

1. 3^{90} 의 일의 자리의 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

3의 거듭제곱 수마다 일의 자리 수를 구해보면 3, 9, 7, 1이 반복되는 것을 알 수 있다.

3의 거듭제곱 수	일의 자리 수
$3^1 (=3)$	3
$3^2 (=3 \times 3 = 9)$	9
$3^3 (=3 \times 3 \times 3 = 27)$	7
$3^4 (=3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81)$	1
$3^5 (=3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 243)$	3
$3^6 (=3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 729)$	9
:	:

90은 4로 나누었을 때 나머지가 2이므로 3^{90} 의 일의 자리의 수는 9이다.

2. 자연수 135의 약수의 개수와 $3 \times 5^n \times a^m$ 의 약수의 개수가 같을 때,
 $n + m$ 의 값은? (단, m, n 은 자연수이고, $a \neq 3, 5$ 인 소수)

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$135 = 3^3 \times 5$$
$$(약수의 개수) = 4 \times 2 = 8(\text{개})$$
$$(1+1) \times (n+1) \times (m+1) = 8, n=1, m=1$$
$$\text{그리므로 } n+m = 1+1 = 2$$

3. 세 자연수 45, A, 90 의 최대공약수가 15 일 때, A 가 될 수 있는 값 중
가장 큰 두 자리 자연수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 75

해설

A 는 15 를 약수로 갖고 있으므로, 두 자리 자연수인 15 의 배수를
나열해 보면 다음과 같다.

15, 30, 45, 60, 75, 90

이 중, 45, 90 과의 최대공약수가 15 가 될 수 있는 자연수는

15, 30, 60, 75 이다.

이 중 가장 큰 수는 75 이다.

4. 사과 108 개와 귤 144 개를 하나도 빠짐없이 몇 명의 사람들에게 똑같이 나누어주려고 한다. 가능한 한 많은 사람에게 나누어 줄 때, 한 사람이 받는 귤의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 4 개

해설

사람의 수는 108 과 144 의 최대공약수이다.

$$108 = 2^2 \times 3^3, 144 = 2^4 \times 3^2$$

따라서 사람의 수는 $2^2 \times 3^2 = 36$ (개)

따라서 한 사람이 받는 귤의 개수는 $144 \div 36 = 4$ (개)

5. 서로 다른 세 자연수 30, $\boxed{\quad}$, 24의 최대공약수가 6이고, 최소공배수가 1080 일 때, $\boxed{\quad}$ 의 최솟값은?

- ① 36 ② 42 ③ 48 ④ 54 ⑤ 108

해설

$$30 = 2 \times 3 \times 5, 24 = 2^3 \times 3$$

$$\text{최대공약수는 } 6 = 2 \times 3,$$

$$\text{최소공배수는 } 1080 = 2^3 \times 3^3 \times 5$$

$$\therefore \boxed{\quad} = 2 \times 3^3 = 54$$

6. x 보다 -7 큰 수가 -2 이고, y 보다 4 작은 수가 -4 이다. $x - y$ 의 값을 구하면?

① 0 ② 5 ③ -5 ④ 1 ⑤ -11

해설

x 보다 -7 큰 수는 왼쪽으로 7 칸 간 것과 같으므로 $x = 5$ 이다.

y 보다 4 작은 수는 왼쪽으로 4 칸 간 것과 같으므로 $y = 0$ 이다.

$$\therefore x - y = 5$$

7. 5 보다 -2 가 큰 수를 a , $\frac{1}{3}$ 보다 $\frac{1}{2}$ 이 작은 수를 b 라 할 때, $a - b$ 의 값을 구하면?

- ① $-\frac{19}{6}$ ② $\frac{19}{6}$ ③ $\frac{17}{6}$ ④ -3 ⑤ $-\frac{17}{6}$

해설

$$a = 5 + (-2) = 3 \quad b = \frac{1}{3} - \frac{1}{2} = -\frac{1}{6}$$
$$\therefore a - b = 3 - \left(-\frac{1}{6}\right) = 3 + \frac{1}{6} = \frac{19}{6}$$

8. $\left(-\frac{1}{3}\right)^3 \times \left(-\frac{36}{5}\right) \times (-3)^2$ 을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{12}{5}$

해설

$$\left(-\frac{1}{3}\right)^3 \times \left(-\frac{36}{5}\right) \times (-3)^2 = \left(-\frac{1}{27}\right) \times \left(-\frac{36}{5}\right) \times 9 = \frac{12}{5}$$

9. $a - \frac{1}{2} = -\frac{7}{6}$, $-\frac{4}{15} \times b = \frac{1}{10}$ 일 때, $a \times b$ 의 값을 구하여라.

Ⓐ $\frac{1}{4}$ Ⓑ $-\frac{1}{4}$ Ⓒ $\frac{3}{4}$ Ⓓ $\frac{1}{8}$ Ⓔ $-\frac{1}{8}$

해설

$$\begin{aligned} a - \frac{1}{2} &= -\frac{7}{6} \\ a &= -\frac{7}{6} + \frac{1}{2} = -\frac{2}{3} \\ -\frac{4}{15} \times b &= \frac{1}{10} \\ b &= \frac{1}{10} \div \left(-\frac{4}{15} \right) = -\left(\frac{1}{10} \times \frac{15}{4} \right) = -\frac{3}{8} \\ \therefore a \times b &= \left(-\frac{2}{3} \right) \times \left(-\frac{3}{8} \right) = \frac{1}{4} \end{aligned}$$

10. 다음 수직선 위의 점 C 가 나타내는 수의 3 배를 구하여라. (단, 점 C 는 두 점 A, B 사이의 거리를 $1 : 3$ 으로 나눈 점이다.)



▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{3}{4}$

해설

두 점 A, B 사이의 거리는

$$\frac{1}{4} - \left(-\frac{5}{12} \right) = \frac{1}{4} + \frac{5}{12} = \frac{3+5}{12} = \frac{8}{12} \text{ 이다.}$$

점 C 는 두 점 A, B 사이의 거리를 $1 : 3$ 로 나눈 점이므로

$$A, C 사이의 거리는 \frac{8}{12} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{6}$$

$$-\frac{5}{12} 에서 \frac{1}{6} 만큼 떨어진 점은 -\frac{5}{12} + \frac{1}{6} = -\frac{5}{12} + \frac{2}{12} = -\frac{1}{4}$$

$$\text{이고, } 3 \text{ 배를 하면 } 3 \times \left(-\frac{1}{4} \right) = -\frac{3}{4} \text{ 이다.}$$

11. 다음 중 문자를 사용한 식으로 나타낸 것으로 옳은 것을 모두 골라라.

Ⓐ 한 개에 a 원하는 빵을 x 개를 사고, 5000원을 냈을 때의
거스름돈 $\Rightarrow 5000 - (a \times x)$ 원

Ⓑ 한 변의 길이가 acm 인 정삼각형의 둘레의 길이 :
 $(a + 3) cm$

Ⓒ 백의 자리의 숫자가 a , 십의 자리의 숫자가 5, 일의
자리의 숫자가 c 인 세 자리의 자연수 : $a \times 5 \times b$

Ⓓ 농도가 5% 인 설탕물 ag 에 들어 있는 설탕의 양 :
 $\left(\frac{1}{20} \times a\right) g$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓐ

▷ 정답 : Ⓑ

해설

Ⓐ 한 변의 길이가 acm 인 정삼각형의 둘레의 길이는 $(a \times 3) cm$

Ⓒ 백의 자리의 숫자가 a , 십의 자리의 숫자가 5, 일의 자리의
숫자가 c 인 세 자리의 자연수는 $100 \times a + 10 \times 5 + c$

12. 다음 방정식의 해가 $x = -2$ 일 때, a 의 값은?

$$\frac{a(x-2)}{4} - \frac{ax-2}{3} = \frac{1}{2}$$

- ① 1 ② $\frac{1}{2}$ ③ 2 ④ $-\frac{3}{4}$ ⑤ 8

해설

$$\frac{a(x-2)}{4} - \frac{ax-2}{3} = \frac{1}{2} \text{ 에 } x = -2 \text{ 를 대입하면}$$

$$\frac{-4a}{4} - \frac{-2a-2}{3} = \frac{1}{2}$$

양변에 12를 곱하여 정리하면,

$$-4a \times 3 - 4(-2a-2) = 6$$

$$-12a + 8a + 8 = 6$$

$$4a = 2$$

$$\therefore a = \frac{1}{2}$$

13. 자연수 x, y 에 대하여 $\frac{2^2 \times 5}{x} = y^2$ 을 만족하는 x 의 값을 모두 구하

면?

① 1, 4

② 4, 5

③ 5, 20

④ 4, 5, 20

⑤ 1, 2, 4, 5, 20

해설

$\frac{2^2 \times 5}{x} = y^2$ 을 만족하는 자연수 x 는 $5, 5 \times 2^2$ 이다.

14. 자연수 a, b, c 에 대하여 $5 \times a = 7 \times b = c^2$ 을 만족하는 c 의 값으로 가능하지 않은 것은?

- ① 35 ② 70 ③ 105 ④ 140 ⑤ 180

해설

$5 \times a = 7 \times b = c^2$ 에서

i) $a = 5 \times 7^2$, $b = 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (5 \times 7^2) = 7 \times (5^2 \times 7) =$

$$(5 \times 7)^2 = 35^2$$

ii) $a = 2^2 \times 5 \times 7^2$, $b = 2^2 \times 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (2^2 \times 5 \times 7^2) =$

$$7 \times (2^2 \times 5^2 \times 7) = (2 \times 5 \times 7)^2 = 70^2$$

iii) $a = 3^2 \times 5 \times 7^2$, $b = 3^2 \times 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (3^2 \times 5 \times 7^2) =$

$$7 \times (3^2 \times 5^2 \times 7) = (3 \times 5 \times 7)^2 = 105^2$$

iv) $a = 4^2 \times 5 \times 7^2$, $b = 4^2 \times 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (4^2 \times 5 \times 7^2) =$

$$7 \times (4^2 \times 5^2 \times 7) = (4 \times 5 \times 7)^2 = 140^2$$

따라서 c 의 값으로 가능한 것은 35, 70, 105, 140, … 이다.

15. 최대공약수가 $3^2 \times x$ 인 두 자연수의 공약수가 12 개일 때, x 의 값이 될 수 있는 한 자리의 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

공약수, 즉 최대공약수의 약수가 12 개이므로
최대공약수는 $a \times b^5$, $a^2 \times b^3$ (단, a, b 는 소수, $a \neq b$) 또는 a^{11}
꼴이어야 한다.
하지만 $3^2 \times x$ 꼴이므로 $3^2 \times b^3$ (단, b 는 소수, $b \neq 3$) 꼴이어야
하고, x 는 한 자리의 자연수 이므로 $b = 2$ 이다.
따라서 $x = 2^3 = 8$ 이다.

16. 61 을 나누면 5 가 남고 165 를 나누면 3 이 부족한 수가 아닌 것은?

- ① 4 ② 7 ③ 14 ④ 28 ⑤ 56

해설

56 과 168 의 최대공약수는 56
56 약수 중 나머지 5 보다 큰 수들은
7, 8, 14, 28, 56 이다.

17. 어떤 자연수를 5로 나누면 3이 남고, 6으로 나누면 4가 남고, 7로 나누면 5가 남는다고 한다. 이러한 조건을 만족하는 자연수 중에서 가장 작은 수는?

- ① 207 ② 208 ③ 209 ④ 210 ⑤ 211

해설

5, 6, 7로 나누면 항상 2가 부족하므로 구하는 수를 x 라 하면 $x+2$ 는 5, 6, 7의 공배수이다.

5, 6, 7의 최소공배수는 210이므로 210의 배수 중 가장 작은 수는 210이다.

따라서 $x+2=210$ 이므로 $x=208$ 이다.

18. 다음 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① 음의 정수 중 가장 큰 수는 -1 이다.
- ② 절댓값이 12 인 수는 $+12$ 이다.
- ③ 양의 정수는 절댓값과 상관없이 음의 정수보다 크다.
- ④ 0에 가장 가까운 정수는 $+1$ 뿐이다.
- ⑤ -2 와 $+2$ 의 사이에는 3 개의 정수가 있다.

해설

- ② 절댓값이 12 인 수는 $+12$ 와 -12 이다.
- ④ 0에 가장 가까운 정수는 $+1$ 과 -1 이다.

19. $|x| < 5$ 인 서로 다른 세 정수 a, b, c 에 대하여

$$ac = c, \quad a + b > 0, \quad bc < 0, \quad |b + c| > 2$$

를 만족하는 c 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$|x| < 5$ 을 만족하는 정수¹는

-4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4 이다.

$bc < 0$ 이므로 $b \neq 0, c \neq 0$,

$ac = c$ 이므로 $a = 1$ 이다.

$a + b > 0, b \neq 0, bc < 0$ 이므로

$b > 0, c < 0$ 이다.

따라서 $|b + c| > 2$ 이려면 $b = 4, c = -1$ 뿐이다.

20. 서로 다른 유리수 a, b, c, d 가 다음 조건을 만족할 때, a, b, c, d 의 대소 관계를 부등호를 사용하여 나타내어라.

ㄱ. 수직선에서 a 와 c 를 나타내는 점은 원점으로부터 같은 거리에 있다.

ㄴ. 수직선에서 d 를 나타내는 점은 a 를 나타내는 점보다 원점에 가깝다.

ㄷ. a 는 음수이다.

ㄹ. $b - c > 0$ 이다.

▶ 답:

▷ 정답: $a < d < c < b$

해설

ㄱ, ㄷ에서 $|a| = |c|$ 이고, $a < 0, c > 0$ 임을 알 수 있다.

ㄴ에서 $d > a$ 를 알 수 있고, ㄱ에서 $a < d < c$ 를 알 수 있다.

ㄹ에서 $b > c$ 를 알 수 있다.

21. 수직선에서 -4 에 대응하는 점을 A, 6 에 대응하는 점을 B, -3 에 대응하는 점을 C, 2 에 대응하는 점을 D라 하고, 점A와 점B의 중점을 M, 점C와 점D의 중점을 N이라고 할 때, 점M과 N사이의 거리를 구하면?

① $\frac{5}{2}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ 2 ⑤ $\frac{3}{2}$

해설

$$M = \frac{-4 + 6}{2} = 1, N = \frac{-3 + 2}{2} = -\frac{1}{2}$$

따라서 M과 N 사이의 거리는

$$1 - \left(-\frac{1}{2}\right) = 1 + \frac{1}{2} = \frac{3}{2} \text{이다.}$$

22. 다음 조건을 만족하는 정수 a, b, c 에 대하여 $a - b + c$ 의 값은?

- | | |
|---------------------|-------------|
| Ⓐ $ a = 2 b $ | Ⓛ $ b = 3$ |
| Ⓑ a, b 는 서로 다른 부호 | Ⓜ $a > b$ |
| ⓫ $a + b + c = 0$ | |

- ① +2 ② +4 Ⓛ +6 ④ +8 ⑤ +10

해설

Ⓛ $b = \pm 3$, Ⓐ $a = \pm 6$, Ⓑ a, b 는 서로 다른 부호, Ⓒ $a > b$ 이므로 $a = 6, b = -3$ 이다.

⓫ $a + b + c = 6 + (-3) + c = 0$ 이므로 $c = -3$ 이다.

$$\begin{aligned} \text{따라서 } a - b + c &= (+6) - (-3) + (-3) \\ &= (+6) + (+3) + (-3) \\ &= +6 \text{이다.} \end{aligned}$$

23. 1에서 1004까지 자연수 중에서 모든 홀수의 합을 m , 모든 짝수의 합을 n 이라 할 때, $n - m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 502

해설

$$\begin{aligned} & (2 + 4 + 6 + \cdots + 1000 + 1002 + 1004) - (1 + 3 + 5 + 7 + \cdots + \\ & 999 + 1001 + 1003) \\ &= (2 - 1) + (4 - 3) + (6 - 5) + \cdots + (1000 - 999) + (1002 - \\ & 1001) + (1004 - 1003) = 502 \end{aligned}$$

24. 정수 a, b, c, d 가 $a \times b \times c \times d > 0$, $a < d$, $a \times b \times c < 0$, $b + c < 0$ 를 만족할 때, 옳은 것은?

- ① $a < 0, b < 0, c < 0, d < 0$ ② $a \times b < 0, c \times d > 0$
③ $a < 0, b > 0, c < 0, d > 0$ ④ $a \times b > 0, c \times d < 0$
⑤ $a > 0, b > 0, c > 0, d > 0$

해설

$abcd > 0, abc < 0$ 에서 $d < 0$
 $a < d$ 에서 $a < d < 0$
 $b + c < 0$ 에서 $b < 0, c < 0$

25. $-6(3x + 4) - 2(-5x + 9)$ 의 x 의 계수는 a , 상수항을 b 라 할 때, $\frac{a}{b}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{4}{21}$

해설

$$\begin{aligned}-6(3x + 4) - 2(-5x + 9) \\= -18x - 24 + 10x - 18 \\= -8x - 42 \\a = -8, b = -42 \\∴ \frac{a}{b} = \frac{-8}{-42} = \frac{4}{21}\end{aligned}$$

26. 다음과 같이 어떤 수 x 가 각 방으로 들어가 주어진 연산을 했더니 마지막 방을 나올 때의 값이 20 가 되었다. 이때, x 의 값을 구하면?

① $\frac{11}{3}$ ② 4 ③ $\frac{13}{3}$
④ $\frac{14}{3}$ ⑤ $\frac{16}{3}$



해설

$$3x + 2 + 6 - 4 = 20$$

$$3x = 16$$

$$x = \frac{16}{3}$$

27. $2 + ax = 4x + b$ 는 x 에 관한 일차방정식이다. 이 방정식의 해가 $x = 0$ 일 때, a, b 의 조건은 $a \neq m, b = n$ 이다. 이때, $m + n$ 의 값을 구하면?

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

$$2 + ax = 4x + b \text{에서}$$

$$(a - 4)x - b + 2 = 0$$

일차방정식이 되려면 (x 의 계수) $\neq 0$ 이어야 하므로

$$a - 4 \neq 0$$

$$a \neq 4$$

$$\therefore m = 4$$

$(a - 4)x - b + 2 = 0$ 에 $x = 0$ 을 대입하면

$$-b + 2 = 0$$

$$b = 2$$

$$\therefore n = 2$$

$$\therefore m + n = 4 + 2 = 6$$

28. 두 식 $4x + a = 4$ 와 $6x - 2\left(x - \frac{1}{2}\right) = 9$ 가 있다. 두 식의 x 값이 1 또는

b 일 때, 상수 $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a + b = 2$

해설

$$4x + a = 4 \text{ 에서 } x = \frac{4-a}{4}$$

$$6x - 2\left(x - \frac{1}{2}\right) = 9$$

$$4x = 8$$

$$\therefore x = 2$$

두 식의 x 값이 1 또는 b 일 때,

$$b = 2, \frac{4-a}{4} = 1$$

$$\therefore a = 0 \text{ 이다.}$$

$$\therefore a + b = 2$$

29. 나무에 소독약을 뿌리려고 한다. 농도가 12%의 소독약 300g에 물을 더 넣어 농도를 2%로 낮추려고 한다. 물을 얼마나 더 넣어야 하는가?

- ① 2000 g ② 1500 g ③ 1000 g
④ 500 g ⑤ 150 g

해설

12%의 소금물에 들어있는 소금의 양은 $\frac{12}{100} \times 300 = 36(\text{g})$ 이다.

더 넣는 물의 양을 $x\text{g}$ 이라 하자.

따라서 물 $x\text{g}$ 을 더 넣어 농도 2%로 만들려면 구하는 식은 다음과 같다.

$$\frac{36}{300 + x} \times 100 = 2$$

$$2(300 + x) = 3600$$

$$300 + x = 1800$$

$$\therefore x = 1500(\text{g})$$

따라서 추가로 더 넣는 물의 양은 1500g이다.

30. 두 점 $A(a-2, 4a-1)$, $B(3-2b, b-1)$ 이 각각 x 축, y 축 위에 있을 때, $\frac{b}{a}$ 의 값은?

① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{3}{4}$ ③ $\frac{8}{3}$ ④ 6 ⑤ 5

해설

$A(a-2, 4a-1)$ 가 x 축 위에 있을 때, y 좌표가 0 이므로 $4a-1 = 0$

$$\therefore a = \frac{1}{4}$$

$B(3-2b, b-1)$ 가 y 축 위에 있을 때, x 좌표가 0 이므로 $3-2b = 0$

$$\therefore b = \frac{3}{2}$$

$$\text{따라서 } \frac{b}{a} = b \times \frac{1}{a} = \frac{3}{2} \times 4 = 6$$

31. 다음 중 제 4 사분면 위의 좌표는 모두 몇 개인가?

- Ⓐ (2, 3)
- Ⓑ (2, -1)
- Ⓒ (-4, -5)
- Ⓓ $\left(\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}\right)$
- Ⓔ $x > 0, y > 0$, 일 때 (x, y)
- Ⓕ $x < 0, y < 0$, 일 때 $(x, -y)$
- Ⓖ $x > 0, y > 0$, 일 때 $(x, -y)$

① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개 ④ 5 개 ⑤ 6 개

해설

제 4 사분면의 좌표는 부호가 (+, -) 이므로 $(2, -1), \left(\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}\right)$

, $x > 0, y > 0$, 일 때 $(x, -y)$ 총 3 개이다.

32. 두 점 $P(b, 3a - 5)$, $Q(2b, 2a + 3b)$ 가 y 축 위에 있고, x 축에 대하여 서로 대칭이다. 점 $R(a + 3, b - 1)$ 일 때, $\triangle PQR$ 의 넓이는?

① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14



33. 점 A(-2, 3)의 x축에 대하여 대칭인 점을 B 라 하고 y축에 대하여 대칭인 점을 C 라 할 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?

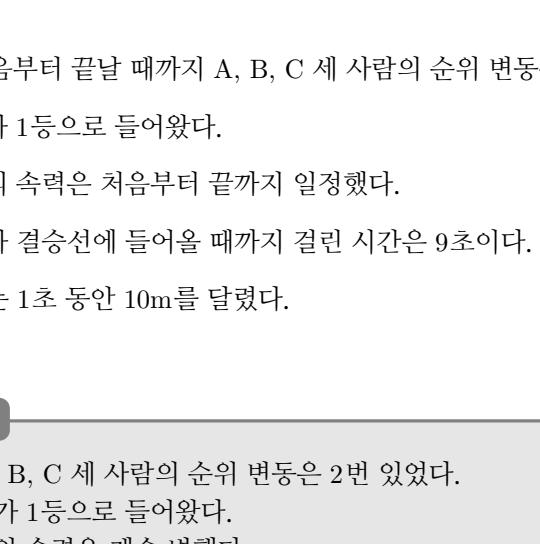
- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

A(-2, 3)의 x축에 대한 대칭점은 B(-2, -3), y축에 대한 대칭점은 C(2, 3)이므로 $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 4 \times 6 = 12$ 이다.



34. A, B, C 세 사람은 50 m 단거리 경주를 했다. 출발한 지 x 초 후의 출발점으로부터 떨어진 거리를 y m 라 하자. x 와 y 사이의 관계를 그래프로 나타내면 다음과 같을 때, 다음 중 옳은 것은?

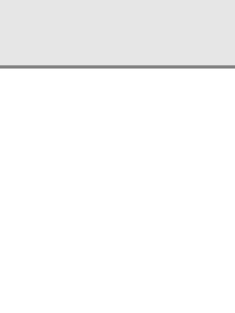
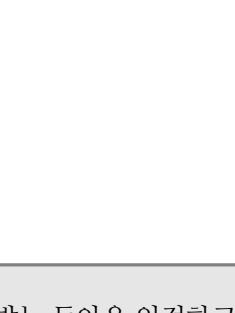
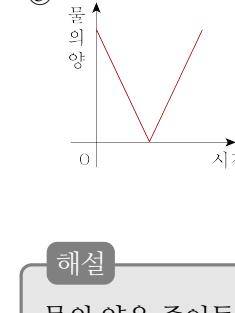


- ① 처음부터 끝날 때까지 A, B, C 세 사람의 순위 변동은 없었다.
- ② B가 1등으로 들어왔다.
- ③ B의 속력은 처음부터 끝까지 일정했다.
- ④ C가 결승선에 들어올 때까지 걸린 시간은 9초이다.
- ⑤ A는 1초 동안 10m를 달렸다.

해설

- ① A, B, C 세 사람의 순위 변동은 2번 있었다.
- ② A가 1등으로 들어왔다.
- ③ B의 속력은 계속 변했다.
- ④ C가 결승선에 들어올 때까지 걸린 시간은 8초이다.

35. 채연이는 컵에 담긴 물을 마시다가 전화가 와서 전화를 받고 다시 남은 물을 다 마셨다. 시간에 따라 남아있는 물의 양을 나타낸 그래프로 알맞은 것은?



해설

물의 양은 줄어들다가 전화를 받는 동안은 일정하고, 남은 물을 마시면 다시 줄어든다.

36. 시계의 긴 바늘이 x 분 동안 회전한 각도를 y° 라고 한다. y 가 $60 \leq y \leq 480$ 일 때, x 는 $a \leq x \leq b$ 이다. $b - a$ 의 값은?

- ① 10 ② 50 ③ 60 ④ 70 ⑤ 80

해설

분침은 1시간에 360° , 1분에 6° 씩 움직인다.

따라서 관계식은 $y = 6x$

$y = 60^\circ$ 일 때, $x = 10 = a$

$y = 480^\circ$ 일 때, $x = 80 = b$

$\therefore a = 10, b = 80$

$\therefore b - a = 70$

37. 다음 그래프 중에서 x 가 증가할 때, y 가 감소하는 것은 모두 몇 개인가?(단, $x > 0$ 이다.)

Ⓐ $y = 2x$	Ⓑ $y = -\frac{2}{3}x$	Ⓒ $y = -4x$
Ⓓ $y = \frac{3}{x}$	Ⓔ $y = \frac{1}{2x}$	Ⓕ $y = -\frac{5}{x}$

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

▶ x 가 증가할 때, y 가 감소하는 것

(1) $y = ax(a \neq 0)$ (정비례) 식 : $a < 0$

(2) $y = \frac{a}{x}(a \neq 0, x \neq 0)$ (반비례) 식 : $a > 0$

$$\therefore y = -4x, y = -\frac{2}{3}x, y = \frac{3}{x}, y = \frac{1}{2x}$$

38. 자연수 a 의 약수의 개수를 $f(a)$ 로 나타낼 때 $f(420) \times f(a) = 144$ 인 자연수 a 중에서 가장 작은 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

$$420 = 2^2 \times 3 \times 5 \times 7 \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$N(420) = 3 \times 2 \times 2 \times 2 = 24$$

$$24 \times N(a) = 144 \quad \therefore N(a) = 6$$

약수의 개수가 6 개인 가장 작은 자연수는

$$12 = 2^2 \times 3 \text{ 이다.}$$

39. $2^3 \times 5 \times 7^2$ 의 약수 중에서 35 의 배수의 개수는?

- ① 2 개 ② 4 개 ③ 6 개 ④ 8 개 ⑤ 10 개

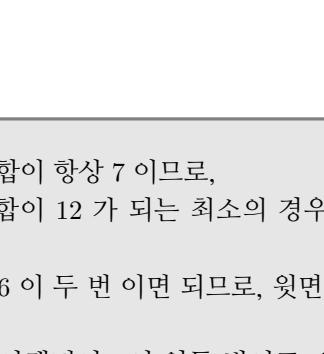
해설

$$2^3 \times 5 \times 7^2 = 2^3 \times 7 \times 35 \text{ 이므로}$$

약수 중 35 의 배수인 약수의 개수는 $2^3 \times 7$ 의 약수의 개수와 같다.

$$\therefore (3+1) \times (1+1) = 8 (\text{개})$$

40. 다음 그림은 주사위의 전개도이다. 주사위를 n 번 던졌을 때, 보이는 부분인 윗면의 눈의 합을 x , 서로 마주보는 보이지 않는 부분인 아랫면의 눈의 합을 y 라 하자. n 번 시행 후 나온 결과를 (x, y) 라 할 때, $(x, 12)$ 가 되는 x 의 최댓값과 최솟값의 합을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 74

해설

마주보는 눈의 합이 항상 7 이므로,

아랫면의 눈의 합이 12 가 되는 최소의 경우와 최대의 경우를 찾으면 된다.

최소의 경우는 6 이 두 번 이면 되므로, 윗면의 눈은 1 이 두 번 나오고 합은 2,

최대의 경우는 아랫면이 1 이 열두 번이고, 윗면의 경우는 6 이 열두 번 나오고 합은 72 가 된다.

$$\therefore (\text{최댓값}) + (\text{최솟값}) = 72 + 2 = 74$$

41. $\left(1 - \frac{1}{2}\right) \left(1 - \frac{1}{100}\right) \times \left(1 - \frac{1}{3}\right) \left(1 - \frac{1}{99}\right) \times \left(1 - \frac{1}{4}\right) \left(1 - \frac{1}{98}\right) \times \cdots \times \left(1 - \frac{1}{50}\right) \left(1 - \frac{1}{51}\right)$ 을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{100}$

해설

$$\begin{aligned} & \left(1 - \frac{1}{2}\right) \left(1 - \frac{1}{100}\right) \times \left(1 - \frac{1}{3}\right) \left(1 - \frac{1}{99}\right) \times \left(1 - \frac{1}{4}\right) \left(1 - \frac{1}{98}\right) \times \\ & \cdots \times \left(1 - \frac{1}{50}\right) \left(1 - \frac{1}{51}\right) \\ &= \left(\frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} \times \cdots \times \frac{49}{50}\right) \\ & \times \left(\frac{99}{100} \times \frac{98}{99} \times \frac{97}{98} \times \cdots \times \frac{50}{51}\right) \\ &= \frac{1}{50} \times \frac{50}{100} \\ &= \frac{1}{100} \end{aligned}$$

42. 두 수 x, y 대하여 $x * y = \frac{x}{x+y}$ 로 정의할 때, $\frac{1}{b} + (b * a) - (a * b)$ 를 간단히 하여라.
(단, $a, b, a+b$ 는 0 이 아니다.)

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{b}$

해설

$$x * y = \frac{x}{x+y} = \frac{1}{x+y}$$
$$\frac{1}{b} + (b * a) - (a * b) = \frac{1}{b} + \frac{1}{b+a} - \frac{1}{a+b} = \frac{1}{b}$$

43. 다음을 계산하여라.
 $-(1^2 - 2^2) - (3^2 - 4^2) - (5^2 - 6^2) - \cdots - (15^2 - 16^2)$

▶ 답:

▷ 정답: 136

해설

$$\begin{aligned} & -(1^2 - 2^2) - (3^2 - 4^2) - (5^2 - 6^2) - \cdots - (15^2 - 16^2) \\ &= (2^2 - 1^2) + (4^2 - 3^2) + (6^2 - 5^2) + \cdots + (16^2 - 15^2) \\ &= 3 + 7 + 11 + 15 + 19 + 23 + 27 + 31 \\ &= 136 \end{aligned}$$

44. $a = -\frac{8}{3}$, $|b| = 5$, $ab > 0$ 일 때, $3a - [5b + 3 - 2\{2a + 3(a-b)\}]$ 의 값에서 a 의 계수를 x , b 의 계수를 y , 상수항을 z 라 할 때, $x+y-z$ 의 값은?

① 5 ② 12 ③ 18 ④ 20 ⑤ 26

해설

$$\begin{aligned}3a - [5b + 3 - 2\{2a + 3(a-b)\}] \\= 3a - \{5b + 3 - 2(5a - 3b)\} \\= 3a - (-10a + 11b + 3) \\= 3a + 10a - 11b - 3 \\= 13a - 11b - 3 \\x = 13, y = -11, z = -3 \text{ } \therefore x+y-z = 5\end{aligned}$$

45. 다음은 이순신 장군의 일생에 대한 이야기이다.

일생의 $\frac{7}{18}$ 이 지나 결혼을 하고 1년이 지나자 무과공부를 시작했다. 일생의 $\frac{1}{9}$ 동안 무과 공부를 하여 무과에 응시하였으나 다리 골절상으로 낙방하게 된다. 그로부터 4년 후, 무과에 급제하여 관직에서 파직과 복직을 하는 등 순탄치 않은 생활을 하다가 일생의 $\frac{5}{18}$ 가 지나자 전라좌수사가 된다. 이후 임진왜란이 발발하여 7년간 23전 23승의 세계전쟁사에 유래없는 기록을 세우고 임진왜란의 마지막 해전인 노량해전에서 전사하게 된다.

순신 장군이 몇 살까지 살았는지 구하여라.

▶ 답: 살

▷ 정답: 54살

해설

이순신 장군의 일생의 나이를 x 살이라 하자.

일생의 $\frac{7}{18}$ 을 지나 결혼을 했으므로 $(x - \frac{7}{18}x)$ 살에 결혼을 했

다. 1년이 지나 무과 공부를 했고, 일생의 $\frac{1}{9}$ 과 4년 동안 더

공부했으므로 $(1 + \frac{1}{9}x + 4)$ 년 동안 공부를 한 것이다. 일생의

$\frac{5}{18}$ 가 지나 전라 좌수사가 되므로 $\frac{5}{18}x$ 년 후에 전라 좌수사가 된다.

여기서 7년간 전쟁을 참여하여 전사하게 되므로 +7이 된다.

$$x = \frac{7}{18}x + (1 + \frac{1}{9}x + 4) + \frac{5}{18}x + 7$$

양변에 18을 곱하면

$$18x = 7x + 18 + 2x + 72 + 5x + 126$$

$$4x = 216$$

$$\therefore x = 54$$

따라서 이순신 장군은 54살까지 살았다.

46. 갑과 을이 100m 떨어진 지점에서 마주 보고 동시에 달리기 시작했다.
병은 갑과 같은 곳에서 출발하여 을을 만나면 갑에게 돌아가고, 다시
갑을 만나면 을에게 돌아가기를 반복하여, 갑과 을이 만나면 멈춘다.
갑, 을, 병은 각각 3m/s, 2m/s, 6m/s의 일정한 속도로 달렸을 때,
병이 달린 거리를 구하여라.

▶ 답: m

▷ 정답: 120m

해설

병을 갑과 을이 만나면 멈추므로 갑과 을이 만날 때까지는 같은
속도로 계속 달린다.

갑과 을이 만나는 시간은 $\frac{100}{3+2} = 20$ 초 후이다.

따라서 병이 달린 거리는 $6 \times 20 = 120$ (m) 이다.

47. 용기에는 8% 의 소금물 200g, B 용기에는 12% 의 소금물 300g 이 들어 있다. 이 두 용기에서 동시에 같은 양 만큼씩을 떨어내어, A에서 떨어낸 소금물을 B 용기에, B에서 떨어낸 소금물은 A 용기에 넣어 각각을 섞었더니, 두 그릇의 소금물의 농도가 같아졌다. 이때, 각 용기에서 떨어낸 소금물의 양은 얼마인지 구하여라.

▶ 답:

g

▷ 정답: 120g

해설

A, B 각각에서 떨어낸 소금물의 양을 x 라 할 때, 최종적으로 섞은 후 A 용기에 들어 있는 소금의 양은

$$\left(\frac{8}{100} \times 200 - \frac{8}{100} \times x \right) + \frac{12}{100} \times x = 16 + \frac{1}{25}x$$

B 용기에 들어 있는 소금의 양은

$$\left(\frac{12}{100} \times 300 - \frac{12}{100} \times x \right) + \frac{8}{100} \times x = 36 - \frac{1}{25}x$$

섞은 후 두 용기에 든 소금물의 농도가 같으므로

$$\left(16 + \frac{1}{25}x \right) \times \frac{100}{200} = \left(36 - \frac{1}{25}x \right) \times \frac{100}{300}$$

$$\text{간단히 하면 } 8 + \frac{x}{50} = 12 - \frac{x}{75}$$

$$5x = 4 \times 150$$

$$\therefore x = 120(\text{g})$$

48. 두 그릇 A, B 에 $a\%$ 의 소금물과 6% 의 소금물이 각각 들어 있다. 두 그릇의 소금물을 섞으면 4.5% 의 소금물이 되고, A 그릇의 소금물이 B 그릇의 소금물의 양의 3 배일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

B 그릇의 소금물의 양을 xg 이라 하면, A 그릇의 소금물의 양을 $3xg$

$$\frac{a}{100} \times 3x + \frac{6}{100}x = \frac{4.5}{100}(3x + x)$$

$$3a + 6 = 18$$

$$3a = 12$$

$$\therefore a = 4$$

49. A, B 두 그릇에 5%의 설탕물 200g과 8%의 설탕물 320g이 각각 들어 있다. 동시에 두 그릇에서 같은 양의 설탕물을 떨어서 바꾸어 넣었더니 두 그릇의 농도가 같아졌다. 이때, 떨어낸 설탕물은 몇 g인가?(단, 소수 첫째자리에서 반올림한다.)

- ① 122g ② 123g ③ 124g ④ 125g ⑤ 126g

해설

떨어낸 설탕물의 양을 x g이라 하면

A 그릇에 들어 있는 설탕의 양은

$$\frac{5}{100}(200 - x) + \frac{8}{100}x$$

B 그릇에 들어 있는 설탕의 양은

$$\frac{8}{100}(320 - x) + \frac{5}{100}x$$

두 그릇의 설탕물의 양은 변하지 않았으므로

$$\frac{\left\{ \frac{5}{100}(200 - x) + \frac{8}{100}x \right\}}{200} \times 100$$

$$= \frac{\left\{ \frac{8}{100}(320 - x) + \frac{5}{100}x \right\}}{320} \times 100$$

$$8 \left\{ \frac{5}{100}(200 - x) + \frac{8}{100}x \right\}$$

$$= 5 \left\{ \frac{8}{100}(320 - x) + \frac{5}{100}x \right\}$$

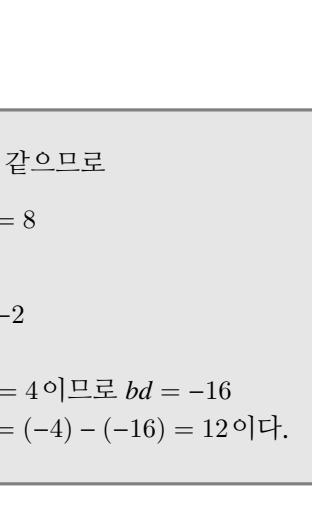
$$8000 - 40x + 64x = 12800 - 40x + 25x$$

$$39x = 4800$$

$$\therefore x = 123.07 \times \times$$

따라서 떨어낸 설탕물은 123g이다.

50. 다음 그림과 같이 $y = -\frac{8}{x}$ 과 $y = -2x$ 가 두 점 P(a, b), Q(c, d)에서 만난다. 이 때, $ac - bd$ 의 값은?



- ① -16 ② -20 ③ 0 ④ 10 ⑤ 12

해설

교점의 y좌표가 같으므로

$$-2x = -\frac{8}{x}, 2x^2 = 8$$

$$\therefore x^2 = 4$$

$$x = 2 \text{ 또는 } x = -2$$

$$\therefore ac = -4$$

$$x = -2 \text{ 일 때, } y = 4 \text{ 이므로 } bd = -16$$

따라서 $ac - bd = (-4) - (-16) = 12$ 이다.