

1. 미지수가 2개인 일차방정식 $2x + 3ay = 12$ 의 해가 $(3, 2)$ 일 때, a 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$2x + 3ay = 12$ 에 $(3, 2)$ 를 대입하면 $6 + 6a = 12 \therefore a = 1$

2. 다음 연립방정식 중 그 해가 $(1, -2)$ 인 것은?

① $\begin{cases} -x + 2y = 5 \\ 2x + 3y = 2 \end{cases}$	② $\begin{cases} 2x + y = 0 \\ x + 3y = -5 \end{cases}$
③ $\begin{cases} x + y = -2 \\ 4x - y = 3 \end{cases}$	④ $\begin{cases} x - 3y = 5 \\ 3x - 2y = 2 \end{cases}$
⑤ $\begin{cases} x - y = 3 \\ 2x + y = 5 \end{cases}$	

해설

$x = 1, y = -2$ 를 대입하면 ② $\begin{cases} 2 \times 1 + (-2) = 0 \\ 1 + 3(-2) = -5 \end{cases}$

두 방정식에 주어진 해를 대입하면 등식이 성립한다.

3. 연립방정식 $\begin{cases} y = -x + 5 \\ x + py = -1 \end{cases}$ 의 해가 $3x - 4y = 1$ 을 만족시킬 때, p 의 값을 구하여라.

① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$y = -x + 5$ 와 $3x - 4y = 1$ 을 연립하면
 $x = 3, y = 2$
 $x + py = -1$ 에 $(3, 2)$ 를 대입하면
 $3 + 2p = -1$
 $2p = -4$
 $p = -2$

4. 연립방정식 $\begin{cases} -3(x-2y) = -8x+7 \\ 2(x+4y) - 3 = 4y+3 \end{cases}$ 의 해가 일차방정식 $2x+y=a$

를 만족할 때, 상수 a 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} 5x+6y=7 & \cdots \textcircled{A} \\ x+2y=3 & \cdots \textcircled{B} \end{cases}$$

$$\textcircled{A} - \textcircled{B} \times 3 \text{ 을 하면 } 2x = -2 \quad \therefore x = -1$$

$$x = -1 \text{ 을 } \textcircled{B} \text{ 에 대입하면 } -1 + 2y = 3 \quad \therefore y = 2$$

$$x = -1, y = 2 \text{ 를 } 2x + y = a \text{ 에 대입하면}$$

$$a = -2 + 2 = 0$$

5. 갑, 을 두 사람이 야채가게에서 오이와 양파를 샀다. 갑은 오이 2 개, 양파 3 개를 4800 원에 샀고, 을은 오이 3 개와 양파 2 개를 5200 원에 샀다. 오이 1 개와 양파 2 개 가격의 합을 구하여라.

▶ 답 : 원

▷ 정답 : 2800 원

해설

오이 한 개의 가격을 x 원, 양파 한 개의 가격을 y 원이라고 하면

$$\begin{cases} 2x + 3y = 4800 & \cdots (1) \\ 3x + 2y = 5200 & \cdots (2) \end{cases}$$

$$(2) \times 3 - (1) \times 2 \text{ 하면 } 5x = 6000$$

$$x = 1200$$

$$x = 1200 \text{ 을 (1) 에 대입하여 풀면 } y = 800$$

따라서 오이 1개와 양파 2개 가격의 합은 $1200 + (800 \times 2) = 2800(\text{원})$ 이다.

6. 일차함수 $y = 3x + 2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 k 만큼 이동한 그래프가 점 $\left(-2, -\frac{3}{2}\right)$ 을 지날 때, k 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{5}{2}$

해설

$y = 3x + 2 + k$ 에 $\left(-2, -\frac{3}{2}\right)$ 을 대입하면

$$-\frac{3}{2} = 3 \times (-2) + 2 + k$$

$$-\frac{3}{2} = -4 + k$$

$$\therefore k = 4 - \frac{3}{2} = \frac{5}{2}$$

7. 일차함수 그래프 $y = -2x + 4$ 에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① $y = -2x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 4 만큼 평행이동시킨 것이다.
- ② x 절편은 4 이다.
- ③ 제 1, 2, 4 사분면을 지난다.
- ④ y 절편은 4 이다.
- ⑤ 오른쪽 아래로 향하는 직선이다.

해설

$$x \text{ 절편} : -\frac{4}{-2} = 2$$

8. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은? (단, a, b 는 상수)
- ① $a > 0$ 이면 오른쪽이 위로 향하는 직선이다.
 - ② $(0, b)$ 를 지난다.
 - ③ $a > 0, b > 0$ 이면 제3 사분면을 지나지 않는다.
 - ④ x 값이 a 만큼 변화하면 y 의 값은 a^2 만큼 변화한다.
 - ⑤ $y = ax$ 를 y 축방향으로 b 만큼 평행 이동한 그래프이다.

해설

- ③ $a > 0, b > 0$ 이면 제 1, 2, 3 사분면을 지난다.

9. $(-3, b)$ 가 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 2y = -17 \\ ax - 3y = -18 \end{cases}$ 을 만족할 때, ab 의 값을 구하면?

① 2 ② 4 ③ 8 ④ -2 ⑤ -6

해설

$(-3, b)$ 를 $3x - 2y = -17$ 에 대입하면
 $-9 - 2b = -17 \quad \therefore b = 4$
 $(-3, 4)$ 를 $ax - 3y = -18$ 에 대입하면
 $-3a - 12 = -18 \quad \therefore a = 2$
 $\therefore ab = 8$

10. 두 자리의 정수가 있다. 각 자리 숫자의 차는 4이고, 십의 자리 숫자와 일의 자리 숫자를 바꾼 수는 처음 수의 $\frac{1}{2}$ 배보다 6이 크다. 처음 수는?
(단, 십의 자리 숫자가 일의 자리 숫자보다 크다.)

① 39 ② 48 ③ 67 ④ 76 ⑤ 84

해설

처음 수의 십의 자리의 숫자를 x , 일의 자리의 숫자를 y 라고 하면

$$\begin{cases} x - y = 4 \\ \frac{1}{2}(10x + y) + 6 = 10y + x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x - y = 4 \\ 8x - 19y = -12 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 8$, $y = 4$ 이다.

따라서 처음 수는 84이다.

11. 학교에서 알뜰매장이 열리는 날 영희는 한 잔에 200 원 하는 우유와 한 잔에 300 원 하는 코코아를 판매하였는데 전체 판매금액은 7000 원 이었다. 우유를 코코아보다 10 잔 더 판매했다면, 우유는 몇 잔 판매되었는지 구하여라.

▶ 답 : 잔

▷ 정답 : 20잔

해설

우유 x 잔, 코코아 y 잔을 판매했다고 하면

$$\begin{cases} 200x + 300y = 7000 \\ x = y + 10 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 20$, $y = 10$ 이다.

12. 현재 삼촌과 지환이의 나이의 합이 61 세 이고, 3 년 후의 두 사람의 나이의 차는 23 세라면 현재 삼촌의 나이를 구하여라.

▶ 답 : 세

▷ 정답 : 42 세

해설

현재 삼촌의 나이를 x 세, 지환이의 나이를 y 세라 하면

$$\begin{cases} x + y = 61 \\ (x + 3) - (y + 3) = 23 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 61 & \cdots (1) \\ x - y = 23 & \cdots (2) \end{cases}$$

(1) + (2) 하면 $2x = 84$

$x = 42$, $y = 61 - x = 19$

따라서 삼촌의 나이는 42 세이다.

13. 영화와 철수가 가위바위보를 하여 이긴 사람은 두 계단씩 올라가고, 진 사람은 한 계단씩 내려가기로 하였다. 얼마 후 영화는 처음의 위치보다 12 계단을, 철수는 18 계단을 올라가 있었다. 이때 영화가 진 횟수를 구하여라.

▶ 답 : 회

▷ 정답 : 16 회

해설

영화가 이긴 횟수를 x , 진 횟수를 y 라 하면, 철수가 이긴 횟수는 y , 진 횟수는 x 이다.

$$\begin{cases} 2x - y = 12 \\ 2y - x = 18 \end{cases} \quad \text{연립해서 풀면 } x = 14, y = 16 \text{ 이다.}$$

14. A 는 철과 니켈이 반씩 같은 비율로 합금이고, B 는 철과 니켈의 포함 비율이 3 : 1인 합금이다. 이 두 종류의 합금을 녹여서 철과 니켈의 포함 비율이 2 : 1인 합금 420g을 만들려고 한다. 이때, 필요한 합금 B 의 양을 구하여라.

▶ 답 : g

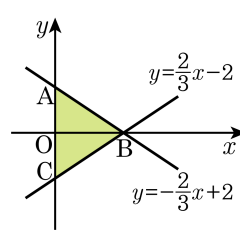
▷ 정답 : 280 g

해설

A 의 양을 x g, B 의 양을 y g 이라 하면
 $x + y = 420 \cdots \textcircled{1}$
철의 양 : $\frac{1}{2}x + \frac{3}{4}y = \frac{2}{3} \times 420 \cdots \textcircled{2}$
 $\textcircled{2}$ 를 정리하면 $2x + 3y = 1120 \cdots \textcircled{3}$
 $\textcircled{3} - \textcircled{1} \times 2$ 하면 $y = 280$ 이다.

15. 다음 그림에서 삼각형 ABC의 넓이는?

- ① 24 ② 12 ③ 6
④ 3 ⑤ -6



해설

$y = \frac{2}{3}x - 2$ 에서 y 절편은 2, x 절편은 3

$y = -\frac{2}{3}x - 2$ 에서 y 절편은 -2, x 절편은 3이므로

$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6$ 이다.

16. 두 점 $(2, -3)$, $(4, 1)$ 을 지나는 직선을 그래프로 하는 일차함수를 y 축의 방향으로 7만큼 평행이동하면 점 $(m, 2)$ 을 지난다. 이때, m 의 값은?

① 1 ② 2 ③ -2 ④ 5 ⑤ 7

해설

$$y + 3 = \frac{1 - (-3)}{4 - 2}(x - 2)$$

$$y = 2x - 7$$

y 축 방향으로 7만큼 평행이동하면 $y = 2x$ 이다.

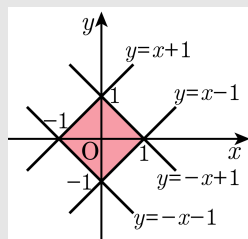
점 $(m, 2)$ 를 대입하면, $2 = 2m \quad \therefore m = 1$

17. 4개의 직선 $y = -x + 1$, $y = -x - 1$, $y = x - 1$, $y = x + 1$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설



$$(\text{넓이}) = 2 \times 2 \times \frac{1}{2} = 2$$

18. 두 개의 미지수 x, y 를 갖는 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 2y = 7 \\ -6x + 4y = k \end{cases}$ 에 대하여
다음 중 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

- ① $k = -14$ 일 때, 무수히 많은 해를 가진다.
- ② $k = -14$ 일 때, 해는 없다.
- ③ $k = -7$ 일 때, 무수히 많은 해를 가진다.
- ④ $k = -7$ 일 때, 해는 없다.
- ⑤ k 의 값에 관계없이 $x = 0, y = 0$ 을 해로 갖는다.

해설

$k = -14$ 이면 두 식은 일치하므로 해가 무수히 많다.

19. 함수 $f(x) = ax + 3$ 에 대하여 $f(2) = -1$ 일 때, $f(3) + f(4)$ 의 값은?

① -10

② -8

③ -6

④ 6

⑤ 8

해설

$$f(2) = 2a + 3 = -1$$

$$\therefore a = -2$$

$$f(x) = -2x + 3$$

$$f(3) = -6 + 3 = -3$$

$$f(4) = -8 + 3 = -5$$

$$\therefore f(3) + f(4) = -8$$

20. 함수 $f(x)$ 의 그래프가 점 $(6, 7)$ 을 지나고, $\frac{f(b)-f(a)}{b-a} = -\frac{1}{2}$ 이다.
이때, $f(-2) - f(8)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

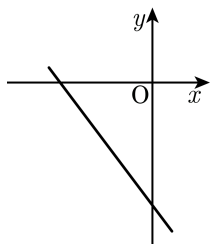
▷ 정답 : 5

해설

$$\frac{f(-2)-f(8)}{-2-8} = -\frac{1}{2} \text{이므로}$$

$$\therefore f(-2) - f(8) = 5$$

21. 일차함수 $y = -\frac{b}{a}x + \frac{c}{b}$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 일차함수 $y = acx - ab$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면은?



- ① 제 1사분면
- ② 제 2사분면
- ③ 제 3사분면
- ④ 제 4사분면
- ⑤ 모든 사분면을 다 지난다.

해설

$-\frac{b}{a} < 0, \frac{c}{b} < 0$ 이므로 $a > 0, b > 0, c < 0$ 또는 $a < 0, b < 0, c > 0$ 이다.

따라서, $ac < 0, -ab < 0$ 이므로 $y = acx - ab$ 의 그래프는 기울기가 음수이고, y 절편도 음수이다.

그러므로 제 1사분면을 지나지 않는다.

22. 두 직선 $x - ay = 2y$, $2x + ay - 1 = y - 1$ 이 좌표평면 위의 원점 외의 다른 점에서 만나기 위한 a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

해설

두 직선의 방정식을 정리하면
 $x - (a + 2)y = 0$, $2x + (a - 1)y = 0$ 이고
이를 그래프로 나타내면 $mx + ny = 0$ 의 꼴이므로 원점을 지나는 직선이다.
따라서 원점 이외의 다른 점에서 만나려면 두 직선은 일치해야 한다.
즉, $\frac{1}{2} = \frac{-(a + 2)}{(a - 1)}$ 에서 $a - 1 = -2(a + 2)$ 이다.
 $\therefore a = -1$

23. 직선 $x - ay - 1 = 0$ 이 세 점 $(-3, -2)$, $(5, b)$, $(c, -4)$ 를 지날 때, $a - b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -7

해설

$(-3, -2)$ 를 $x - ay - 1 = 0$ 에 대입하면,

$$-3 + 2a - 1 = 0, a = 2$$

$(5, b)$ 를 $x - 2y - 1 = 0$ 에 대입하면,

$$5 - 2b - 1 = 0, b = 2$$

$(c, -4)$ 를 $x - 2y - 1 = 0$ 에 대입하면,

$$c + 8 - 1 = 0, c = -7$$

$$\therefore a - b + c = 2 - 2 - 7 = -7$$

24. 한 점 $(2, -1)$ 을 지나면서 직선 $3y + 7 = 2$ 에 수직인 직선의 방정식이 $ax + 4 = -2$ 일 때, $a^2 + a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$$3y = -5 \therefore y = -\frac{5}{3}$$

x 축에 평행인 직선과 수직이므로 y 축에 평행이다.

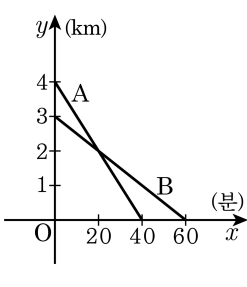
점 $(2, -1)$ 을 지나므로 $x = 2$

$$ax + 4 = -2, ax = -6, x = -\frac{6}{a}$$

$$-\frac{6}{a} = 2 \therefore a = -3$$

$$\therefore a^2 + a = 9 - 3 = 6$$

25. 다음 그래프는 두 사람 A, B가 각각 집에서 출발하여 학교로 갈 때, 이동한 시간 x 와 학교까지 남은 거리 y 를 나타낸 것이다. 만약 A가 원래 출발한 시각보다 t 분 늦게 출발한 다면, B는 원래 출발한 시각보다 $f(t)$ 분 더 일찍 출발해야 A와 동시에 학교에 도착할 수 있다고 할 때, 함수 $f(t)$ 의 식을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $-t + 20$

해설

직선 A의 방정식 $\frac{x}{40} + \frac{y}{4} = 1$ 에서

$$y = -\frac{1}{10}x + 4 \cdots \textcircled{A}$$

직선 B의 방정식 $\frac{x}{60} + \frac{y}{3} = 1$ 에서

$$y = -\frac{1}{20}x + 3 \cdots \textcircled{B}$$

A가 원래 출발한 시간보다 t 분 늦게 출발하였으므로 $\textcircled{A}$ 에 x 대신 $x - t$ 를 대입하면

$$y = -\frac{1}{10}(x - t) + 4 \cdots \textcircled{C}$$

B가 원래 출발한 시간보다 $f(t)$ 분 빨리 출발하였으므로 $\textcircled{B}$ 에 x 대신 $x + f(t)$ 를 대입하면

$$y = -\frac{1}{20}(x + f(t)) + 3 \cdots \textcircled{D}$$

학교에 도착하는 시간이 같으므로 $\textcircled{C}$, $\textcircled{D}$ 의 x 절편이 같아야 한다.

$\textcircled{C}$ 의 x 절편은 $40 + t$

$\textcircled{D}$ 의 x 절편은 $60 - f(t)$

$$40 + t = 60 - f(t)$$

$$\therefore f(t) = -t + 20$$