

1. 다음 중, 정수가 아닌 유리수를 모두 고르면?

Ⓐ $\frac{2}{3}$ Ⓑ $-\frac{5}{5}$ Ⓒ $\frac{8}{4}$ Ⓓ $\frac{9}{3}$ Ⓔ $-\frac{2}{7}$

해설

Ⓑ, $-\frac{5}{5} = -1$ (정수)

Ⓒ, $\frac{8}{4} = 2$ (정수)

Ⓓ, $\frac{9}{3} = 3$ (정수)

Ⓐ, Ⓔ는 약분되지 않으므로 정수가 아닌 유리수이다.

2. 다음 중 옳은 것을 고르면?

- ① 절댓값이 0.3 인 수는 -0.3 뿐이다.
- ② 절댓값이 가장 작은 수는 $-1, 1$ 이다.
- ③ 절댓값이 클수록 수직선의 오른쪽에 위치한다.
- ④ $2\frac{2}{3}$ 의 절댓값은 2 이다.
- ⑤ 두 음수끼리는 절대값이 클수록 작다.

해설

- ① 절댓값이 0.3 인 수는 0.3 과 -0.3 이다.
- ② 절댓값이 가장 작은 수는 0 이다.
- ③ 수의 값이 클수록 수직선의 오른쪽에 위치한다.
- ④ $2\frac{2}{3}$ 의 절댓값은 $2\frac{2}{3}$ 이다.

3. 다음 중 계산 결과가 가장 큰 것은?

- ① $(+4) + (+5)$ ② $(-6) + (-1)$ ③ $(+3) + (+5)$
④ $(-7) + (-5)$ ⑤ $(+3) + (+7)$

해설

- ① $(+4) + (+5) = +9$
② $(-6) + (-1) = -7$
③ $(+3) + (+5) = +8$
④ $(-7) + (-5) = -12$
⑤ $(+3) + (+7) = +10$

4. $\frac{4}{3}(x - 3) = 1.5 - \frac{1-x}{2}$ 을 계산하면?

- ① 4 ② 5 ③ -5 ④ -6 ⑤ 6

해설

$$\frac{4}{3}(x - 3) = \frac{3}{2} - \frac{1-x}{2}$$

양변에 6 을 곱하면

$$8(x - 3) = 9 - 3(1 - x)$$

$$8x - 24 = 9 - 3 + 3x$$

$$5x = 30$$

$$\therefore x = 6$$

5. 168의 소인수의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

168 을 소인수분해하면 $168 = 2^3 \times 3 \times 7$ 이다.

소인수는 2, 3, 7이다.

$$2 + 3 + 7 = 12$$

6. 다음 중 두 수 12 와 18 의 최소공배수로 옳은 것은?

- ① 12 ② 18 ③ 36 ④ 42 ⑤ 54

해설

$12 = 2^2 \times 3$, $18 = 2 \times 3^2$ 이므로, 최소공배수는 $2^2 \times 3^2$, 즉 36이다.

7. 세 자연수 $5 \times x$, $6 \times x$, $9 \times x$ 의 최소공배수가 270 일 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$5 \times x$, $6 \times x = 2 \times 3 \times x$, $9 \times x = 3^2 \times x$ 의 최소공배수는
 $2 \times 3^2 \times 5 \times x = 270$

따라서 $x = 3$ 이다.

8. 다음 식에서 3 번째로 계산해야 하는 것은?

$$-4 + 28 \div \{ (+3) - \underline{(-2)^2} \} \times 4$$

↑ ↑ ↑ ↑ ↑
① ⑦ ② ⑧ ③ ⑨ ④ ⑩ ⑤ ⑪

- ① ⑦ ② ⑧ ③ ⑨ ④ ⑩ ⑤ ⑪

해설

소괄호, 중괄호, 대괄호, 곱셈/나눗셈, 덧셈/뺄셈의 순서로 계산해야 한다. 계산순서는 ②, ⑨, ⑧, ⑪, ⑦이므로 3 번째로 계산해야 하는 것은 ⑨이다.

9. 다음 중 옳은 것은 모두 몇 개인가?

- Ⓐ 가장 작은 자연수는 0이다.
- Ⓑ 양의 정수는 절댓값이 클수록 크다.
- Ⓒ 음의 정수는 절댓값이 클수록 크다.
- Ⓓ 가장 큰 음의 정수는 -1이다.
- Ⓔ 절댓값이 가장 작은 정수는 1과 -1이다.

▶ 답: 개

▷ 정답: 2 개

해설

- Ⓐ 가장 작은 자연수는 1이다.
- Ⓑ 음의 정수는 절댓값이 작을수록 크다.
- Ⓒ 절댓값이 가장 작은 정수는 0이다.

10. $2x \div y \div z$ 를 나눗셈 기호를 생략하여 나타내면?

① $2xyz$ ② $\frac{2xy}{z}$ ③ $\frac{yz}{2x}$ ④ $\frac{2x}{yz}$ ⑤ $\frac{2}{xyz}$

해설

$$2x \div y \div z = 2x \times \frac{1}{y} \times \frac{1}{z} = \frac{2x}{yz} \text{ 이다.}$$

11. 다음 중 다항식 $3x^2 - 4x + 2$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 다항식의 차수는 2이다.
- ② 항은 $3x^2$, $4x$, 2의 3개이다.
- ③ 상수항은 2이다.
- ④ x^2 의 계수는 3이다.
- ⑤ $3x^2$ 은 x 에 대한 2차이다.

해설

- ② 항은 $3x^2$, $-4x$, 2의 3개이다.

12. 다음은 희망이의 수학일기 중 일부이다. 밑줄 친 부분 중 틀린 부분을 기호로 써라.

오늘은 수학시간에 수의 약수의 개수를 구할 때, 직접 그 수의 약수를 모두 구하지 않고도 소인수분해만을 이용하여 약수의 개수를 구하는 방법을 배웠다. 소인수분해만 구하면 약수의 개수를 구할 수 있다니! 정말 신기하다!! 그럼 오늘 배운 내용을 복습해 볼까.

문제) 98 의 약수의 개수 구하기

풀이) ⑤먼저 98 을 소인수분해하면 $98 = 2 \times 7^2$ 이다.

⑥약수의 개수를 구할 때는, 각 지수에 1을 더하여 곱한다.

⑦따라서 98 의 약수의 개수는

$(0 + 1) \times (2 + 1) = 3$ (개) 이다.

▶ 답:

▷ 정답: ④

해설

④ 98 을 소인수분해하면 $98 = 2 \times 7^2$ 이다. 한편 2와 7^2 의 지수는 각각 1, 2 이므로 98 의 약수의 개수는 $(1 + 1) \times (2 + 1) = 6$ (개) 이다.

13. 서울에서 세 개의 도시로 버스가 각각 10 분, 15 분, 12 분마다 출발한다고 한다. 오전 8 시 20 분에 이 세 방면으로 버스가 동시에 출발했다면 그 후에 세 버스가 동시에 출발하는 시간은?

- ① 오전 9 시
- ② 오전 10 시 40 분
- ③ 오후 1 시 10 분
- ④ 오후 2 시
- ⑤ 오후 2 시 20 분

해설

버스가 동시에 출발하는 간격은 10, 12, 15 의 최소공배수 60 (분)이다.

즉, 1 시간 간격이므로 매시 20 분에 동시에 출발하므로 오후 2 시 20분이다.

14. $\frac{12}{7}$, $\frac{36}{5}$, $\frac{15}{4}$ 의 어느 것에 곱하여도 양의 정수가 되는 분수 중 가장 작은 수는?

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{10}{3}$ ③ $\frac{100}{3}$ ④ $\frac{120}{3}$ ⑤ $\frac{140}{3}$

해설

7, 5, 4 의 최소공배수 : 140

12, 36, 15 의 최대공약수 : 3

따라서, 구하는 분수는 $\frac{140}{3}$ 이다.

15. $x = -3$ 일 때, 다음 식의 값이 나머지 넷과 다른 하나를 골라라.

$\textcircled{\text{A}} \quad \frac{1}{3}x$	$\textcircled{\text{C}} \quad x + 2$
$\textcircled{\text{B}} \quad -10 + x^2$	$\textcircled{\text{D}} \quad x^2 - x$
$\textcircled{\text{E}} \quad -\frac{1}{3}(4 + \frac{1}{3}x)$	

▶ 답:

▷ 정답: $\textcircled{\text{E}}$

해설

$$\begin{aligned}\textcircled{\text{A}} \quad \frac{1}{3}x &= \frac{1}{3} \times (-3) = -1 \\ \textcircled{\text{C}} \quad x + 2 &= (-3) + 2 = -1 \\ \textcircled{\text{B}} \quad -10 + x^2 &= -10 + (-3)^2 = -1 \\ \textcircled{\text{D}} \quad x^2 - x &= (-3)^2 - (-3) = 12 \\ \textcircled{\text{E}} \quad -\frac{1}{3}(4 + \frac{1}{3}x) &= -\frac{1}{3} \left\{ 4 + \frac{1}{3} \times (-3) \right\} = -1\end{aligned}$$

16. 어떤 상품의 원가에 30%의 이익을 붙여 정가로 했다가 물건이 팔리지 않아 이 정가의 20%를 할인하여 팔았더니 1개당 200 원의 이익이 생겼다. 이 상품의 원가는?

- ① 4600 원 ② 4700 원 ③ 4800 원
④ 4900 원 ⑤ 5000 원

해설

원가를 A 원이라 하면
정가는 $A(1 + 0.3) = 1.3A$ 이고
할인가는 $1.3A \times 0.8 = 1.04A$
이익은 $1.04A - A = 200$
 $0.04A = 200$
양변에 100을 곱하면
 $4A = 20000$
 $\therefore A = 5000$ (원)

17. 가로의 길이, 세로의 길이, 높이가 각각 45 cm, 60 cm, 90 cm 인 상자 속에 정육면체 모양의 과자 상자를 넣으려고 한다. 과자 상자를 될 수 있는 한 적게 사용하려고 할 때, 상자의 한 모서리의 길이와 상자의 개수를 차례대로 구하여라.

▶ 답: cm

▶ 답: 개

▷ 정답: 15 cm

▷ 정답: 72 개

해설

정육면체의 한 모서리의 길이를 x cm 라 할 때,
 x 는 45, 60, 90 의 최대공약수

$$45 = 3^2 \times 5, 60 = 2^2 \times 3 \times 5, 90 = 2 \times 3^2 \times 5$$

$$\therefore x = 3 \times 5 = 15 \text{ (cm)}$$

$$45 = 15 \times 3, 60 = 15 \times 4, 90 = 15 \times 6$$

$$\therefore 3 \times 4 \times 6 = 72 \text{ (개)}$$

18. 다음 중에서 기호 \times , \div 를 바르게 생각한 것은?

① $x \times (-x) + y \times (-2)^2 = -x^2 - 4y$

② $x \div (-y) \times x + 0.1 \times y = -\frac{x^2}{y} + 0.y$

③ $(-1)^{100} \div x + (-1)^{99} \times y = x - y$

④ $x \div \frac{1}{y} \div \frac{1}{2} - 3 \div \frac{1}{x} = 2xy - 3x$

⑤ $\frac{1}{x} \div \frac{1}{y} \div \frac{1}{z} = \frac{y}{xz}$

해설

① $-x^2 + 4y$

② $-\frac{x^2}{y} + 0.1y$

③ $\frac{1}{x} - y$

⑤ $\frac{1}{x} \times y \times z = \frac{yz}{x}$

19. 다음 비례식을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

$$(x - 2) : (5x - 2) = 1 : 4$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = -6$

해설

$$(x - 2) : (5x - 2) = 1 : 4$$

$$5x - 2 = 4(x - 2)$$

$$5x - 2 = 4x - 8$$

$$\therefore x = -6$$

20. 4% 의 소금물 600 g 이 있다. 이 소금물에서 몇 g의 물을 증발시키면 5% 의 소금물이 되는지 구하여라.

- ① 100 g ② 120 g ③ 140 g ④ 150 g ⑤ 160 g

해설

물 x g 을 증발시킨다고 하면

$$\frac{4}{100} \times 600 = \frac{5}{100} \times (600 - x)$$

$$2400 = 3000 - 5x$$

$$5x = 600$$

$$\therefore x = 120$$

따라서, 120 g 의 물을 증발시켜야 한다.