

1. 다음 두 수의 최대공약수를 구하여라.

$$2^2 \times 3 \times 5^2, 2 \times 3^3 \times 7^2$$

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$$2 \times 3 = 6$$

2. 다음 중에서 정수를 모두 찾아라.

$$-8, +3.5, \frac{8}{2}, 0, +\frac{3}{5}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: -8

▷ 정답: $\frac{8}{2}$

▷ 정답: 0

해설

$+3.5, +\frac{3}{5}$ 은 정수가 아닌 유리수이다.

3. 유리수 a 는 0보다 크거나 같고 5.2 이하일 때, 다음 수 중에서 a 가 될 수 없는 것을 모두 고르면? (정답 2 개)

① 0 ② $+\frac{14}{3}$ ③ $-\frac{5}{3}$ ④ +5 ⑤ +6

해설

$0 \leq a \leq 5.2$ 이므로 a 가 될 수 없는 수는 $-\frac{5}{3}$ 와 +6 이다.

4. 다음 중 계산 결과가 다른 하나는?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} (-2) \div \left(-\frac{3}{4}\right) \times (-3) & \textcircled{2} (+12) \div (-4) \times \frac{8}{3} \\ \textcircled{3} \left(-\frac{9}{2}\right) \times \frac{20}{3} \div 5 & \textcircled{4} (-4) \div \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} \\ \textcircled{5} (-14) \div \left(-\frac{7}{8}\right) \times \left(-\frac{1}{2}\right) & \end{array}$$

해설

$$\textcircled{1} (+6) \div \left(-\frac{3}{4}\right) = (+6) \times \left(-\frac{4}{3}\right) = -8$$

$$\textcircled{2} (+12) \div (-4) \times \frac{8}{3} = (-3) \times \frac{8}{3} = -8$$

$$\textcircled{3} \left(-\frac{9}{2}\right) \times \frac{20}{3} \div 5 = (-30) \div 5 = -6$$

$$\textcircled{4} (-4) \div \frac{1}{6} \times \frac{1}{3} = (-4) \times 6 \times \frac{1}{3} = -8$$

$$\textcircled{5} (+7) \div \left(-\frac{7}{8}\right) = (+7) \times \left(-\frac{8}{7}\right) = -8$$

5. 다음 중 계산이 옳지 않은 것은?

- ① $(+8) + (-13) = -5$ ② $(-16) - (-7) = -9$
③ $(-14) + (+20) = +6$ ④ $(-2) \times (-7) = +14$
⑤ $(+39) \div (-3) = +13$

해설

⑤ $(+39) \div (-3) = -13$

6. $a = 3$, $b = -5$ 일 때, $2a + 4b$ 의 값은?

- ① -4 ② -12 ③ -14 ④ 6 ⑤ 16

해설

$$2a + 4b = 2 \times 3 + 4 \times (-5) = 6 + (-20) = -14$$

7. 동류항인 것끼리 짹지어진 것은?

- ① $\frac{4}{5}a^2, a^2, ab$ ② $5x, 4x, x$ ③ $\frac{1}{9}x^2, xy, x^2y$
④ $\frac{1}{4}, \frac{2}{3}z, \frac{10}{11}w$ ⑤ $a, b, 100c$

해설

② $5x, 4x, x$ 는 문자가 x 이고 차수가 모두 1이므로 동류항이다.

8. 다음 수를 작은 수부터 차례로 기호를 나열하여라.

$$\textcircled{\text{A}} \ 5^3$$

$$\textcircled{\text{B}} \ 39$$

$$\textcircled{\text{C}} \ 2^5$$

$$\textcircled{\text{D}} \ 2^2 \times 3^3$$

$$\textcircled{\text{E}} \ 3^2 \times 7$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $\textcircled{\text{C}}$

▷ 정답: $\textcircled{\text{B}}$

▷ 정답: $\textcircled{\text{D}}$

▷ 정답: $\textcircled{\text{E}}$

▷ 정답: $\textcircled{\text{A}}$

해설

$$\textcircled{\text{A}} \ 5^3 = 5 \times 5 \times 5 = 125$$

$$\textcircled{\text{B}} \ 39$$

$$\textcircled{\text{C}} \ 2^5 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$$

$$\textcircled{\text{D}} \ 2^2 \times 3^3 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 = 108$$

$$\textcircled{\text{E}} \ 3^2 \times 7 = 3 \times 3 \times 7 = 63$$

따라서 작은 수부터 차례로 나열하면 $\textcircled{\text{C}}, \textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{D}}, \textcircled{\text{E}}, \textcircled{\text{A}}$ 이다.

9. 36의 소인수의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 2개

해설

$36 = 2^2 \times 3^2$ 이므로 소인수는 2, 3이고, 개수는 2개이다.

10. 다음 중 약수의 개수가 다른 것은?

- ① 2^{11} ② $3^5 \times 7$ ③ 84
④ 132 ⑤ 180

해설

- ① $11 + 1 = 12$ (✓)
② $(5 + 1) \times (1 + 1) = 12$ (✓)
③ $84 = 2^2 \times 3 \times 7$ ↗으로
 $(2 + 1) \times (1 + 1) \times (1 + 1) = 12$ (✓)
④ $132 = 2^2 \times 3 \times 11$ ↗으로
 $(2 + 1) \times (1 + 1) \times (1 + 1) = 12$ (✓)
⑤ $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$ ↗으로
 $(2 + 1) \times (2 + 1) \times (1 + 1) = 18$ (✗)

11. 두 자연수의 최대공약수가 13, 최소공배수가 40 일 때, 두 수의 곱을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 520

해설

두 수 A, B 의 최대공약수를 G , 최소공배수를 L 이라 하면
 $A \times B = L \times G$ 이므로

$A \times B = 13 \times 40$ 이다.

$\therefore A \times B = 520$

12. 다음 중 □ 안에 들어갈 말을 순서대로 쓰시오.

$$\begin{aligned} & (+9) + (-15) + (+11) \quad \boxed{} \\ & = (-15) + (+9) + (+11) \quad \leftarrow \boxed{} \\ & = (-15) + \{(+9) + (+11)\} \quad \leftarrow \boxed{} \\ & = (-15) + (+20) \\ & = 5 \end{aligned}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 교환법칙 또는 덧셈의교환법칙

▷ 정답: 결합법칙 또는 덧셈의결합법칙

해설

식의 위치를 바꾼 것은 교환법칙에 해당하고, 계산순서를 먼저 하는 것은 결합법칙에 해당한다.

13. 두 수 a , b 에 대하여 $a > 0$, $b < 0$ 일 때 다음 중 항상 양수인 것은?

- ① $a + b$ ② $b - a$ ③ $a - b$ ④ $a \times b$ ⑤ $a \div b$

해설

③ $b < 0$ ⇒ $-b > 0$

$a - b = a + (-b) > 0$

(∵ 양수끼리의 합은 양수이다.)

14. 다음 중 기호 \times , \div 의 생략이 옳은 것은?

- ① $x \times y \times y \times x = xxyy$
- ② $a \times c \times c \times c \times (-1) = -ac^3$
- ③ $a \times (3x - 6y) = a(3x - 6y)$
- ④ $x \times y \div 5 = x \times \frac{y}{5} = \frac{xy}{5}$
- ⑤ $3 + a \div 9 = 3 + \frac{a}{9}$

해설

- ① $x \times y \times y \times x = x^2y^2$
- ② $a \times c \times c \times c \times (-1) = -ac^3$
- ③ $a \times (3x - 6y) = a(3x - 6y)$
- ④ $x \times y \div 5 = x \times \frac{y}{5} = \frac{xy}{5}$
- ⑤ $3 + a \div 9 = 3 + \frac{a}{9}$

15. 세 자리의 자연수가 있다. 백의 자리의 숫자가 p , 십의 자리의 숫자가 q , 일의 자리의 숫자가 r 일 때, 이 세 자리의 정수를 나타내는 식은?

- ① pqr ② $p + q + r$
③ $100p + 10q + r$ ④ $100r + 10q + p$
⑤ p^3q^2r

해설

$$p \times 10^2 + q \times 10 + r = 100p + 10q + r$$

16. 다음 식 $(2a - 3) - (-3a + 3)$ 을 간단히 한 것은?

- ① $a - 6$ ② $-a$ ③ $5a - 6$
④ $5a$ ⑤ $-a - 6$

해설

$$(2a - 3) - (-3a + 3) = 2a - 3 + 3a - 3 = 5a - 6$$

17. 어느 학교의 전체 학생 수가 지난해에는 남녀 합하여 800명이었다.
그런데 올해는 지난해에 비해 남학생은 5% 증가하고 여학생은 3%
감소하여 전체적으로 8명이 늘었다. 작년 남학생 수를 x 라 할 때, x
에 관한 식으로 옳은 것은?

① $0.05x - 0.03(800 - x) = 8$ ② $0.95x + 0.97(800 - x) = 8$

③ $1.05x + 0.97(800 - x) = 8$ ④ $0.05(800 - x) - 0.03x = 8$

⑤ $0.05x + 0.03(800 - x) = 8$

해설

작년 남학생 수를 x 명, 여학생 수를 $(800 - x)$ 명이라 하면

증가한 남학생 수는 $\frac{5}{100}x$, 감소한 여학생 수는 $\frac{3}{100}(800 - x)$
이다.

방정식을 세우면 $\frac{5}{100}x - \frac{3}{100}(800 - x) = 8$

18. 다음을 보고 사탕의 개수를 구하여라.

학생들에게 사탕을 나누어 주려고 할 때, 한 사람에게 2 개씩 나누어 주면 17 개가 남고, 3 개씩 나누어 주면 8 개가 부족하다.

▶ 답: 개

▷ 정답: 67개

해설

학생 수를 x 명이라 하면

$$2x + 17 = 3x - 8$$

$$\therefore x = 25$$

따라서 사탕의 개수는 $2 \times 25 + 17 = 67$ (개)

19. 어느 학원에서 수강생들에게 쿠키 108 개, 빵 72 개, 우유 36 개를 똑같이 나누어 주었다.
수강생이 15 명 이상 25 명 이하일 때, 이 학원의 수강생은 몇 명인지 구하여라.

▶ 답 :

명

▷ 정답 : 18명

해설

똑같이 나누어 받을 수 있는 수강생 수는 108 과 72 와 36 의 공약수이다. 그런데 공약수는 최대공약수의 약수이다.

$$\begin{array}{r} 9) 108 \quad 72 \quad 36 \\ 4) 12 \quad 8 \quad 4 \\ 3 \quad 2 \quad 1 \end{array}$$

최대공약수 : $9 \times 4 = 36$ (명)

공약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36 (명)

공약수 중에서 15 명 이상 25 명 이하인 것은 18 명이다.

20. 석진이의 방은 가로가 300cm, 세로가 420cm이고, 벽의 적당한 높이에 정사각형 모양의 액자를 빈틈없이 떠처럼 둘러 걸어 놓으려고 한다. 가능한 한 큰 액자를 걸려고 할 때, 액자의 한 변의 길이를 구하여라.

▶ 답: cm

▷ 정답: 60 cm

해설

걸어 놓으려고 하는 액자의 한 변의 길이는 300과 420의 공약수이다.

그런데 가능한 한 큰 액자를 걸려고 했으므로 한 변의 길이는 300과 420의 최대공약수이다.

$$2) 300 \quad 420$$

$$2) 150 \quad 210$$

$$3) \quad 75 \quad 105$$

$$5) \quad 25 \quad 35$$

$$\frac{5}{} \quad \frac{7}{}$$

$$\therefore 2 \times 2 \times 3 \times 5 = 60(\text{cm})$$

21. 어떤 자연수로 38을 나누면 2가 남고, 27을 나누면 3이 남고, 125로 나누면 5가 남는다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

$38 - 2 = 36$, $27 - 3 = 24$, $125 - 5 = 120$ 에서 어떤 수는 36, 24, 120의 최대 공약수이다.

$$\begin{array}{r} 6) 36 \quad 24 \quad 120 \\ 2) \underline{6} \quad 4 \quad 20 \\ \quad \quad 3 \quad 2 \quad 10 \end{array}$$

최대공약수 : $6 \times 2 = 12$

22. 다항식 $y - [6x - \{3 - 2(x + y)\}]$ 를 간단히 하였을 때, x 의 계수, y 의 계수, 상수항의 합을 구하면?

- ① -12 ② -11 ③ -6 ④ -2 ⑤ 2

해설

$$y - [6x - \{3 - 2(x + y)\}] = -8x - y + 3$$
$$\therefore -8 - 1 + 3 = -6$$

23. 다음 중 []안의 수가 주어진 방정식의 해가 아닌 것은?

① $3x - 10 = -4$ [2]

② $3x + 5 = -3 + x$ [-4]

③ $x - 4 = \frac{1}{3}x$ [6]

④ $0.5x - 1.2 = 0.2x + 0.3$ [5]

⑤ $x - 2(x + 1) = 5$ [-4]

해설

⑤ $x = -4$ 를 대입하면

$$-4 - 2(-4 + 1) = -4 + 6 = 2 \neq 5$$

24. 방정식 $\frac{-3x - 12}{3} = \frac{2(4x - 2)}{4} + 3$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = -2$

해설

$$-x - 4 = \frac{4x - 2}{2} + 3$$

$$-x - 4 = 2x - 1 + 3$$

$$-3x = 6$$

$$\therefore x = -2$$

25. 두 개의 병 A, B에 우유가 각각 800g, 200g이 들어 있을 때, A가 B의 3배가 되려면 A에서 B로 얼마만큼을 옮겨야 하는가?

- ① 20 g ② 30 g ③ 40 g ④ 50 g ⑤ 60 g

해설

A에서 B로 옮기는 우유의 양을 x g이라 하면

$$800 - x = 3(200 + x), 800 - x = 600 + 3x$$

$$4x = 200, x = 50$$