

1. 이차방정식 $3(x + 4)^2 - 15 = 0$ 의 근을 $x = a \pm \sqrt{b}$ 라고 할 때, a, b 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = -4$

▷ 정답: $b = 5$

해설

$$\begin{aligned}3(x + 4)^2 - 15 &= 0 \\3(x + 4)^2 &= 15, (x + 4)^2 = 5 \\x + 4 &= \pm \sqrt{5}, x = -4 \pm \sqrt{5} \\&\therefore a = -4, b = 5\end{aligned}$$

2. 다음은 이차방정식의 해를 구한 것이다. 옳지 않은 것은?

① $2x^2 - 4x + 1 = 0, x = \frac{2 \pm \sqrt{2}}{2}$

② $2x^2 - 6x - 5 = 0, x = \frac{3 \pm \sqrt{19}}{2}$

③ $x^2 - 2x - 2 = 0, x = 1 \pm \sqrt{3}$

④ $x^2 + 2x - 11 = 0, x = \frac{-1 \pm \sqrt{15}}{2}$

⑤ $2x^2 - 5x + 1 = 0, x = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{4}$

해설

④ $x = -1 \pm 2\sqrt{3}$

3. 이차함수 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프가 점 $(a, a^2 - 9)$ 를 지날 때, a 의 값을 구하면? (단, $a < 0$)

- ① $\sqrt{6}$ ② $-\sqrt{6}$ ③ 2 ④ -2 ⑤ $-\sqrt{3}$

해설

$$y = -\frac{1}{2}x^2 \text{ 의 그래프가 점 } (a, a^2 - 9) \text{ 를 지나므로}$$

$$a^2 - 9 = -\frac{1}{2}a^2$$

$$\frac{3}{2}a^2 = 9$$

$$a^2 = 6$$

$$a < 0 \text{ } \circ] \text{므로 } a = -\sqrt{6}$$

4. 이차방정식 $(x - 1)(x - 5) = 4$ 를 $(x + A)^2 = B$ 의 꼴로 나타낼 때,
 A, B 의 값은?

- ① $A = 3, B = 8$
② $\textcircled{②} A = -3, B = 8$
③ $A = 2, B = 4$
④ $A = -3, B = -8$
⑤ $A = 4, B = 6$

해설

$$\begin{aligned}(x - 1)(x - 5) &= 4 \\ x^2 - 6x &= 4 - 5 \\ x^2 - 6x + 9 &= -1 + 9 \\ (x - 3)^2 &= 8, A = -3, B = 8\end{aligned}$$

5. 이차방정식 $3x^2 + 6x - 5 = 0$ 을 $(x + p)^2 = q$ 의 꼴로 나타낼 때,
 $p + 3q$ 의 값은?

① 10 ② 9 ③ 8 ④ 7 ⑤ 6

해설

양변을 3으로 나누고 상수항을 이항하면

$$x^2 + 2x = \frac{5}{3}, \text{ 양변에 } \left(2 \times \frac{1}{2}\right)^2 = 1 \text{ 을 더하면}$$

$$x^2 + 2x + 1 = \frac{5}{3} + 1$$

$$(x + 1)^2 = \frac{8}{3}$$

$$\therefore p = 1, q = \frac{8}{3}$$

$$\therefore p + 3q = 1 + 3 \times \frac{8}{3} = 9$$

6. 이차방정식 $(x - 1)(x - 3) - 2 = 0$ 을 $(x - a)^2 = b$ 의 꼴로 고칠 때,
 $b - a$ 의 값을 구하면?

① 1 ② -1 ③ -2 ④ 3 ⑤ 5

해설

식을 전개하여 정리하면 $x^2 - 4x + 1 = 0$

상수항을 이항하면 $x^2 - 4x = -1$

양변에 4를 더하면 $x^2 - 4x + 4 = -1 + 4$

$(x - 2)^2 = 3$

따라서 $a = 2, b = 3$ 이고 $b - a = 1$ 이다.

7. n 각형의 대각선의 수는 $\frac{1}{2}n(n - 3)$ 일 때, 대각선의 총수가 35개인
다각형은?

① 팔각형 ② 구각형 ③ **십각형**

④ 십일각형 ⑤ 십이각형

해설

$$\frac{n(n - 3)}{2} = 35 \text{ 이므로}$$

$$n^2 - 3n - 70 = 0$$

$$(n + 7)(n - 10) = 0$$

$$n = 10 (\because n > 0)$$

8. 차가 3인 두 자연수가 있다. 곱이 88일 때, 두 수의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 19

해설

두 자연수를 $x, x + 3$ 라 하면

$$x(x + 3) = 88$$

$$x^2 + 3x - 88 = 0$$

$$(x - 8)(x + 11) = 0$$

$$x = 8 (\because x > 0)$$

따라서 두 수의 합은 $8 + 11 = 19$ 이다.

9. 지상으로부터 50m 인 지점에서 1 초에 45m 의 빠르기로 쏘아올린
물로켓의 t 초 후의 높이를 hm 라고 하면 $h = -5t^2 + 45t + 50$ 인
관계가 성립한다. 발사 후 5 초 후의 높이는 얼마인가?

- ① 100m ② 125m ③ 150m ④ 175m ⑤ 200m

해설

$$h = -5t^2 + 45t + 50 \text{ 에서 } t = 5 \text{ 를 대입하면}$$

$$h = -125 + 225 + 50 = 150$$

따라서 발사 후 5초 후의 높이는 150m이다.

10. 둘레의 길이가 32cm 이고, 넓이가 56cm^2 인 직사각형의 가로의 길이를 x 라 할 때, 다음 중 옳은 것은?

- ① $x(32 - x) = 56$ ② $x(16 - x) = 28$
③ $x(32 - x) = 28$ ④ $x(16 - x) = 56$
⑤ $x(32 - x) = 112$

해설

가로의 길이를 $x\text{cm}$ 라 하면, 세로의 길이는 $(16 - x)\text{cm}$ 이다.
 $\therefore x(16 - x) = 56$

11. 한 변의 길이가 x 인 정사각형의 가로를 2 만큼 늘이고, 세로를 2 만큼 줄인 사각형의 넓이가 5가 되었다. 이 때, 처음 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$(x + 2)(x - 2) = 5$$

$$x^2 = 9$$

$$\therefore x = 3$$

12. 가로, 세로의 길이가 각각 11m, 9m인 직사각형 모양의 땅에 다음 그림과 같이 세로로 x m, 가로로 x m의 길을 내어 남은 땅의 넓이가 48 m^2 가 되도록 할 때, x 의 값은?

① 1m ② 2m ③ 3m

④ 4m ⑤ 5m



해설

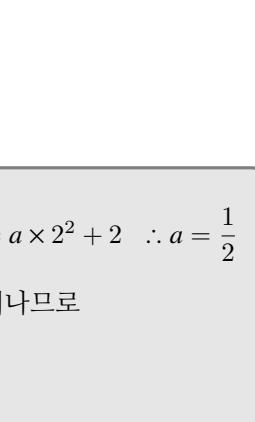
$$(11 - x)(9 - x) = 48$$

$$x^2 - 20x + 51 = 0$$

$$(x - 3)(x - 17) = 0$$

$x < 9$ 이므로 $x = 3(\text{m})$

13. 다음 그래프의 이차함수가 점 $(a, 10)$ 을 지날 때, a 의 값을 구하여라. (단, $a > 0$)



▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$y = ax^2 + 2 \text{ 가 점 } (2, 4) \text{ 를 지나므로 } 4 = a \times 2^2 + 2 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$$

$$y = \frac{1}{2}x^2 + 2 \text{ 의 그래프가 점 } (a, 10) \text{ 을 지나므로}$$

$$10 = \frac{1}{2}a^2 + 2$$

$$\therefore a = 4 (\because a > 0)$$

14. 이차방정식 $(x - 3)(2x - 5) = 5x - 4$ 를 $(x - p)^2 = k$ 의 꼴로 나타낼 때, $k - p$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{5}{2}$

해설

$$(x - 3)(2x - 5) = 5x - 4$$

$$2x^2 - 11x + 15 - 5x + 4 = 0$$

$$2x^2 - 16x + 19 = 0$$

$$2(x^2 - 8x + 16) = -19 + 32$$

$$2(x - 4)^2 = 13$$

$$(x - 4)^2 = \frac{13}{2}$$

$$\therefore k = \frac{13}{2}, p = 4$$

$$\therefore k - p = \frac{13}{2} - 4 = \frac{5}{2}$$

15. 이차방정식 $x^2 - 3x - 2 = 0$ 을 $(x - a)^2 = b$ 의 꼴로 변형할 때, a, b 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = \frac{3}{2}$ 또는 1.5

▷ 정답: $b = \frac{17}{4}$ 또는 4.25

해설

$$x^2 - 3x = 2, x^2 - 3x + \frac{9}{4} = 2 + \frac{9}{4}$$

$$\therefore \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = \frac{17}{4}$$

16. 이차방정식 $x^2 + 5x - 9 = 0$ 을 $(x + P)^2 = Q$ 의 꼴로 고칠 때, $P + 2Q$ 의 값을 구하면?

- ① -33 ② -12 ③ -4 ④ 0 ⑤ 33

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 5x - 9 &= 0 \\ \left(x + \frac{5}{2}\right)^2 &= \frac{61}{4} \\ \therefore P &= \frac{5}{2}, Q = \frac{61}{4} \\ \therefore P + 2Q &= \frac{5}{2} + \frac{61}{2} = 33\end{aligned}$$

17. 이차방정식 $(x - 3)(2x - 5) = 5x - 4$ 를 $(x - p)^2 = k$ 의 꼴로 나타낼 때, $k - p$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{5}{2}$

해설

$$(x - 3)(2x - 5) = 5x - 4$$

$$2x^2 - 11x + 15 - 5x + 4 = 0$$

$$2x^2 - 16x + 19 = 0$$

$$2(x^2 - 8x + 16) = -19 + 32$$

$$2(x - 4)^2 = 13$$

$$(x - 4)^2 = \frac{13}{2}$$

$$\therefore k = \frac{13}{2}, p = 4$$

$$\therefore k - p = \frac{13}{2} - 4 = \frac{5}{2}$$

18. 이차방정식 $x^2 - 3x - 2 = 0$ 을 $(x - a)^2 = b$ 의 꼴로 변형할 때, a, b 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = \frac{3}{2}$ 또는 1.5

▷ 정답: $b = \frac{17}{4}$ 또는 4.25

해설

$$x^2 - 3x = 2$$

$$\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = \frac{17}{4}$$

$$\therefore a = \frac{3}{2}, b = \frac{17}{4}$$

19. 이차방정식 $x^2 + 5x - 9 = 0$ 을 $(x + P)^2 = Q$ 의 꼴로 고칠 때, $P + 2Q$ 의 값을 구하면?

- ① -33 ② -12 ③ -4 ④ 0 ⑤ 33

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 5x - 9 &= 0 \\ \left(x + \frac{5}{2}\right)^2 &= \frac{61}{4} \\ \therefore P &= \frac{5}{2}, Q = \frac{61}{4} \\ \therefore P + 2Q &= \frac{5}{2} + \frac{61}{2} = 33\end{aligned}$$

20. 이차방정식 $x^2 + 4x + 2 = 0$ 을 $(x+a)^2 = b$ 의 꼴로 고칠 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$x^2 + 4x + 2 = 0$$

$$(x+2)^2 = 2$$

$$(x+a)^2 = b$$

$$\therefore a = 2, b = 2$$

$$\therefore a+b = 4$$

21. 이차방정식 $3x^2 - 6x - 2 = 0$ 을 $(x-a)^2 = b$ 의 꼴로 나타낼 때, $2a+3b$ 의 값은?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

$$3x^2 - 6x - 2 = 0$$

$$3x^2 - 6x = 2$$

$$x^2 - 2x = \frac{2}{3}$$

$$x^2 - 2x + 1 = \frac{5}{3}$$

$$(x-1)^2 = \frac{5}{3}$$

$$a = 1, b = \frac{5}{3}$$

$$\therefore 2a + 3b = 2 \times 1 + 3 \times \frac{5}{3} = 2 + 5 = 7$$

22. 다음은 이차방정식을 $(x+a)^2 = b$ 의 꼴로 나타내는 과정이다. 이때, 상수 a, b 에 대하여 $4(a+b)$ 의 값을 구하여라.

$$\begin{aligned}(x-1)(2x-3) &= (x+1)^2 \\x^2 - 7x &= -2 \\(x^2 - 7x + (\square)) &= -2 + (\square) \\(x+a)^2 &= b\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: 27

해설

$$\begin{aligned}(x-1)(2x-3) &= (x+1)^2 \\x^2 - 7x &= -2 \\(x^2 - 7x + \frac{49}{4}) &= -2 + \frac{49}{4} \\(x - \frac{7}{2})^2 &= \frac{41}{4}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}a = -\frac{7}{2}, b = \frac{41}{4} \\∴ 4(a+b) = 4\left(-\frac{7}{2} + \frac{41}{4}\right) = 27\end{aligned}$$

23. 이차방정식 $(x+5)(x-3) = 5$ 를 $(x+p)^2 = q$ 의 꼴로 나타낼 때,
 $p + q$ 의 값을 구하여라. (단, p, q 는 상수)

▶ 답:

▷ 정답: 22

해설

$$(x+5)(x-3) = 5, x^2 + 2x - 15 = 5$$

$$x^2 + 2x = 20, (x+1)^2 = 21$$

$$p = 1, q = 21$$

$$\therefore p + q = 22$$

24. 이차방정식 $2(x-5)^2 = m$ 의 근이 1 개일 때, 이 근을 a 라고 한다. 이 때, a 의 값은?

- ① 3 ② -4 ③ 5 ④ 4 ⑤ -5

해설

$2(x-5)^2 = m$ 의 근이 1 개이므로 $m = 0$ 이다.

$$2(a-5)^2 = 0$$

$$\therefore a = 5$$

25. 이차방정식 $(x+7)^2 = \frac{3m-9}{8}$ 이 근을 갖지 않을 때, 다음 중 m 의

값이 아닌 것은?

① -2

② -1

③ 1

④ 2

⑤ 3

해설

이차방정식 $(x+7)^2 = \frac{3m-9}{8}$ 이 근을 갖지 않으면 $\frac{3m-9}{8} < 0$

이어야 하므로 $3m - 9 < 0, m < 3$ 이다. 따라서 3은 m 의 값이 아니다.

26. 이차방정식 $(x - 1)^2 = a + 4$ 에 대한 보기의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

- Ⓐ $a = 0$ 이면 두 근의 곱은 3이다.
- Ⓑ $a = -4$ 이면 중근 1을 갖는다.
- Ⓒ $a = -5$ 이면 실수인 해를 갖지 않는다.

① Ⓐ ② Ⓑ ③ Ⓒ, Ⓓ ④ Ⓓ, Ⓔ Ⓓ Ⓑ, Ⓔ

해설

- Ⓐ $a = 0$ 이면 $(x - 1)^2 = 4$, $x - 1 = \pm 2$
따라서 $x = 3$ 또는 $x = -1$ 이므로 두 근의 곱은 3이다.
- Ⓑ $a = -4$ 이면 $(x - 1)^2 = 0$
따라서 $x = 1$ (중근)이다.
- Ⓒ $a = -5$ 이면 $(x - 1)^2 = -1$, 실수의 제곱은 음수가 될 수 없으므로 실수의 해가 없다.

27. 이차방정식 $(x + a)^2 = b$ 가 서로 다른 두 개의 근을 가질 조건은?

- ① $a < 0$ ② $a \geq 0$ ③ $b < 0$
④ $b > 0$ ⑤ $ab > 0$

해설

$$x + a = \pm \sqrt{b}, x = -a \pm \sqrt{b}$$

근이 두 개이기 위해서는 근호 안의 수가 양수이어야 한다.

$$\therefore b > 0$$

- ⑦ $q = 0$ 이면 중근이다.
 - ㉡ $q < 0$ 이면 실수 범위 내에서 근은 없다.
 - ㉢ $p = 0, q > 0$ 이면 두 근의 합은 항상 0 이다.
 - ㉣ $q > 0$ 이면 두 근의 절댓값은 같고 부호가 서로

④ Ⓢ, Ⓣ, Ⓤ Ⓟ

해설

⑦ $q = 0$ 이면 $x = p$ (중근) 이므로 참이다.
 ⑧ $q < 0$ 이면 근호 안이 음이 되어 실수가 아닙니다.

② $p = 0, q > 0$ 이면 $x = \pm\sqrt{q}$ 이므로 두 근은 $\pm\sqrt{q}$ 이다.

따라서 참이다.

③ $q > 0$ 이면 $x = p \pm \sqrt{q}$, 두 근의 절댓값이 같다.

거짓이다.

29. x 에 관한 이차방정식 $(x-p)^2 = k$ 가 서로 다른 두 개의 근을 가질 조건은?

- ① $p \geq 0$ ② $p < 0$ ③ $k > 0$ ④ $k < 0$ ⑤ $k \geq 0$

해설

$$(x-p)^2 = k, x-p = \pm\sqrt{k}, x = p \pm \sqrt{k}$$

서로 다른 두 근을 가지려면 근호 안의 수가 양수여야 한다.

$$\therefore k > 0$$

30. \diamond 차함수 $f : R \rightarrow R$ 에서 $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - x + 1$ \diamond 이다. $f(2a) = 2a - 1$ 일 때, 상수 a 의 값은? (단, R 은 실수)

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$f(2a) = 2a - 1 \quad \diamond \text{므로}$$
$$\frac{1}{2} \times (2a)^2 - 2a + 1 = 2a - 1, \quad 2a^2 - 4a + 2 = 0, \quad a^2 - 2a + 1 = 0, \quad (a - 1)^2 = 0$$
$$\therefore a = 1$$

31. 이차함수 $y = -x^2$ 의 그래프에 대한 설명이다. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 골라라.

보기

- Ⓐ 그래프의 모양은 위로 볼록하다.
- Ⓑ 꼭짓점의 좌표는 $(0, 0)$ 이다.
- Ⓒ x 축에 대칭인 그래프이다.
- Ⓓ x 의 값이 증가할 때, $x > 0$ 인 범위에서 y 의 값은 증가한다.
- Ⓔ 점 $(3, -9)$ 를 지난다.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

해설

$y = -x^2$ 은 위로 볼록한 포물선이고 원점 $(0, 0)$ 을 꼭짓점으로 한다. y 축에 대칭이므로 축의 방정식이 $x = 0$ 이다. $y = x^2$ 의 그래프와 x 축에 대하여 대칭이고 $x < 0$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가하고 $x > 0$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다. 점 $(3, -9)$ 를 지난다.

32. 이차방정식 $x^2 - 2ax + b = 0$ 의 근이 $x = 1 \pm 2\sqrt{5}$ 일 때, 상수 a, b 의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a + b = -18$

해설

$$x^2 - 2ax + b = 0 \text{에서}$$

$$x^2 - 2ax = -b, x^2 - 2ax + a^2 = -b + a^2$$

$$(x - a)^2 = -b + a^2, (x - a) = \pm \sqrt{-b + a^2}$$

$$\therefore x = a \pm \sqrt{-b + a^2} = 1 \pm 2\sqrt{5}$$

따라서 $a = 1, a$ 값을 대입하면

$$\sqrt{1 - b} = \sqrt{20}$$

$$\therefore b = -19$$

따라서 $a + b = -18$ 이다.

33. 이차방정식 $x^2 + 2x - 1 = 0$ 의 두근을 α, β 라고 할 때, $\alpha^3 + \alpha^2\beta + \alpha\beta^2 + \beta^3$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -12

해설

근과 계수의 관계로부터

$$\alpha + \beta = -2, \alpha\beta = -1,$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 6$$

$$\alpha^3 + \alpha^2\beta + \alpha\beta^2 + \beta^3 = \alpha^2(\alpha + \beta) + \beta^2(\alpha + \beta)$$

$$= (\alpha^2 + \beta^2)(\alpha + \beta)$$

$$= 6 \times (-2) = -12$$