1. 함수 y = f(x) 에서 $y = x^2 + 3x - 4$ 일 때, f(f(f(1))) 의 값을 구하여라.

▶ 답:

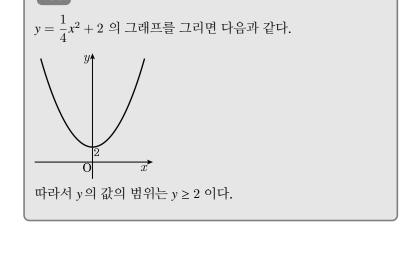
▷ 정답: 0

해설

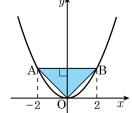
 $f(1) = 1^{2} + 3 - 4 = 0$ f(f(1)) = f(0) = -4

f(f(f(1))) = f(f(0)) = f(-4) = 0

- **2.** 다음 중 이차함수 $y = \frac{1}{4}x^2 + 2$ 의 y의 값의 범위는?
 - ① $y \ge 2$ ② $y \le 2$ ③ $y \ge -8$ ④ $y \le -8$



- 3. 다음 그림은 이차함수 $y = \frac{1}{2}x^2$ 의 그래프이다. 이때, $\triangle AOB$ 의 넓이는 얼마인가?
 - **②**4 ① 2 3 6
 - ④ 8
 ⑤ 10



 $\overline{AB} = 4$ 이고, x = 2 를 대입하면 y = 2 이므로 $\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 2 \times 4 = 4$

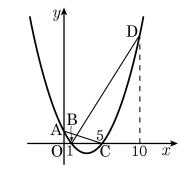
4. 이차함수 $y = x^2 - ax + b$ 의 꼭짓점이 x 축 위에 있을 때, $\frac{a^2}{b}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설 $y = x^2 - ax + b = \left(x - \frac{a}{2}\right)^2 - \frac{a^2}{4} + b ,$ 꼭짓점 $\left(\frac{a}{2}, -\frac{a^2}{4} + b\right)$ 가 x 축 위에 있으므로 $-\frac{a^2}{4} + b = 0 ,$ $b = \frac{a^2}{4} ,$ $\frac{a^2}{b} = a^2 \times \frac{1}{b} = a^2 \times \frac{4}{a^2} = 4$

다음 그림은 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프이다. 삼각형 ABC 의 넓이가 12 일 때, 삼각형 BCD 의 넓이를 구하면? **5.**



- ① 106
- 2 107
- **3**108
- 4 109
- ⑤ 110

해설

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times (5-1) \times c = 12$$
 이다. $c = 6$, 즉 $A(0,6)$ 이다.

$$y = ax^2 + bx + 6 = a($$

$$c = 6, \stackrel{2}{\rightleftharpoons} A(0,6) \circ | \stackrel{1}{\hookrightarrow} .$$

$$y = ax^2 + bx + 6 = a(x-1)(x-5) = ax^2 - 6ax + 5a \circ | \stackrel{1}{\hookrightarrow} .$$

$$5a = 6, \ a = \frac{6}{5}, \ b = -\frac{36}{5} \circ | \stackrel{1}{\hookrightarrow} .$$

$$y = \frac{6}{5}x^2 - \frac{36}{5}x + 6$$
 이므로 D(10,54) 이다.

$$\triangle BCD = \frac{1}{2} \times (5-1) \times 54 = 108$$

- **6.** 세 점 (0, -4), (1, -1), (2, 8)을 지나는 이차함수의 식이 y = $ax^2 + bx + c$ 일 때, 이차함수 $y = bx^2 + cx + a$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것은?
 - ⊙ 아래로 볼록한 형태의 그래프이다. © y 절편은 3 이다.

 - © *x* 절편은 두 개이다.
 - ② 왼쪽 위를 향하는 포물선 그래프이다. ◎ 왼쪽 위를 향한다.

① ①,心 ② 心,©

(3) C, (a) (4) (c), (e) (5) (e), (a)

세 점 (0, -4), (1, -1), (2, 8)을 지나므로

-4 = c-1 = a + b + c

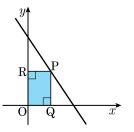
8 = 4a + 2b + c세 식을 연립하면, $a=3,\;b=0,\;c=-4$ 이다.

따라서 $y = bx^2 + cx + a$ 는

y = -4x + 3 이고, 이 함수의 그래프는 y 절편이 3 이고 왼쪽

위를 향하는 직선이다.

7. 직선 $\frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 1$ 위를 움직이는 한 점 P 가 있다. 점 P 에서 $x \stackrel{?}{\Rightarrow}, y \stackrel{?}{\Rightarrow}$ 위에 내린 수선의 발을 각각 Q, R 라고 할 때, 직사각형 OQPR의 넓이의 최댓값을 구하여라. (단, 점 P 는 제 1 사분면 위에 있다.)

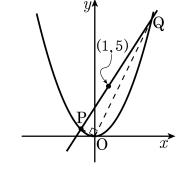


ightharpoonup 정답: $rac{3}{2}$

직선의 방정식은 $y = -\frac{3}{2}x + 3$ 이므로 점 P 의 좌표를 (a, b) 로 놓으면 $b = -\frac{3}{2}a + 3$

 $a > 0, \ b = -\frac{3}{2}a + 3 > 0$: 0 < a < 2따라서 $\square OQPR$ 의 넓이는 a=1 일 때, 최댓값 $\frac{3}{2}$ 을 갖는다.

8. 다음 그림과 같이 점 (1, 5)를 지나는 직선이 포물선 $y = x^2$ 과 원점이 아닌 두 점 P, Q에서 만난다. $\angle POQ = 90^{\circ}$ 일 때, 직선 PQ의 방정 식은?



- ① y = x + 4 ② y = 2x + 3 ③ y = 3x + 2② y = 4x + 1 ⑤ $y = \frac{1}{2}x + \frac{9}{2}$

직선 PQ의 기울기를 a라 하면 점 (1, 5)를 지나므로 y - 5 =

a(x-1) $\therefore y = ax - a + 5$

$$\therefore y = a$$

 $y = x^2$, y = ax - a + 5의 교점의 x좌표를 α , β 라 할 때, α , β 는 방정식 $x^2 = ax - a + 5$, 즉 $x^2 - ax + a - 5 = 0$ ····· ①

점 P $\left(\alpha,\;\alpha^2\right),\;\mathrm{Q}\left(\beta,\;\beta^2\right)$ 이고, 직선 PO와 QO의 기울기는 각각 $\frac{\alpha^2}{\alpha} = \alpha, \ \frac{\beta^2}{\beta} = \beta$ ोग्र,

 \bigcirc , \bigcirc 에 의하여 a-5=-1 (∵근과 계수관계)

따라서 구하는 직선의 방정식은 y = 4x + 1

 $\overline{\mathrm{PO}}$ \bot $\overline{\mathrm{QO}}$ 이므로 $lphaeta = -1 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot$ ©

직선 x = 1 - y 의 그래프가 x 축과 만나는 점을 A, 포물선 $y = px^2$, $y = qx^2$ 의 그래프와 1 사분면에서 만나는 점을 각각 B, C, y 축과 9. 만나는 점을 D 라 하고 B 점의 x 좌표값이 $\frac{1}{2}$ 일 때, $\overline{\rm AB}$: $\overline{\rm BC}$: $\overline{\rm CD}$ = 3:a:1 의 비례식이 성립되기 위한 상수 $p,\ q$ 에 대하여 pq 의 값을 구하여라.(단, *q* > *p* > 0)

▷ 정답: 60

답:

 $\mathrm{A}(1,\ 0),\ \mathrm{D}(0,\ 1)$ 이코 $\overline{\mathrm{AB}}:\overline{\mathrm{BC}}:\overline{\mathrm{CD}}=3:a:1$ 이코 B 점의 x좌표값이 $\frac{1}{2}$ 이므로

비례식 $1:\frac{1}{2}=(3k+ak+k):(k+ak)$ 이 성립한다. $\therefore \ a=2$ 따라서 점 B 의 좌표는 $\left(\frac{1}{2},\ \frac{1}{2}\right)$, $\mathrm{C}\left(\frac{1}{6},\ \frac{5}{6}\right)$

 $y = px^2$ 가 B $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ 를 지나므로 p = 2

 $y=qx^2$ 가 $C\left(\frac{1}{6},\ \frac{5}{6}\right)$ 를 지나므로 q=30 $\therefore pq = 60$

10. 이차함수 $y = -2x^2 + 4mx + m - 1$ 의 최댓값을 M 이라 할 때, M 의 최솟값은?

① $-\frac{7}{2}$ ② -2 ③ $-\frac{9}{8}$ ④ 3 ⑤ $\frac{10}{3}$

$$y = -2x^{2} + 4mx + m - 1 = -2(x - m)^{2} + m - 1 + 2m^{2}$$

$$M = 2m^2 + m - 1 = 2\left(m + \frac{1}{4}\right)^2 - \frac{9}{8}$$
$$M \stackrel{\circ}{\sim} m = -\frac{1}{4} \text{ 일 때 최솟값} - \frac{9}{8} \stackrel{=}{=} \text{갖는다.}$$