을 연립부등식으로 나타낸 것 중 옳은 것은?

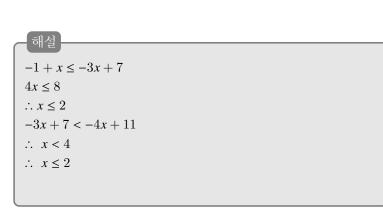
어떤 수 x 에서 9를 빼면 11 보다 작고, x 의 3 배에 3을 더하면 25 보다 작지 않다.

①
$$\begin{cases} x - 9 < 11 \\ 3x + 3 > 25 \end{cases}$$
②
$$\begin{cases} x - 9 < 11 \\ 3x + 3 < 25 \end{cases}$$
③
$$\begin{cases} x - 9 < 11 \\ 3x + 3 < 25 \end{cases}$$
③
$$\begin{cases} x + 9 < 11 \\ 3x + 3 < 25 \end{cases}$$
③
$$\begin{cases} x - 9 < 11 \\ 3x + 3 < 25 \end{cases}$$
③
$$\begin{cases} x - 9 < 11 \\ 3x + 3 < 25 \end{cases}$$

문제의 뜻에 맞게 세우면 $\int x - 9 < 11$ $\begin{cases} 3x + 3 \ge 25 \end{cases}$

4. 다음 부등식 $-1 + x \le -3x + 7 < -4x + 11$ 의 해를 수직선에 바르게 나타낸 것은?





5. 연립부등식 $\begin{cases} 2x + 4 < a \\ x + 7 > 5 \end{cases}$ 의 해가 -2 < x < 6 일 때, a 의 값을 구하 여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

 $\begin{cases} 2x + 4 < a \\ x + 7 > 5 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x < \frac{a - 4}{2} \\ x > -2 \end{cases}$ $-2 < x < \frac{a - 4}{2}$ $\frac{a - 4}{2} = 6, \ a - 4 = 12$ $\therefore \ a = 16$

- **6.** 양의 실수 a에 대하여 $-x^2 + 7x 10 \ge 0$ 의 모든 해가 $x^2 4ax + 3a^2 \le 0$ 을 만족할 때, a의 값의 범위는?
 - ① $\frac{1}{3} \le a \le 2$ ② $\frac{2}{3} \le a \le 2$ ③ $\frac{5}{3} \le a \le 2$ ④ ① $2 \le a \le 5$

 $-x^2 + 7x - 10 \ge 0$ $x^2 - 7x + 10 \le 0$ $(x-2)(x-5) \le 0$ $2 \le x \le 5$ $x^2 - 4ax + 3a^2 \le 0$ $(x-a)(x-3a) \le 0$ $a \le x \le 3a(\because a > 0)$ ⊙의 모든 해가 ⓒ에 포함되므로 따라서 $a \le 2$, $3a \ge 5$ 이므로 $\frac{5}{3} \le a \le 2$

7. 다음 이차부등식 중 해가 존재하지 않는 것은?

- ① $2x^2 6x + 1 \le 0$ ② $x^2 2x 3 < 0$ ③ $x^2 x + 1 > 0$ ④ $x^2 6x + 9 > 0$ $3 x^2 - x + 1 > 0$
- $4 x^2 6x + 9 > 0$

①
$$(x - \frac{3 - \sqrt{7}}{2})(x - \frac{3 + \sqrt{7}}{2}) \le 0$$

$$\Rightarrow \frac{3 - \sqrt{7}}{2} \le x \le \frac{3 + \sqrt{7}}{2}$$

② $(x + 1)(x - 3) < 0 \Rightarrow -1 < x < 3$
③ $(x - \frac{1}{2})^2 + \frac{3}{4} > 0 \Rightarrow x = 20$

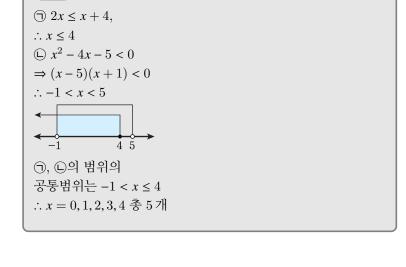
①
$$(x-3)^2 > 0 \Rightarrow x \neq 3$$
 인 모든 실수
③ $(2x-1)^2 < 0 \Rightarrow$ 해는 없다

(5)
$$(2x-1)^2 < 0 \Rightarrow$$
 해는 없다

8. 연립부등식 $\begin{cases} 2x \le x + 4 \\ x^2 - 4x - 5 < 0 \end{cases}$ 을 만족시키는 정수 x의 개수를 구하 여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5개



- 9. $3x+2 \ge -13$, $x-1 \ge 2x$ 에 대하여 연립부등식의 해를 구하여라.
 - $4 -1 \le x \le 5$ $5 -5 \le x \le -1$
- - ① \varnothing ② $1 \le x \le 5$ ③ $-5 \le x \le 1$

 $A: 3x + 2 \ge -13$

- $\therefore x \ge -5$ $B:x\leq -1$
- $\therefore -5 \le x \le -1$

- $\textbf{10.} \quad 부등식 A 는 \frac{1}{3}(x-2) \geq \frac{1}{2}(3-x) + x 이고 \ , B 는 \frac{1}{6}(10-x) \geq \frac{5}{3} \ \text{일 때},$ 다음 중 옳은 것은?
 - #등식 A의 모든 해는 부등식 B의 모든 해이다.A와 B의 공통해는 없다.
 - ③ A와 B의 공통해는 B이다.
 - (a) A H B H 8 8 M L B H H.
 - ④ A와 B를 합한 부분은 x ≥ 0이다.
 ⑤ A에서 B를 제외하면 x ≥ -13이다.

 $A : \frac{1}{3}(x-2) \ge \frac{1}{2}(3-x) + x$ 의 양변에 6 을 곱하여 간단히 하면

 $2(x-2) \ge 3(3-x) + 6x$ 2x - 4 \ge 9 - 3x + 6x

 $x \le -13$ $B: \frac{1}{6}(10-x) \ge \frac{5}{3}$ 의 양변에 6 을 곱하여 간단히 하면 $10-x \ge 10$

A가 x ≤ -13이고, B가 x ≤ 0이므로 부등식 A의 모든 해는 부등식 B의 모든 해이다.

부등식 A의 모든 해는 부등식 B의 A와 B의 공통해는 x ≤ -13이다.

11. 연립부등식 $\begin{cases} 0.3(x-1) + 0.2(x+4) < x-3 \\ \frac{5}{6}x - \frac{4}{9}(x+1) \ge \frac{1}{2}x - 3 \end{cases}$ 를 만족하는 정수의 개수를 구하면?

① 15 개 ② 16 개 ③ 17 개 ④ 18 개 ⑤ 19 개

i) 0.3(x-1) + 0.2(x+4) < x-3양변에 10 을 곱한 후 괄호를 풀면,

3x - 3 + 2x + 8 < 10x - 305x > 35

ii) $\frac{5}{6}x - \frac{4}{9}(x+1) \ge \frac{1}{2}x - 3$

양변에 분모의 최소공배수인 18을 곱한 후 괄호를 풀면, $15x - 8(x+1) \ge 9x - 54$ $15x - 8x - 8 \ge 9x - 54$

 $2x \le 46$

 $x \leq 23$

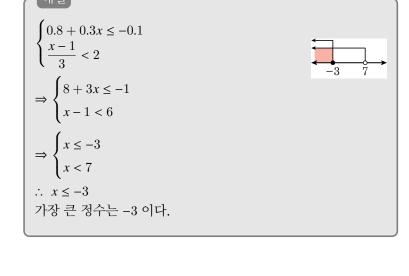
따라서 $7 < x \le 23$ 를 만족하는 정수는 $8, 9, 10, \cdots, 23$ 의 16

개이다.

12. 연립부등식 $\begin{cases} 0.8 + 0.3x \le -0.1 \\ \frac{x-1}{3} < 2 \end{cases}$ 를 만족하는 가장 큰 정수를 구하 역라.

▶ 답:

▷ 정답: -3



13. 연립부등식 $\begin{cases} 0.9 + 0.1x \le -0.3 \\ \frac{x-1}{4} < 1 \end{cases}$ 을 만족하는 가장 큰 정수를 구하 여라.

· ·

답:

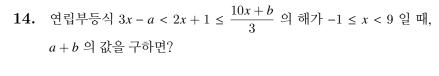
▷ 정답: -12

 $0.9 + 0.1x \le -0.3$

 $\begin{vmatrix} 9+x \le -3 \\ x \le -12 & \cdots \bigcirc \\ \frac{x-1}{4} < 1 \end{vmatrix}$

x-1<4 x<5 ··· ⓒ つ, ⓒ의 공통부분은 x≤-12

따라서 가장 큰 정수 -12 이다.



(1) 15 ② 13 ③ 11 ④ 9 ⑤ 7

i) 3x - a < 2x + 1 x < 1 + aii) $2x + 1 \le \frac{10x + b}{3}$ 양변에 3 을 곱하면 $6x + 3 \le 10x + b$ $x \ge \frac{3 - b}{4}$ 부등식의 해 $\frac{3 - b}{4} \le x < a + 1$ 과 $-1 \le x < 9$ 가 같아야 하므로 $\frac{3 - b}{4} = -1, \ b = 7$ $a + 1 = 9, \ a = 8$ $\therefore a + b = 15$ **15.** 연립부등식 $\begin{cases} x + a \ge 3 + 2x \\ 3(x - 1) \ge 2x - 5 \end{cases}$ 를 만족하는 정수 x 의 개수가 5 개 일 때, 상수 *a* 의 값의 범위는?

① $5 \le a < 6$ ② $5 < a \le 6$ ③ $5 \le a \le 6$

1. $x + a \ge 3 + 2x$ $x \le a - 3$

 $2. \ 3(x-1) \ge 2x - 5$

 \therefore $-2 \le x \le a - 3$ 만족하는 정수 x 의 개수가 5 개이므로

 $2 \le a-3 < 3$ $\therefore \quad 5 \le a < 6$

- **16.** $3x 5 \le 10$, x + 2 > a의 정수해가 1개가 되도록 하는 a 의 값의 범위는?
 - ① $4 \le a < 5$ ② $5 \le a < 6$
- $\bigcirc{3}{6} \le a < 7$

해설

 $A : 3x \le 15 \rightarrow x \le 5$

B: x > a - 2

a – 2 < *x* ≤ 5 에 속하는 정수가 1 개여야 하므로

 $4 \le a - 2 < 5$

 $\therefore 6 \le a < 7$

17. 연립부등식 $\begin{cases} 5(2+x)+9 \le -1 \\ 3(ax+1)-2x \ge -1 \end{cases}$ 을 풀었더니 그 해가 x=-4이었을 때, *a* 값을 구하면?

① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ 5

 $5(2+x) + 9 \le -1$

해설

 $10 + 5x + 9 \le -1$ $5x \le -1 - 19$

 $x \le -4$

이므로 해가 x = -4 이기 위해서는 다음 부등식의 해는 $x \ge -4$ 이어야 하므로

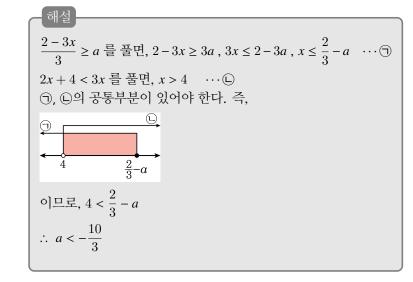
 $3(ax+1) - 2x \ge -1$ $3ax + 3 - 2x \ge -1$

 $(3a-2) x \ge -4$ $3a - 2 = 1 \qquad \therefore \ a = 1$

- **18.** 두 부등식이 $\frac{2-3x}{3} \ge a$, 2x + 4 < 3x 일 때, 공통된 해가 존재하기 위한 상수 a 의 값의 범위는?

 - ① $a < \frac{2}{3}$ ② $a < \frac{5}{3}$ ③ a > 4 ④ $a < -\frac{5}{3}$





19. 연립부등식

 $\begin{cases} a+5x<2a & \\ 2(x-1)\geq -6 \end{cases}$ 이 해를 갖지 않기 위한 정수 a 의 최댓값을 구하여

▶ 답: ▷ 정답: -10

a + 5x < 2a $x < \frac{a}{5}$ $2(x - 1) \ge -6$

 $2x - 2 \ge -6$ $\therefore x \ge -2$

연립부등식이 해를 갖지 않으려면 $\frac{a}{5} \le -2$

 $\therefore a \le -10$ 따라서 a 의 최댓값은 -10 이다.

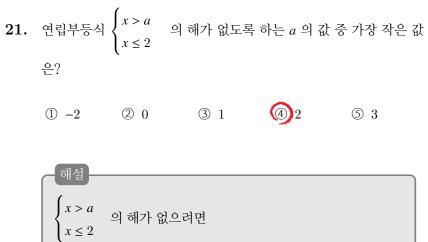
20. 연립부등식 $\begin{cases} 4x - a < 5 \\ 2(3 - x) \le 7 \end{cases}$ 의 해가 없을 때, a 의 값의 범위를 구하 여라.

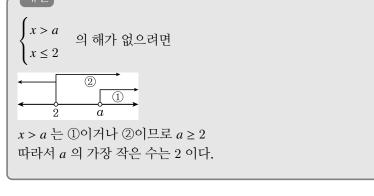
▶ 답:

> 정답: a ≤ -7

 $2(3-x) \le 7$ $6-2x \le 7$

 $6-2x \le 7$ $-2x \le 1$ $\therefore x \ge -\frac{1}{2}$ 4x-a < 5 $\therefore x < \frac{a+5}{4}$ 해가 없으려면 $\frac{a+5}{4} \le -\frac{1}{2}$ 이다. 따라서 $a+5 \le -2$ 이므로 $a \le -7$ 이다.



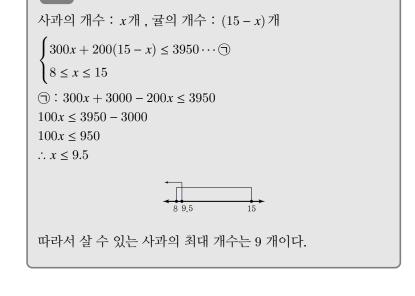


22. 300 원짜리 사과와 200 원짜리 귤을 합하여 15 개를 사는데 금액을 3950 원 이하로 귤보다 사과를 많이 사려고 한다. 이 조건을 만족하여 살 수 있는 사과의 개수는 최대 몇 개인가?

 답:
 개

 ▷ 정답:
 9개

Ø□ • 9<u>/||</u>



23. 200 원짜리 자두와 500 원짜리 복숭아을 합하여 9개를 사는데, 그 값이 2800 원 이상 3600 원 이하가 되게 하려고 한다. 복숭아는 최대 몇 개까지 살 수 있는지 구하여라.

정답: 6<u>개</u>

해설____

 $2800 \le 200(9 - x) + 500x \le 3600$ $\begin{cases} 2800 \le 200(9 - x) + 500x \end{cases}$

자두의 개수 : (9-x) 개, 복숭아의 개수 : x개

 $\begin{cases} 2800 \le 200(9-x) + 500x \\ 200(9-x) + 500x \le 3600 \end{cases}$ $\therefore \frac{10}{3} \le x \le 6$

따라서 살 수 있는 복숭아의 최대 개수는 6개이다.

- ${f 24.}$ 다각형의 내각의 합이 450° 이상 600° 이하일 때, 이 다각형은 몇 각 형인가?
 - ① 오각형
 ② 육각형
 ③ 칠각형

- ④ 팔각형
 ⑤ 구각형

해설

 $450^\circ \leq 180^\circ (n-2) \leq 600^\circ$ $450^\circ \leq 180^\circ n - 360^\circ \leq 600^\circ$ $810^{\circ} \leq 180^{\circ} n \leq 960^{\circ}$ $\frac{81}{18} \le n \le \frac{96}{18}$

 $4.5 \le n \le 5.333 \cdots$

그러므로 n=5

- **25.** 부등식 $ax^2 + (a+1)x + a > 0$ 을 만족하는 실수 x가 존재하기 위한 상수 a의 값의 범위는?

 - ① a > -1 ② $a > -\frac{1}{2}$ ③ $a > -\frac{1}{3}$ ④ $a > -\frac{1}{4}$ ⑤ $a > -\frac{1}{5}$

 $ax^2 + (a+1)x + a > 0$ 에서

- i) a = 0이면 x > 0:. 실수해가 존재한다.
- ii) a > 0 이면 $y = ax^2 + (a+1)x + a$ 의 그래프가 아래로 볼록한 모양이므로 $ax^2 + (a+1)x + a > 0$ 을 만족시키는 x값이 반드시 존재한다.
- iii) a < 0이면 $D = (a+1)^2 4a^2 > 0$ $3a^2 - 2a - 1 < 0$, (3a + 1)(a - 1) < 0
- - $\therefore -\frac{1}{3} < a < 1$, a < 0 이므로 $-\frac{1}{3} < a < 0$

i), ii), iii)에서 $a > -\frac{1}{3}$

26. 다음 부등식의 해가 a < x < b일 때 ab의 값은?

 $x^2 + |x| - 2 < 0$ ②-1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

① -2

해설 (i) $x \ge 0$ 일 때, |x| = x이므로

 $x^2 + x - 2 < 0, (x + 2)(x - 1) < 0$

 $\therefore -2 < x < 1$ 이 때, $x \ge 0$ 과 -2 < x < 1의 공통 범위는 $0 \le x < 1$

(ii) x < 0일 때, |x| = -x 이므로

 $x^2 - x - 2 < 0$, (x - 2)(x + 1) < 0

 $\therefore -1 < x < 2$

이 때 x < 0과 -1 < x < 2의 공통 범위는 -1 < x < 0

(i), (ii)에서 -1 < x < 1

- **27.** 이차부등식 $[x]^2 + [x] 12 \le 0$ 의 해가 $a \le x < b$ 일 때, a + b의 값은? (단, [x]는 x보다 크지 않은 최대의 정수이다.)
 - ③ 0 ④ 1 ⑤ 2 ① -2 ② -1

 $[x]^2 + [x] - 12 \le 0$ 에서

 $([x] + 4)([x] - 3) \le 0$

 $\therefore -4 \le [x] \le 3$

x = -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3 $\therefore -4 \le x < 4$

따라서 a=-4, b=4이므로 a+b=0이다

해설

28. 모든 실수 x에 대하여 이차부등식 $x^2 + 2kx - k + 6 > 0$ 이 항상 성립 하도록 k의 범위를 구하면 m < k < n이다. 이 때, $m^2 + n^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 13

 $x^2 + 2kx - k + 6 > 0$ 이 항상 성립하려면 판별식 D < 0이다. $\frac{D}{4} = k^2 - (-k+6) < 0$

 $k^2 + k - 6 < 0, (k+3)(k-2) < 0$

-3 < k < 2

 $\therefore m = -3, \ n = 2$

 $\therefore m^2 + n^2 = (-3)^2 + 2^2 = 13$

29. 모든 실수 x 에 대해 $x^2 - 2ax + a + 6 \ge 0$ 이기 위한 정수 a 의 개수는?

① 4개 ② 5개 ③ 6개 ④ 7개 ⑤ 8개

모든 실수 *x* 에 대하여

해설

 $x^2 - 2ax + a + 6 \ge 0$ 이려면

판별식이 허근 또는 중근을 가지면 된다.

 $\frac{D}{4} = a^2 - (a+6) \le 0, a^2 - a - 6 \le 0$

 $(a+2)(a-3) \le 0$

 $\therefore -2 \le a \le 3$

따라서 정수 a 는 -2, -1, 0, 1, 2, 3 으로

6개이다.

- **30.** 모든 실수 x 에 대하여 $a(x^2+4) \ge 2x(a+1)$ 이 성립할 때, 실수 a 의
 - ① $a < -\frac{1}{3}, \ a > 1$ ② $a \le -\frac{1}{3}$ ③ $a \ge 1$ ④ $-\frac{1}{3} \le a \le 1$ ⑤ a = 0, 1

해설 주어진 식을 정리하면

 $f(x) = ax^2 - 2(a+1)x + 4a \ge 0$

- a=0 일 때 f(x)=-2x<0 인 부분이 있고,
- a < 0 이면 f(x) < 0 인 부분이 있다. 따라서 모든 x 에 대하여 성립하려면 a > 0
- $D/4 = (a+1)^2 4a^2 \le 0$
- $3a^{2} 2a 1 \ge 0$ $(3a+1)(a-1) \ge 0$
- $\therefore \ a \ge 1, \ a \le -\frac{1}{3}$
- a > 0 이므로 $a \ge 1$

31. 이차방정식 f(x) = 0의 두 근의 합이 10일 때, 방정식 f(4x - 3) = 0의 두 근의 합은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$f(x)=0$$
의 두 근을 α , β 라 하면 $\alpha+\beta=10$ $f(x)=a(x-\alpha)(x-\beta)=0$ 로 놓으면 $f(4x-3)=a(4x-3-\alpha)(4x-3-\beta)=0$

$$f(4x - 3) = a(4x - 3 - \alpha)(4x - 3 - \beta)$$

$$x = \frac{3+\alpha}{4}, \quad \frac{3+\beta}{4}$$

∴ 두 근의 함은 $\frac{6+\alpha+\beta}{4} = 4$

- **32.** x에 대한 이차방정식 $x^2 2kx 2k + 3 = 0$ 이 두 실근을 가지도록 실수 k의 값의 범위를 정하면?
 - ③ k = -3 또는 k = 1 ④ k < -3 또는 k > 1
 - ① $k \le -3$ 또는 $k \ge 1$ ② $-3 \le k \le 1$
 - ⑤ -3 < k < 1

두 실근을 갖는다는 것은

서로 다른 두 실근 또는 중근을 갖는다는 것이므로 $D' = k^2 - (-2k + 3) \ge 0$

 $k^2 + 2k - 3 \ge 0$

 $(k+3)(k-1) \ge 0$

∴ k ≤ -3 또는 k ≥ 1

33. 다음은, 둘레의 길이가 $28 \, \mathrm{cm}$ 이고 넓이가 $45 \, \mathrm{cm}^2$ 이상인 직사각형에 서 가로의 길이의 범위를 구하는 문제의 풀이 과정이다.

가로의 길이를 $x \, \text{cm}$ 라고 하면, 세로의 길이는 $/ \text{H} \, \text{cm}$ 이다.

이때, x 의 값의 범위는 (내이다. 또 직사각형의 넓이는 (가로)(세로)= x (개이다. 이것이 45 cm² 이상이 되어야 하므로 x× (개 ≥ (대 이식을 정리하면 (래 ≤ 0 (래를 인수분해하면 (매이다. 따라서 가로의 길이를 5 cm 이상, 9 cm 이하로 하면 문제의 뜻에 맞는다.

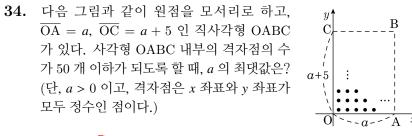
① (7) (14-x) ② (4) 0 < x < 14

음 중 (개, (대, 대, 대, 대) 에 들어갈 것으로 옳지 <u>않은</u> 것은?

(3) (L1) 45
 (5) (1) (x-5)(x-9)

(4) (24) $14x - x^2 - 45$

(사각형의 둘레의 길이) = 2(가로의 길이 + 세로의 길이) 28 = 2x + 2 · (개, 14 = x + (개) ∴ (개) = 14 - x 가로의 길이의 범위 : x > 0 , 14 - x > 0 → x < 14 ∴ 0 < x < 14 ··· (내) 직사각형의 넓이 : x(14 - x) ≥ 45 ∴ (대) = 45 (라) = x² - 14x + 45 ≤ 0 (매) = (x - 5)(x - 9) ≤ 0



① 5 ② 6 3 7 4 8 5 9

해설 $(a-1)(a+4) \le 50$ $a^2 + 3a - 54 = (a+9)(a-6) \le 0$ $\therefore 0 < a \le 6$

35. 이차함수 $y = x^2 - 4ax + 1$ 의 그래프가 직선 y = 2x - a 의 그래프보다 항상 위쪽에 있도록 하는 상수 a 의 범위를 구하면?

① a > 0 ② $-\frac{1}{4} < a < 0$ ③ $-\frac{1}{4} < a < \frac{3}{4}$ ④ $-\frac{3}{4} < a < \frac{1}{4}$ ⑤ $-\frac{3}{4} < a < 0$

 $\begin{cases} y = x^2 - 4ax + 1 \\ y = 2x - a \end{cases}$ 근이 존재하지 않아야 하므로 $2x - a = x^2 - 4ax + 1$ $x^2 + (-4a - 2)x + (a + 1) = 0$ $D < 0: (2a + 1)^2 - (a + 1) < 0$ $4a^2 + 3a = a(4a + 3) < 0$ $\therefore -\frac{3}{4} < a < 0$

- **36.** 부등식 $0 \le x \le 2$ 의 영역이 부등식 $x^2 ax + a^2 4 \le 0$ 의 영역에 포함되도록 하는 실수 a 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할 때, M-m 의 값은?
 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설 부등식 $0 \le x \le 2$ 의 영역이 부등식 $x^2 - ax + a^2 - 4 \le 0$ 의 영역에 포함되어야하므로 $0 \le x \le 2$ 에서 $x^2 - ax + a^2 - 4 \le 0$ 이어야 한다. $f(x) = x^2 - ax + a^2 - 4$ 라 하면 $0 \le x \le 2$ 에서 $f(x) \le 0$ 이어야 하므로 y = f(x) 의 그래프는 아래 그림과 같아야 한다. $f(0) = a^2 - 4 \le 0$ 에서 $-2 \le a \le 2 \cdots \bigcirc$ $f(2) = a^2 - 2a \le 0 \text{ odd}$ $0 \le a \le 2 \quad \cdots \square$ ①, © 의 공통 범위를 구하면 $0 \le a \le 2$ 따라서, 최댓값은 M=2, 최솟값은 m=0 이므로 M - m = 2

37. 연립부등식

 $\begin{cases} x^2 \le 3x \\ x^2 + x \ge 2 \end{cases}$ 의 해가 부등식 $ax^2 + 2bx - 6 \ge 0$ 의 해와 같을 때, ab의 값을 구하면?

① 8 ② 4 ③ 2 ④ -4 ⑤ -8

 $x^2 - 3x \le 0$, $x(x - 3) \le 0$ $0 \le x \le 3$

 $x^2 + x - 2 \ge 0$, $(x+2)(x-1) \ge 0$ $x \leq -2, x \geq 1$

 $(x-1)(x-3) \le 0$, $x^2 - 4x + 3 \le 0$ $\rightarrow -2x^2 + 8x - 6 \ge 0$ a = -2, b = 4

 $\therefore ab = -8$

- **38.** 부등식 x(x-1) < (x-1)(x-2) < (x-2)(x-3)을 만족시키는 x의 값의 범위는?
 - ① 0 < x < 1 ② x < 1 ③ 0 < x < 2(4) x > 2 (5) 1 < x < 3

i) x(x-1) < (x-1)(x-2) $\Rightarrow 2x < 2 \rightarrow x < 1$

ii) (x-1)(x-2) < (x-2)(x-3)

 $\Rightarrow 2x < 4$

 $\Rightarrow x < 2$

i)과 ii)의 공통부분을 구하면

 $\Rightarrow x < 1$

- **39.** 세 변의 길이가 x-1, x, x+1인 삼각형이 둔각삼각형이 되도록 하는 x의 값의 범위가 a < x < b라 할 때, a + b의 값은?
- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5
- **⑤**6

해설

x-1, x, x+1은 삼각형의 세 변이므로 x-1 > 0 , x > 0 , x + 1 > 0

x-1+x>x+1 $\therefore x>2$ \cdots ①

한편, 둔각삼각형이 되려면 $(x-1)^2 + x^2 < (x+1)^2$

 $x^2 - 4x < 0$ 에서 0 < x < 4 ······②

①과 ②에서 2 < x < 4 $\therefore a = 2, b = 4$

따라서 a+b=6

- **40.** 이차방정식 $x^2 mx + 2 = 0$ 이 2보다 큰 근과 2보다 작은 근을 가질 때 m의 값의 범위를 구하면?
 - ② m > 1 ③ m > -2 $\bigcirc m > 3$ ④ m > 2

① m > -1

해설

주어진 이차방정식의 근이 2보다 크 고 2보다 작은 근을 가지면 f(2) < 0f(2) = 4 - 2m + 2 < 0이므로 m > 3

- **41.** 함수 f(x) = ax + b가 $2 \le f(1) \le 4$, $0 \le f(2) \le 3$ 을 만족할 때, f(3)의 최댓값과 최솟값의 합은?

 $f(1) = a + b, \ f(2) = 2a + b$ f(3) = 3a + b이므로 f(3) = 2f(2) - f(1)

해설

f(3) = 3a + b이므로 f(3) = 2f(2) - f(1)조건에서 $2 \le f(1) \le 4$ ····· ①

소선에서 $2 \le f(1) \le 4$ ($0 \le f(2) \le 3$ (

○에서 각 변에 2를 곱하면0 ≤ 2f(2) ≤ 6 ····· ②

∴ -4 ≤ f(3) ≤ 4
 따라서, f(3) 의 최댓값은 4, 최솟값은 -4 이다.

f(3)의 죄뎃f(3)

42. 두 부등식 $0.7 - x \le -2 - 0.1x$, $\frac{2+x}{3} \ge x + a$ 의 공통 부분이 없을 때, a의 값 중 가장 작은 정수를 구하여라.

답:

▷ 정답: -1

 $0.7 - x \le -2 - 0.1x7 - 10x \le -20 - x - 9x \le -27, \ x \ge 3$ $\frac{2+x}{3} \ge x + a2 + x \ge 3x + 3a - 2x \ge 3a - 2, \ x \le 1 - \frac{3}{2}a$

$$-\frac{3}{2}a < 2$$

$$\therefore \ a > -\frac{4}{3}$$
 따라서 가장 작은 정수 a 의 값은 -1 이다.

43. 연속하는 세 정수의 합이 30 보다 크고 36 보다 작을 때, 세 정수 중 가운데 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설 연속한 세 정수 x-1, x, x+1

30 < (x-1) + x + (x+1) < 3630 < 3x < 36

10 < x < 12

 $\therefore x = 11$

- **44.** 부등식 |2x+2| < a+3를 만족하는 실수 x값이 존재하기 위한 실수 a의 값의 범위는?
- ① $a \le -4$ ② a > -4 ③ a < -3
- $\bigcirc a > -3$ $\bigcirc a \le -1$

i) x≥-1일 때,

- 2x + 2 < a + 3, 2x < a + 1 $\therefore x < \frac{1}{2}a + \frac{1}{2}$ $x \ge -1$, $x < \frac{1}{2}a + \frac{1}{2}$ 를 만족하는 x의 값이 존재하기 위해서는
- $\frac{1}{2}a + \frac{1}{2} > -1, \ a > -3$
- ii) x < -1 일 때, -2x 2 < a + 3, -2x < a + 5
- $x < -1, \ x > -\frac{1}{2}a \frac{5}{2}$ 를 만족하는 x의 값이 존재하기 위해서는 $-\frac{1}{2}a - \frac{5}{2} < -1 \quad \therefore a > -3$
- i), ii)에 의하여 a > -3

- **45.** 부등식 $x^2 + ax + a + 3 \le 0$ 를 만족하는 x가 오직 1개이기 위한 양수 a가 존재하는 구간은?

 - ④4 < a < 7 ⑤ 6 < a < 7
 - ① 1 < a < 3 ② 2 < a < 5 ③ 3 < a < 6

 $x^2 + ax + a + 3 \le 0$ 의 해가 1개 존재하기 위해서는

 $x^2 + ax + a + 3 = 0$ 이 중근을 가져야 한다. $\therefore D = a^2 - 4(a+3)$

 $=a^2-4a-12$

= (a-6)(a+2) = 0 $\therefore a = 6 \ (\because a > 0)$

- **46.** 모든 실수 x에 대하여, 부등식 $k\{x^2-(k-2)x-3(k-2)\}>0$ 가 성립되게 하는 상수 k값의 범위를 구하면?
 - ① 0 < k < 2 ② 1 < k < 2 ③ 1 < k < 4 ④ -1 < k < 3 ⑤ -2 < k < -1

모든 실수 x에 대하여 성립하므로 $k > 0 \cdots$ ①

 $x^2 - (k-2)x - 3(k-2) > 0$ 이 항상 성립하려면

해설

 $D = (k-2)^2 + 12(k-2) < 0 \, \text{and} \, k$

(k-2)(k+10) < 0∴ $-10 < k < 2 \cdots ②$

∴ -10 < k < 2···② ①,②에서 0 < k < 2

- **47.** 이차부등식 $x^2 + ax + b < 0$ 을 풀 때, 근우는 b 를 잘못보고 풀어 서 1 < x < 3 이라는 해를 얻었고, 기원이는 a 를 잘못보고 풀어서 -2 < *x* < 4 이라는 해를 얻었다. 이 부등식의 옳은 해는?

① -1 < x < 2

- ② -2 < x < 3
- ③ $2-2\sqrt{5} < x < 2+2\sqrt{5}$ ④ $1-\sqrt{3} < x < 1+\sqrt{3}$ $\bigcirc 3 2 - 2\sqrt{3} < x < 2 + 2\sqrt{3}$

$1 < x < 3 \Leftrightarrow (x - 1)(x - 3) < 0 \Leftrightarrow x^2 - 4x + 3 < 0$

해설

 $\therefore a = -4$ $-2 < x < 4 \Leftrightarrow (x+2)(x-4) < 0$

 $\Leftrightarrow x^2 - 2x - 8 < 0$

 $\therefore b = -8$ $x^2 - 4x - 8 < 0$

 $\therefore 2 - 2\sqrt{3} < x < 2 + 2\sqrt{3}$

48. x에 대한 연립부등식 $\begin{cases} (x+a)(x-4) < 0 \\ (x-a)(x-3) > 0 \end{cases}$ 의 해가 3 < x < 4가 되도록 하는 실수 a 의 값의 최댓값과 최솟값을 각각 M,m 이라 할 때, *M* − *m* 의 값을 구하면?

①3

② -3 ③ 4 ④ -4 ⑤ -7

 $(x+a)(x-4) < 0 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \bigcirc$

 $(x-a)(x-3) > 0 \cdot \cdot \cdot \cdot \subseteq$

①, \bigcirc 의 공통해가 3 < x < 4이므로 -a < 4, a < 3 이어야 한다.

∴ ①의 해는 -a < x < 4······ⓒ

①의 해는 x < a 또는 x > 3······ (=) ©, @의 공통 범위가 3 < x < 4 이려면

 $-a \le 3, \ a \le -a$

 $\therefore -3 \le a \le 0$

 $\therefore M = 0, \ m = -3 \therefore M - m = 3$

- **49.** 이차방정식 $x^2 2ax + a + 2 = 0$ 의 두 근이 모두 1보다 클 때 실수 a의 값의 범위는?

 - ① $0 \le a < 1$ ② $1 \le a < 2$ (4) $3 \le a < 4$ (5) $4 \le a < 5$
- $\bigcirc{3}{2} \leq a < 3$

$f(x) = x^2 - 2ax + a + 2 = (x - a)^2 - a^2 + a + 2$

- i) $D/4 = a^2 a 2 \ge 0$, $a \le -1$ or $a \ge 2$ ii) f(1) = 1 2a + a + 2 > 0 : a < 3
- iii) 대칭축 x = a > 1
- i), ii), iii)에서 $2 \le a < 3$

50. 이차방정식 $x^2 - 7x + 10 = 0$ 의 두 근이 이차방정식 $x^2 - 6x + k = 0$ 의 두 근 사이에 있기 위한 정수 k 의 최댓값은?

①4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

이차방정식 $x^2 - 7x + 10 = 0$ 에서 (x-2)(x-5) = 0 ∴ x = 2 또는 x = 5 $f(x) = x^2 - 6x + k$ 로 놓으면 함수 y = f(x)의 그래프는 다음 그림과 같아야 한다. 따라서 f(2) < 0, f(5) < 0 이므로 f(2) = -8 + k < 0에서 k < 8 f(5) = -5 + k < 0에서 k < 5 ∴ 정수 k의 최댓값은 k0 이다.