1. 사차방정식  $x^4 - 11x^2 + 30 = 0$ 의 네 근 중 가장 작은 근을 a, 가장 큰 근을 b라 할 때,  $a^2 + b^2$ 의 값은?

① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11

**⑤**12

해설  $x^4 - 11x^2 + 30 = 0$ 

 $(x^2 - 5)(x^2 - 6) = 0$  $\therefore x = \pm \sqrt{5}, \ x = \pm \sqrt{6}$ 

가장 작은 근  $a = -\sqrt{6}$ , 가장 큰 근  $b = \sqrt{6}$ ∴  $a^2 + b^2 = 6 + 6 = 12$ 

- 연립방정식  $x+y+z=-\frac{1}{2}, xy+yz+zx=-\frac{5}{2}, xyz=-1$ 을 만족시키는 2. 해의 쌍 (x,y,z)의 개수는?
  - ② 4개 ③ 5개 ④6개 ⑤ 7개 ① 3개

근과 계수와의 관계에서 *x*, *y*, *z*를 세 근으로 하는 삼차방정식을 만들면

 $t^3 + \frac{1}{2}t^2 - \frac{5}{2}t + 1 = 0$ 

 $\Leftrightarrow 2t^{3} + t^{2} - 5t + 2 = 0$ \Rightarrow (t - 1)(2t - 1)(t + 2) = 0

 $(x, y, z) = \left(1, \frac{1}{2}, -2\right), \left(1, -2, \frac{1}{2}\right), \left(\frac{1}{2}, 1, -2\right), \left(\frac{1}{2}, -2, 1\right), \left(-2, \frac{1}{2}\right), \left(-2, \frac{1}{2}, 1\right)$ 

3. 방정식  $x^3=1$ 의 한 허근을  $\omega$ 라 할 때, <보기> 중 옳은 것을 모두 고르시오.

 $(1+\omega^2)^3 = -1$ ⑤ 모든 자연수 n에 대하여  $(1+\omega)^{3n}=(-1)^n$  $\textcircled{1} \ \textcircled{9}$ ② ①, ①

④ ⑦, ₺

 $\textcircled{\scriptsize{0}}, \textcircled{\tiny{0}}, \textcircled{\tiny{0}}$ 

③ □, ₪

해설

 $x^3 = 1$ 의 한 허근이  $\omega$ 이므로  $\omega^3 = 1, \ \omega^2 + \omega + 1 = 0$  $(\omega^2+1)^3=(-\omega)^3=-\omega^3=-1(\bigcirc)$  $\bigcirc (1+\omega)^{10} = (-\omega^2)^{10}$  $=\omega^{20}=(\omega^3)^6\cdot\omega^2=\omega^2(\bigcirc)$  $\Box$   $(-\omega^2)^{3n} = (-1)^{3n} \cdot (\omega^3)^{2n}$  $= (-1)^n \cdot 1^{2n} = (-1)^n$  $(:: (-1)^{3n} = \{(-1)^3\}^n = (-1)^n) (\bigcirc)$ ∴ つ, ⓒ, ⓒ 모두 참