

1. 다음 등식이 x 에 관한 항등식일 때, $a + b$ 의 값은?

$$ax - 4 = 2(x + 2b)$$

① -2

② 1

③ 2

④ 4

⑤ 8

해설

$$ax - 4 = 2x + 4b \text{ 에서}$$

$$a = 2, -4 = 4b, b = -1$$

$$\therefore a + b = 1$$

2. 방정식 $\frac{|x-2|}{8} + \frac{|x-3|}{12} = \frac{3}{2}$ 을 풀 때 알맞은 x 의 합은?

① $\frac{12}{5}$

② $\frac{16}{5}$

③ $\frac{20}{5}$

④ $\frac{24}{5}$

⑤ $\frac{28}{5}$

해설

주어진 방정식의 양변에 24 를 곱하면 $3|x-2| + 2|x-3| = 36$

(i) $x < 2$ 일 때,

$$-3(x-2) - 2(x-3) = 36$$

$$x = -\frac{24}{5}$$

(ii) $2 \leq x < 3$ 일 때,

$$3(x-2) - 2(x-3) = 36$$

$$x = 36$$

$x = 36 > 3$ 이므로 조건에 맞지 않다.

(iii) $x \geq 3$ 일 때,

$$3(x-2) + 2(x-3) = 36$$

$$x = \frac{48}{5}$$

$$\therefore -\frac{24}{5} + \frac{48}{5} = \frac{24}{5}$$

3. 숙련공은 견습공보다 한 시간에 5 개의 부품을 더 만든다고 한다. 견습공은 7 시간, 숙련공은 8 시간 작업하였더니, 견습공은 숙련공이 만든 것의 $\frac{3}{4}$ 을 만들었다고 한다. 두 사람이 만든 부품은 모두 합하여 몇 개인가?

- ① 490 개 ② 420 개 ③ 350 개
④ 280 개 ⑤ 210 개

해설

견습공이 한 시간에 만든 부품의 수를 x 개라고 하면
숙련공이 한 시간에 만든 부품의 수는 $x + 5$ 개이므로
견습공은 7 시간, 숙련공은 8 시간 작업하였다면,
견습공이 만든 부품의 수는 $7x$,
숙련공이 만든 부품의 수는 $8(x + 5)$

견습공은 숙련공이 만든 것의 $\frac{3}{4}$ 이라 할 때 방정식을 세우면,

$$8(x + 5) \times \frac{3}{4} = 7x$$

양변에 4 를 곱하면, $8(x + 5) \times 3 = 28x$, $4x = 120 \therefore x = 30$
따라서 두 사람이 만든 부품의 합은

$$8(x + 5) + 7x = 15x + 40 = 490(\text{개})$$

4. 일정한 속력으로 달리는 기차가 길이가 580 m인 철교를 통과하는 데 24 초, 길이가 3700 m인 터널을 통과하는데 2 분 8 초가 걸릴 때, 이 기차의 길이는?

① 140 m

② 145 m

③ 150 m

④ 155 m

⑤ 160 m

해설

기차의 길이를 x m 라 하면,

$$\frac{580 + x}{24} = \frac{3700 + x}{128}$$

$$16(580 + x) = 3(3700 + x)$$

$$9280 + 16x = 11100 + 3x$$

$$13x = 1820$$

$$\therefore x = 140$$

따라서, 기차의 길이는 140 m 이다.