## 다음 중 약수의 개수가 가장 많은 것은?

① 80

2 90

③ 216

4 168

**(3)**1

- 해설

① 
$$80 = 2^4 \times 5$$
  
 $\therefore (4+1) \times (1+1) = 10(7)$ 

$$290 = 2 \times 3^2 \times 5$$

$$\therefore (1+1) \times (2+1) \times (1+1) = 12(7)$$

$$3 \ 216 = 2^3 \times 3^3$$

$$\therefore (3+1) \times (3+1) = 16(7)$$

④ 
$$168 = 2^3 \times 3 \times 7$$
  
∴  $(3+1) \times (1+1) \times (1+1) = 16(7 )$ 

$$(5) 180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$$

$$\therefore (2+1) \times (2+1) \times (1+1) = 18(71)$$

2. 다음 중 두 수가 서로소가 <u>아닌</u> 것은?

① 2,7 ② 3,8 ③ 4,17 ④ 10,15 ⑤ 11,21

해설 ④ 10 과 15 의 최대공약수는 5 이므로 두 수는 서로소가 아니다.

- **3.** 세 자연수 8, 12, 16 의 최소공배수는?
  - ① 24 ② 32 ③ 36 ④ 40 ⑤ 48

(최소공배수 $): 2 \times 2 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 = 48$ 

**4.** 다음 중 12 의 배수이면서 동시에 15 의 배수가 되는 수는?

① 20 ② 30 ③ 40 ④ 60 ⑤ 100

```
12 와 15 의 최소공배수인 60 의 배수를 찾으면 된다.
```

- . x는 360의 소수인 인수일 때, x의 개수는?
  - ① 2 개 ② 3 개 ③ 8 개 ④ 16 개 ⑤ 32 개

해설 
$$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$$
 이므로 소인수는 2, 3, 5이다. 따라서,  $x$ 의 개수는 3(개)이다.

**3.** 두 수 2<sup>a</sup> × 7<sup>3</sup> × 11<sup>3</sup>, 2<sup>4</sup> × 5<sup>2</sup> × 11<sup>b</sup> 의 최대공약수가 88일 때, a + b 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

$$2^4 \times 5^2 \times 11^b$$
 에서 2 의 지수가 4 이므로  $2^a \times 7^3 \times 11^3$  에서 2 의 지수가 3 이어야 한다. 같은 방식으로  $2^a \times 7^3 \times 11^3$  에서 11 의 지수가 3 이므로  $2^4 \times 5^2 \times 11^b$  에서 11 의 지수가 1 이어야 한다. 따라서  $a=3$ .  $b=1$ 

최대공약수가  $88 = 2^3 \times 11$  이고

7. 세 자연수 A,  $2^3 \times 7$ ,  $5^2 \times 7^2$  의 최소공배수가  $2^3 \times 5^2 \times 7^2$  일 때, A 값이 될 수 있는 한 자리의 자연수를 모두 더하면?

① 23 ② 25 ③ 27 ④ 29 ⑤ 31 해설

세 자연수 A,  $2^3 \times 7$ ,  $5^2 \times 7^2$  의 최소공배수가  $2^3 \times 5^2 \times 7^2$  이므로 A 는 2, 5, 7 을 소인수로 가질 수 있으며 각 소인수의 지수는  $2^3 \times 7$ ,  $5^2 \times 7^2$  의 소인수의 지수보다 작거나 같으면 된다. 따라서, A 의 값이 될 수 있는 한 자리의 수는 1, 2,  $2^2$ (= 4), 5, 7,  $2^3$ (= 8) 이므로 이를 모두 더하면 1+2+4+5+7+8=27 이다.

- 8. 세 수 9, 18, 27 의 공배수 중 500 이하의 자연수는 모두 몇 개인가?
  - ① 3 개 ② 5 개 ③ 7 개 ④ 9 개 ⑤ 11 개

에설 9, 18, 27 의 공배수는 최소공배수 54 의 배수이므로 500 이하의 자연수는 500 ÷ 54 = 9 · · · 14 이므로 9 개이다. ). 다음 식을 만족하는 *a*, *b*, *c* 의 곱은?

$$1 \times 2 \times 4 \times 5 \times 10 \times 20 = 2^a \times 3^b \times 5^c$$

$$1 \times 2 \times (2 \times 2) \times 5 \times (2 \times 5) \times (2 \times 2 \times 5) = 2^6 \times 3^0 \times 5^3$$
  

$$\therefore a = 6, b = 0, c = 3$$

 $\therefore 6 \times 0 \times 3 = 0$ 

## 10. 다음 설명 중에서 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 소수의 약수의 개수는 2 개이다.
- ② 7의 배수 중에서 소수는 1개이다.
- ③ 자연수는 소수와 합성수로 되어 있다.
- ④ 서로소인 두 수의 최대공약수는 1 이다.
- ⑤ 소수 중에 짝수인 소수는 2 뿐이다.

해설

자연수는 1 과 소수, 그리고 합성수로 분류된다.

## 11. $2^2 \times 3^4$ , $2^2 \times 3^2 \times 5$ 의 공약수의 개수는?

① 4 ② 6 ③ 8 ④ 9 ⑤ 12

```
해설

2^2 \times 3^4, 2^2 \times 3^2 \times 5 의 최대공약수는 2^2 \times 3^2

공약수는 최대공약수의 약수이므로,

1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36 총 9개이다.
```

**12.** 54 와 72 의 공약수 중에서 3 의 배수인 약수를 *a* 개라 할 때 *a* 의 약수의 개수는?

(1) 2 (2) 3 (3) 6 (4) 7 (5) 8

해설  
최대공약수: 18  
18 의 약수는 1, 2, 3, 6, 9, 18 이므로 3 의 배수인 약수는 4  
개이다.  
4 를 a 라 할 때 a 의 약수의 개수는 
$$2^2 = (2+1) = 3$$

**13.** 자연수 a 의 약수의 개수를 f(a) 이라 할 때,  $f(30) \times f(x) = 32$  를 만족시키는 가장 작은 자연수 x 의 값은?

$$30 = 2 \times 3 \times 5$$
 로 소인수분해되므로  $f(30) = (1+1) \times (1+1) \times (1+1) = 8$  이다.  $f(30) \times f(x) = 32$ 에서  $f(x) = 4$  약수의 개수가 4 인 가장 작은 자연수는  $2 \times 3 = 6$  이다.

## ,

①  $2^2$ 

**14.** 108, 135 의 최대공약수는?

 $2)3^3$ 

(5)  $2^2 \times 3^2$ 

③  $2^3$ 

4)  $3 \times 5$ 

**15.** 두 자연수 *a*, *b* 의 최대공약수는 24 이다. *a*, *b*, 32 의 공약수를 모두 구하면?

(5) 1, 2, 4, 8, 16

③ 1, 2, 4

② 1.2

해설

32 의 약수는 1, 2, 4, 8, 16, 32 이다. 따라서 두 수의 공약수는 1, 2, 4, 8 이다.

a, b 의 공약수는 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24 이다.

**4** 1, 2, 4, 8