

1. 다음 중 $x = -3$ 이 해가 되는 이차방정식은? (정답 2 개)

① $x(x + 2) = 0$

② $x^2 + 2x - 3 = 0$

③ $x^2 + 5x + 6 = 0$

④ $2x^2 - x - 1 = 0$

⑤ $2x^2 + 4 = 0$

해설

② $(x - 1)(x + 3) = 0$

③ $(x + 2)(x + 3) = 0$

2. 이차방정식 $3x^2 - 4x - 2 = 0$ 의 해가 $x = \frac{2 \pm \sqrt{k}}{3}$ 일 때, k 의 값은?

- ① 50 ② 40 ③ 30 ④ 20 ⑤ 10

해설

$$x = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$$

$$\therefore k = 10$$

3. 다음 이차함수의 그래프 중 아래로 볼록한 것은?

- ① $y = -4x^2$ ② $y = \frac{1}{3}x^2$ ③ $y = -3x^2$
④ $y = -\frac{1}{4}x^2$ ⑤ $y = -2x^2$

해설

아래로 볼록하려면 (x^2 의 계수) > 0 이므로 $y = \frac{1}{3}x^2$

4. 다음 이차함수의 그래프 중에서 아래로 볼록하면서 폭이 가장 좁은 것은?

① $y = \frac{1}{4}x^2$ ② $y = -\frac{1}{4}x^2$ ③ $y = 2x^2$
④ $y = -2x^2$ ⑤ $y = -x^2$

해설

$y = kx^2$ ($k > 0$) 의 꼴은 아래로 볼록하고, k 의 절댓값이 클수록 폭이 좁아진다.

5. 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2 만큼 y 축의 방향으로 c 만큼 평행이동하였더니 $y = 3x^2 + bx + 1$ 이 되었다. $a + b + c$ 의 값을 구하면?

① -16 ② -17 ③ -18 ④ -19 ⑤ -20

해설

$$\begin{aligned}y &= a(x - 2)^2 + c \\&= ax^2 - 4ax + 4a + c \\&= 3x^2 + bx + 1\end{aligned}$$

$$a = 3, b = -12, c = -11$$

$$\therefore a + b + c = -20$$

6. 이차방정식 $x^2 = \frac{(x-2)(x-3)}{2}$ 을 풀면?

- ① $x = 1$ 또는 $x = 3$ ② $x = 2$ 또는 $x = 3$
③ $x = 1$ 또는 $x = -1$ ④ $x = 5$ 또는 $x = 3$
⑤ $x = 1$ 또는 $x = -6$

해설

$$x^2 = \frac{(x-2)(x-3)}{2}$$

양변에 2를 곱하여 전개하면

$$2x^2 = x^2 - 5x + 6$$

$$x^2 + 5x - 6 = 0$$

$$(x+6)(x-1) = 0$$

$$\therefore x = -6 \text{ 또는 } 1$$

7. 두 이차방정식 $x^2 - 5x + 6 = 0$, $x^2 - 9 = 0$ 의 공통인 해는?

- ① $x = -3$ ② $x = 0$ ③ $x = 2$
④ $x = 3$ ⑤ $x = 9$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 5x + 6 &= 0 \\(x - 3)(x - 2) &= 0 \\\therefore x &= 2, 3\end{aligned}$$

$$x^2 - 9 = (x - 3)(x + 3) = 0$$

$$\therefore x = \pm 3$$

따라서, 공통인 해는 $x = 3$ 이다.

8. 이차방정식 $(x - 3)^2 = 4x$ 와 공통인 해를 갖는 방정식은?

- Ⓐ $x^2 - 4x + 3 = 0$ Ⓑ $x^2 - 6x + 9 = 0$
Ⓒ $x^2 - 10x = 9$ Ⓒ $x^2 + 10x + 9 = 0$
Ⓓ $2x^2 - 5x - 3 = 0$

해설

$$(x - 3)^2 = 4x$$

$$x^2 - 6x + 9 - 4x = 0$$

$$x^2 - 10x + 9 = 0$$

$$(x - 1)(x - 9) = 0$$

$$x = 1 \text{ 또는 } x = 9$$

$$\textcircled{①} \quad x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$(x - 3)(x - 1) = 0$$

$$x = 1 \text{ 또는 } x = 3$$

9. 다음은 완전제곱식을 이용하여 이차방정식 $x^2 - 2x - 1 = 0$ 의 해를 구하는 과정의 일부분이다. 이때, $A + B$ 의 값은?

$$x^2 - 2x - 1 = 0$$

상수항을 우변으로 이항하면 $x^2 - 2x = 1$
양변에 A 를 더하면 $x^2 - 2x + A = 1 + A$
좌변을 완전제곱식으로 바꾸면 $(x - 1)^2 = B$

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$x^2 - 2x - 1 = 0$$
$$\therefore x^2 - 2x = 1$$

양변에 $A = 1$ 을 더하면 $x^2 - 2x + 1 = 1 + 1$
 $(x - 1)^2 = 2$, $B = 2$
 $\therefore A + B = 1 + 2 = 3$

10. 이차방정식 $6x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근이 1, -2 일 때, $a - b$ 의 값은?

- ① -18 ② -6 ③ 6 ④ 18 ⑤ 24

해설

근과 계수의 관계로부터
 $1 + (-2) = -\frac{a}{6}$, $a = 6$

$1 \times (-2) = \frac{b}{6}$, $b = -12$

$\therefore a - b = 18$

11. 이차함수 $f(x) = x^2 - 2x - 3$ 에 대하여 다음 중 옳은 것은?

- ① $f(0) = 0$ ② $f(-1) = 0$ ③ $f(1) = 2$
④ $f(2) = 3$ ⑤ $f(-2) = 7$

해설

$$\textcircled{2} \quad f(-1) = (-1)^2 - 2 \times (-1) - 3 = 0$$

12. 다음 이차함수의 그래프 중 모든 사분면을 지나는 것은?

- ① $y = 2(x + 1)^2 - 1$ ② $y = -(x - 2)^2 + 1$
③ $y = -x^2 - 4$ ④ $y = -\frac{1}{2}(x - 2)^2 + 5$
⑤ $y = 3(x - 1)^2$

해설

④ 꼭짓점의 좌표 $(2, 5)$, y 절편 3, 위로 볼록이므로 모든 사분면을 지난다.

13. 꼭짓점의 좌표가 $(3, 0)$ 이고, 점 $(1, -4)$ 를 지나는 포물선의 식을 구하면?

① $y = -x^2 - 4$ ② $y = (x - 1)^2$ ③ $y = -(x - 3)^2$

④ $y = -(x + 3)^2$ ⑤ $y = (x + 2)^2$

해설

꼭짓점의 좌표가 $(3, 0)$ 이므로 $y = a(x - 3)^2$ 이고,
점 $(1, -4)$ 를 지나므로
 $-4 = a(1 - 3)^2$, $a = -1$
 $\therefore y = -(x - 3)^2$

14. x 에 관한 이차방정식 $-(x+2)^2 = 5-n$ 의 근에 대한 설명 중 옳은 것은?

- ① $n=5$ 이면 근이 2개이다.
- ② $n=9$ 이면 근이 2개이다.
- ③ $n=4$ 이면 정수인 근을 1개 갖는다.
- ④ $n=8$ 이면 정수인 근을 갖는다.
- ⑤ $n=14$ 이면 무리수인 근을 갖는다.

해설

$$-(x+2)^2 = 5-n, (x+2)^2 = n-5, x = -2 \pm \sqrt{n-5}$$

$$\textcircled{2} n=9 \text{이면 } x = -2 \pm \sqrt{9-5} = -2 \pm 2$$

$$\therefore x=0 \text{ 또는 } x=-4$$

15. 이차방정식 $5(x-1)^2 - 3 = 2(x-1)$ 의 두 근을 α, β 라 할 때 $\frac{\alpha}{\beta}$ 의 값은? (단, $\alpha > \beta$)

① 1 ② 6 ③ 5 ④ 4 ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}x - 1 &= t \text{ 라 하면} \\5t^2 - 2t - 3 &= 0 \\(5t + 3)(t - 1) &= 0 \\t = -\frac{3}{5} \text{ 또는 } t &= 1 \\\therefore x = \frac{2}{5} \text{ 또는 } x &= 2 \\\alpha = 2, \beta = \frac{2}{5} (\because \alpha > \beta) &\\\therefore \frac{\alpha}{\beta} = \frac{2}{\frac{2}{5}} &= 5\end{aligned}$$

16. 이차방정식 $x^2 - 4x + 1 = 0$ 의 두 근 중 큰 근을 m , 작은 근을 n 이라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $m + n = 4$ ② $mn = 1$ ③ $m - n = 2\sqrt{3}$
④ $n > 0$ ⑤ $m^2 + n^2 = 16$

해설

근과 계수와의 관계에서

① $m + n = 4$, ② $mn = 1$
③ $(m - n)^2 = (m + n)^2 - 4mn = 16 - 4 = 12$
 $m - n = 2\sqrt{3}$ ($\because m > n$)
④ $m + n > 0$, $mn > 0$ ⇒ $m > 0$, $n > 0$ 이다.

⑤ $m^2 + n^2 = (m + n)^2 - 2mn = 16 - 2 = 14$

17. 연속하는 세 개의 짝수가 있다. 작은 두 짝수의 제곱의 합이 큰 짝수의 제곱과 같을 때, 세 개의 짝수는?

- ① 2, 4, 6 ② 4, 6, 8 ③ 6, 8, 10
④ 8, 10, 12 ⑤ 10, 12, 14

해설

세 짝수를 $n - 2, n, n + 2$ 라 하면

$$n^2 + (n - 2)^2 = (n + 2)^2$$

$$n^2 + n^2 - 4n + 4 = n^2 + 4n + 4$$

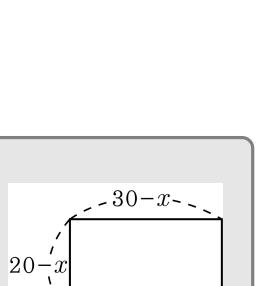
$$n^2 - 8n = 0$$

$$n(n - 8) = 0$$

$$\therefore n = 8 \ (\because n > 0)$$

따라서 세 개의 짝수는 6, 8, 10이다.

18. 다음 그림과 같이 가로 30 m, 세로 20 m 인
직사각형 모양의 잔디밭에 폭이 일정한 길을
만들려고 한다. 잔디밭의 넓이가 400 m^2 가
되게 하려고 할 때, 길의 폭을 x 라 하면 x 를
구하는 식으로 옳은 것은?



① $x^2 - 10x + 600 = 0$

② $x^2 - 20x + 400 = 0$

③ $x^2 - 30x - 200 = 0$

④ $x^2 + 40x + 200 = 0$

⑤ $x^2 - 50x + 200 = 0$

해설

다음 그림처럼 길을 한쪽으로 몰아 보
면 잔디밭의 넓이는 색칠한 부분과 같다.
식을 세우면 $(30-x)(20-x) = 400$
 $\therefore x^2 - 50x + 200 = 0$



20. 이차함수 $y = -\frac{1}{2}x^2 - 4x + 3$ 의 그래프는 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 x

축의 방향으로 -4 만큼, y 축의 방향으로 k 만큼 평행이동한 것이다.

k 의 값은?

- ① -13 ② -5 ③ 3 ④ 11 ⑤ 13

해설

$$\begin{aligned}y &= -\frac{1}{2}x^2 - 4x + 3 \\&= -\frac{1}{2}(x^2 - 8x + 16 - 16) + 3 \\&= -\frac{1}{2}(x - 4)^2 + 8 + 3 \\&= -\frac{1}{2}(x - 4)^2 + 11\end{aligned}$$

따라서 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 4 만큼 y 축의
방향으로 11 만큼 평행이동한 것이다.

$$\therefore k = 11$$

21. 이차함수 $y = 2x^2 + ax + b$ 가 $x = 1$ 에서 최솟값 -3 을 가질 때, $a - b$ 의 값을 구하면?

- ① 0 ② -2 ③ -4 ④ **-3** ⑤ 6

해설

$x = 1$ 에서 최솟값이 -3 이므로

꼭짓점의 좌표가 $(1, -3)$ 이다.

$$y = 2x^2 + ax + b = 2(x - 1)^2 - 3 = 2x^2 - 4x$$

$$a = -4, b = -1$$

$$\therefore a - b = -4 - (-1) = -3$$

22. x 축과 두 점 $(-2, 0)$, $(1, 0)$ 에서 만나고 최댓값이 9인 포물선의 방정식은?

① $y = -4x^2 + 4x - 8$

② $y = 4x^2 - 4x + 8$

③ $y = -4x^2 + 4x + 8$

④ $y = -4x^2 - 4x + 8$

⑤ x 축과 두 점 $(p, 0), (q, 0)$ 에서 만나는 \overline{pq} 의 길이를 이등분한 점이 x 축의 방정식이 된다.

해설

대칭축이 두 점의 중점 $\left(-\frac{1}{2}, 0\right)$ 을 지나므로 꼭짓점의 좌표는

$$\left(-\frac{1}{2}, 9\right)$$

따라서 $y = a \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + 9$

$(1, 0)$ 을 대입하면 $0 = \frac{9}{4}a + 9$, $a = -4$

$\therefore y = -4 \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + 9 = -4x^2 - 4x + 8$

23. 이차방정식 $(x-1)(x-b) = -1$ 이거나 아니 중근 a 를 가진다. 이때, b 의 값은? (단, a, b 는 정수)

① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$(x-1)(x-b) = -1$ 이거나 중근 a 를 가지므로

$x \neq a$ 를 대입하면

$$(a-1)(a-b) = -1$$

i) $a-1 = -1, a-b = 1$ 인 경우

$$a = 0, b = -1, a \neq 0$$
 이므로 부적합

ii) $a-1 = 1, a-b = -1$ 인 경우

$$a = 2, b = 3$$

$$\therefore b = 3$$

24. $x(x - 3) = 0$ 을 $(ax + b)^2 = q$ 의 꼴로 바꾸었을 때, abq 의 값을 구하면?

① $\frac{27}{8}$ ② $-\frac{27}{8}$ ③ $\frac{-25}{8}$ ④ $\frac{25}{8}$ ⑤ $\frac{23}{8}$

해설

$$\begin{aligned}x(x - 3) &= 0 \\x^2 - 3x &= 0 \\x^2 - 3x + \frac{9}{4} &= \frac{9}{4} \\\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 &= \frac{9}{4} \\a = 1, b = -\frac{3}{2}, q = \frac{9}{4} &\\ \therefore abq &= -\frac{27}{8}\end{aligned}$$

25. 이차방정식 $-x + 0.4(x^2 + 1) = -\frac{1}{3}(x - 1)(2x + 3)$ 의 두 근을 α, β 라고 할 때, $\alpha - \beta$ 의 값은? (단, $\alpha < \beta$)

① $\frac{10}{3}$ ② $-\frac{8}{3}$ ③ -1 ④ 3 ⑤ $-\frac{13}{8}$

해설

$$-x + 0.4(x^2 + 1) = -\frac{1}{3}(x - 1)(2x + 3),$$

$$-x + \frac{2}{5}(x^2 + 1) = -\frac{1}{3}(x - 1)(2x + 3)$$

양변에 15를 곱하여 정리하면

$$-15x + 6(x^2 + 1) = -5(x - 1)(2x + 3)$$

$$16x^2 - 10x - 9 = 0$$

근의 공식을 이용하여 근을 구하면

$$x = \frac{5 \pm \sqrt{25 + 144}}{16} = \frac{5 \pm 13}{16}$$

$$\therefore x = \frac{9}{8} \text{ 또는 } x = -\frac{1}{2}$$

$$\alpha < \beta \text{ } \therefore \text{므로 } \alpha = -\frac{1}{2}, \beta = \frac{9}{8}$$

$$\therefore \alpha - \beta = -\frac{13}{8}$$

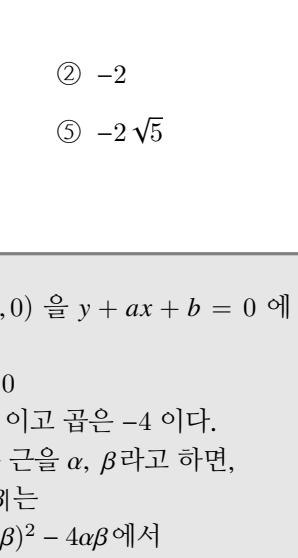
26. 이차방정식 $\{1 + (a+b)^2\}x^2 - 2(1-a-b)x + 2 = 0$ 의 근이 실수일 때, 실수 $a+b+2$ 의 값을 구하면?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

근이 실수이면 $D \geq 0$ 이므로
 $\frac{D}{4} = (1-a-b)^2 - 2\{1 + (a+b)^2\} \geq 0$
 $(a+b)^2 + 2(a+b) + 1 \leq 0$
 $\therefore (a+b+1)^2 \leq 0$
 a, b 는 실수이므로 $a+b+1 = 0$
 $\therefore a+b+2 = 1$

27. $y + ax + b = 0$ 의 그래프가 다음 그래프와 같을 때, 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근의 차를 구하면?



- ① 2 ② -2 ③ $\sqrt{5}$
④ $2\sqrt{5}$ ⑤ $-2\sqrt{5}$

해설

두 점 $(0, 4)$, $(2, 0)$ 을 $y + ax + b = 0$ 에 각각 대입하면 $a =$

2 , $b = -4$

$$\therefore x^2 + 2x - 4 = 0$$

두 근의 합은 -2 이고 곱은 -4 이다.

이차방정식의 두 근을 α , β 라고 하면,

두 근의 차 $|\alpha - \beta|$ 는

$$(\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta$$
에서

$$|\alpha - \beta| = \sqrt{(\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta}$$
으로

두 근의 차는

$$\pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \times (-4)} = \pm \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$$

28. 이차방정식 $x^2 - 3x + 1 = 0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, $\alpha + \frac{1}{\beta}, \beta + \frac{1}{\alpha}$ 을 두 근으로 하고, x^2 의 계수가 1인 이차방정식은?

- ① $x^2 + 6x - 2 = 0$ ② $x^2 - 6x + 2 = 0$
③ $x^2 + 6x - 4 = 0$ ④ $x^2 - 6x + 4 = 0$
⑤ $x^2 + 6x - 6 = 0$

해설

α, β 는 $x^2 - 3x + 1 = 0$ 의 두 근이므로
 $\alpha + \beta = 3, \alpha\beta = 1$

구하는 방정식의 두 근이 $\alpha + \frac{1}{\beta}, \beta + \frac{1}{\alpha}$ 이므로

$$\begin{aligned}(\text{두 근의 합}) &= \left(\alpha + \frac{1}{\beta}\right) + \left(\beta + \frac{1}{\alpha}\right) \\&= \alpha + \beta + \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} \\&= \alpha + \beta + \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = 6\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}(\text{두 근의 곱}) &= \left(\alpha + \frac{1}{\beta}\right) \left(\beta + \frac{1}{\alpha}\right) \\&= \alpha\beta + 2 + \frac{1}{\alpha\beta} = 4\end{aligned}$$

따라서 구하는 이차방정식은 $x^2 - 6x + 4 = 0$ 이다.

29. $x > y > 0$ 이고, $(x-y)^2 = xy$ 일 때, $\frac{x}{y}$ 의 값은?

- ① $\sqrt{5}$ ② $1 + \sqrt{5}$ ③ $3 + \sqrt{5}$
④ $\frac{1 + \sqrt{5}}{2}$ ⑤ $\frac{3 + \sqrt{5}}{2}$

해설

$$(x-y)^2 = xy$$
$$x^2 - 2xy + y^2 = xy$$

$x^2 - 3xy + y^2 = 0$ 의 양변을 y^2 으로 나누면

$$\frac{x^2}{y^2} - \frac{3x}{y} + 1 = 0$$
에서 $\frac{x}{y}$ 을 t 로 치환하면

$$t^2 - 3t + 1 = 0$$

$$\therefore t = \frac{3 \pm \sqrt{5}}{2} \left(= \frac{x}{y} \right)$$

$$x > y > 0$$
 이므로 $\frac{x}{y} > 1$

$$\therefore \frac{x}{y} = \frac{3 + \sqrt{5}}{2}$$

30. 어느 반 학생들에게 공책 144 권을 똑같이 나누어 주려고 한다. 한 사람에게 돌아가는 공책의 수가 전체 학생 수보다 7 이 적다고 할 때, 한 명에게 돌아가는 공책의 수는?

- ① 6 권 ② 9 권 ③ 12 권 ④ 16 권 ⑤ 24 권

해설

한 명에게 돌아가는 공책의 수를 x 권, 전체 학생 수를 $(x + 7)$ 명이라 하면,

$$x(x + 7) = 144$$

$$x^2 + 7x - 144 = 0$$

$$(x + 16)(x - 9) = 0$$

$$\therefore x = 9 \ (\because x > 0)$$

31. 이차함수 $y = 2(x + p)^2 + \frac{1}{2}$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 1 만큼
평행이동하면 꼭짓점의 좌표가 $(2, a)$ 이고, 점 $\left(-\frac{1}{2}, b\right)$ 를 지난다.
이 때, 상수 a, b, p 의 곱 abp 의 값은?

① $\frac{11}{3}$ ② 13 ③ $-\frac{11}{3}$ ④ $\frac{13}{2}$ ⑤ $-\frac{13}{2}$

해설

$$y = 2(x + p - 1)^2 + \frac{1}{2} \text{ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 } \left(1 - p, \frac{1}{2}\right)$$

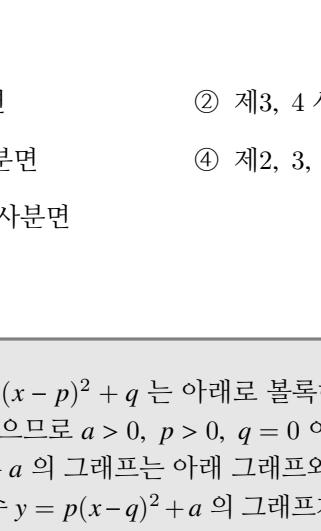
이므로 $1 - p = 2, p = -1, a = \frac{1}{2}$ 이다.

$$y = 2(x - 2)^2 + \frac{1}{2} \text{ 의 좌표가 점 } \left(-\frac{1}{2}, b\right) \text{ 를 지난므로 } b =$$

$$2\left(-\frac{1}{2} - 2\right)^2 + \frac{1}{2}, b = 13 \text{ 이다.}$$

$$\therefore abp = \frac{1}{2} \times 13 \times (-1) = -\frac{13}{2}$$

32. 이차함수 $y = a(x-p)^2 + q$ 의 그래프가 아래 그림과 같을 때, 이차함수 $y = p(x-q)^2 + a$ 의 그래프가 지나는 사분면을 모두 고르면?



- ① 제1, 2 사분면 ② 제3, 4 사분면
③ 제1, 2, 4 사분면 ④ 제2, 3, 4 사분면
⑤ 제1, 2, 3, 4 사분면

해설

이차함수 $y = a(x-p)^2 + q$ 는 아래로 볼록하고, 꼭짓점 (p, q) 가 x 축 위에 있으므로 $a > 0$, $p > 0$, $q = 0$ 이다.
 $y = p(x-q)^2 + a$ 의 그래프는 아래 그림과 같다.
따라서 이차함수 $y = p(x-q)^2 + a$ 의 그래프가 지나는 사분면은 제1, 2 사분면이다.



33. 다음 이차함수의 그래프 중 4 번째로 폭이 좁은 것은?

Ⓐ $y = -(x - 2)^2$

Ⓑ $y = \frac{2x(x - 1)(x + 1)}{x - 1}$

Ⓒ $y = \frac{1}{3}x^2 + \frac{1}{3}$

Ⓓ $y = -3x^2 + x$

Ⓔ $y = -\frac{5}{2}x^2$

해설

a 의 절댓값이 클수록 폭이 좁아진다.

a 의 절댓값을 각각 구하면

Ⓐ 1

Ⓑ 2

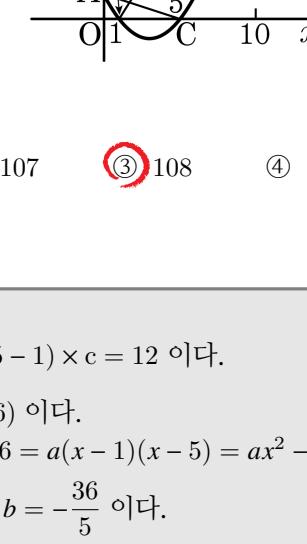
Ⓒ $\frac{1}{3}$

Ⓓ 3

Ⓔ $\frac{5}{2}$

이므로 폭이 좁은 순서는 Ⓟ, Ⓠ, Ⓡ, Ⓞ, Ⓝ이다. 따라서 네 번째로 폭이 좁은 것은 Ⓞ이다.

34. 다음 그림은 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프이다. 삼각형 ABC의 넓이가 12 일 때, 삼각형 BCD의 넓이를 구하면?



- ① 106 ② 107 ③ 108 ④ 109 ⑤ 110

해설

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times (5 - 1) \times c = 12 \text{ } \textcircled{\text{d}} \text{다.}$$

$$c = 6, \text{ } \textcircled{\text{d}} \text{ A}(0, 6) \text{ } \textcircled{\text{d}} \text{다.}$$

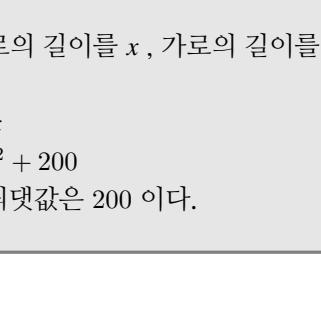
$$y = ax^2 + bx + 6 = a(x - 1)(x - 5) = ax^2 - 6ax + 5a \text{ } \textcircled{\text{d}} \text{다.}$$

$$5a = 6, \text{ } a = \frac{6}{5}, \text{ } b = -\frac{36}{5} \text{ } \textcircled{\text{d}} \text{다.}$$

$$y = \frac{6}{5}x^2 - \frac{36}{5}x + 6 \text{ } \textcircled{\text{d}} \text{므로 D}(10, 54) \text{ } \textcircled{\text{d}} \text{다.}$$

$$\triangle BCD = \frac{1}{2} \times (5 - 1) \times 54 = 108$$

35. 아래 그림과 같이 40m 인 철망으로 직사각형의 모양의 닭장을 만들려고 한다.
넓이가 최대가 되도록 하는 x 의 값은?



- ① 6m ② 8m ③ 10m ④ 12m ⑤ 14m

해설

직사각형의 세로의 길이를 x , 가로의 길이를 $20 - 2x$ 라고 하면,

$$\begin{aligned}y &= x(40 - 2x) \\&= -2x^2 + 40x \\&= -2(x - 10)^2 + 200\end{aligned}$$

$x = 10$ 일 때, 최댓값은 200 이다.

36. 이차방정식 $x - \frac{3}{x} = 6$ 의 두 근을 p, q 라고 할 때 $(p^2 - 6p + 5)(q^2 - 6q + 3)$ 의 값을 구하면?

- ① 12 ② 24 ③ 36 ④ 48 ⑤ 50

해설

$$x - \frac{3}{x} = 6 \text{ 의 양변에 } x \text{ 를 곱하면 } x^2 - 6x - 3 = 0$$

$x = p, x = q$ 를 각각 대입하면

$$p^2 - 6p - 3 = 0 \text{에서 } p^2 - 6p = 3$$

$$q^2 - 6q - 3 = 0 \text{에서 } q^2 - 6q = 3$$

$$\therefore (p^2 - 6p + 5)(q^2 - 6q + 3) = (3 + 5)(3 + 3) = 48$$

37. 방정식 $xy + y^2 - x + 8 = 0$ 을 만족시키는 순서쌍 (x, y) 가 한 개 존재할 때, $x - y$ 의 값은?

① $-2 \pm 2\sqrt{2}$ ② $-3 \pm \sqrt{2}$ ③ $\textcircled{3} -3 \pm 6\sqrt{2}$
④ $-3 \pm 8\sqrt{2}$ ⑤ $-5 \pm 4\sqrt{2}$

해설

$x - y = k$ 라 하면 $y = x - k$

이것을 $xy + y^2 - x + 8 = 0$ 에 대입하면

$$x(x - k) + (x - k)^2 - x + 8 = 0$$

$$2x^2 - (3k + 1)x + k^2 + 8 = 0$$

그런데 위 식을 만족시키는 순서쌍 (x, y) 가 한 개이면

판별식이 0 이 되어야 하므로

$$(3k + 1)^2 - 4 \times 2(k^2 + 8) = 0$$

$$k^2 + 6k - 63 = 0$$

$$\therefore k = -3 \pm 6\sqrt{2}$$

$$\therefore x - y = -3 \pm 6\sqrt{2}$$

38. $\frac{7}{3+\sqrt{2}}$ 의 정수 부분을 a , 소수 부분을 b 라 할 때, b 는 이차방정식 $ax^2 - kx - m = 0$ 의 한 근이다. 이때, 유리수 k, m 의 차 $k - m$ 의 값은?

① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

$$\frac{7}{3+\sqrt{2}} = \frac{7(3-\sqrt{2})}{7} = 3-\sqrt{2} = 1. \times \times \times$$

$\therefore a = 1, b = 2 - \sqrt{2}$
 $2 - \sqrt{2}, 2 + \sqrt{2} \nmid ax^2 - kx - m = 0$ 의 근이므로

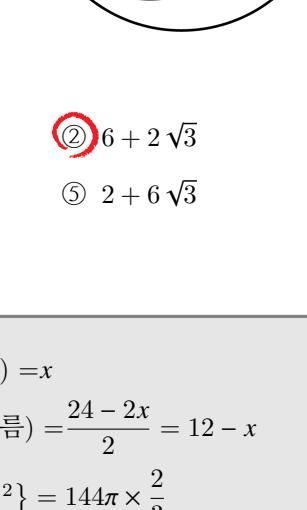
$$\frac{k}{a} = 4, -\frac{m}{a} = 2$$

$$\therefore k = 4, m = -2$$

$$\therefore k - m = 4 - (-2) = 6$$

39. 다음 그림에서 색칠된 부분의 넓이가 원 O의 넓이의 $\frac{2}{3}$ 가 될 때,

색칠한 두 개의 원 중 큰 것의 반지름의 길이는?



① $4 + 2\sqrt{3}$ ② $6 + 2\sqrt{3}$ ③ $4 + 3\sqrt{2}$

④ $3 + 2\sqrt{6}$ ⑤ $2 + 6\sqrt{3}$

해설

$$(\text{큰 원의 반지름}) = x$$

$$(\text{작은 원의 반지름}) = \frac{24 - 2x}{2} = 12 - x$$

$$\pi \{x^2 + (12 - x)^2\} = 144\pi \times \frac{2}{3}$$

$$x^2 - 12x + 24 = 0$$

$$x = 6 \pm 2\sqrt{3}$$

$$\therefore x = 6 + 2\sqrt{3} (\because 6 < x < 12)$$

40. 밑변의 길이가 20cm, 높이가 16cm인 삼각형에서 밑변의 길이는 매초 2cm씩 늘어나고, 높이는 매초 1cm씩 줄어든다고 할 때, 그 넓이가 처음 삼각형과 같아지는데 걸리는 시간은?

- ① 2 초 ② 3 초 ③ 4 초 ④ 5 초 ⑤ 6 초

해설

$$\frac{1}{2}(20 + 2x)(16 - x) = \frac{1}{2} \times 20 \times 16$$

$$2(10 + x)(16 - x) = 20 \times 16$$

$$(10 + x)(16 - x) = 10 \times 16$$

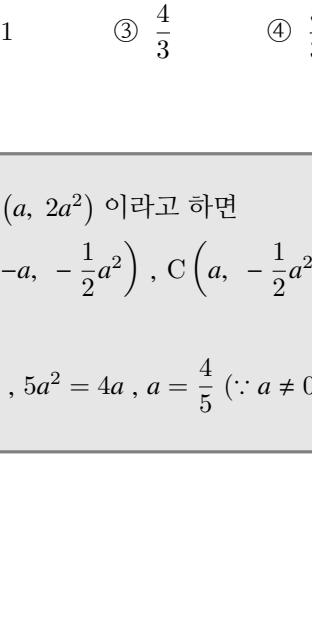
$$x^2 - 6x = 0$$

$$x(x - 6) = 0$$

$$x = 0, 6$$

∴ 6 초 후

41. 다음 그림과 같이 두 이차함수 $y = 2x^2$, $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프 위에 있는 네 점 A, B, C, D가 정사각형을 이루는 때, 점 D의 x 좌표는?



- ① $\frac{2}{3}$ ② 1 ③ $\frac{4}{3}$ ④ $\frac{5}{3}$ ⑤ $\frac{4}{5}$

해설

점 D의 좌표를 $(a, 2a^2)$ 이라고 하면

$$A(-a, 2a^2), B\left(-a, -\frac{1}{2}a^2\right), C\left(a, -\frac{1}{2}a^2\right) \text{ 이고, } \overline{DC} = \overline{BC}$$

이므로

$$2a^2 + \frac{1}{2}a^2 = 2a, 5a^2 = 4a, a = \frac{4}{5} (\because a \neq 0)$$

42. 이차함수 $y = x^2 - 5x - 6$ 의 그래프는 x 축과 두 점 A, B에서 만난다고 한다. 이 때, 선분 AB의 길이는?

① 1 ② 2 ③ 4 ④ 6 ⑤ 7

해설

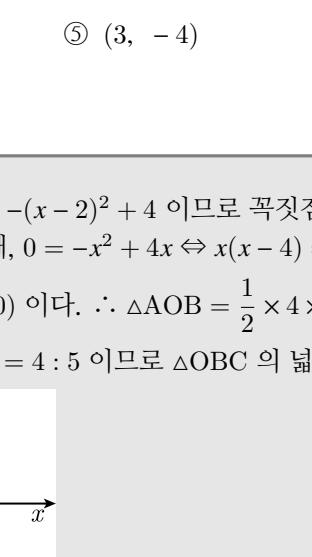
$$y = x^2 - 5x - 6 \text{ 의 } x \text{ 절편은 } y = 0 \text{ 대입}$$

$$x^2 - 5x - 6 = 0, (x + 1)(x - 6) = 0$$

$$\therefore x = -1, 6$$

$$\therefore \overline{AB} = 6 - (-1) = 7$$

43. 이차함수 $y = -x^2 + 4x$ 의 그래프가 아래 그림과 같을 때,
 $\triangle AOB : \triangle OBC = 4 : 5$ 가 되는 점 C의 좌표는? (단, 점 A는 꼭짓점, 점 B는 포물선과 x 축과의 교점, 점 C는 포물선 위에 있는 4
 사분면의 점이다.)



- ① (5, -5) ② (4, -3) ③ (6, -2)
 ④ (2, -8) ⑤ (3, -4)

해설

$y = -x^2 + 4x = -(x-2)^2 + 4$ 이므로 꼭짓점 A(2, 4)
 또한 $y = 0$ 일 때, $0 = -x^2 + 4x \Leftrightarrow x(x-4) = 0$

따라서 점 B(4, 0) 이다. $\therefore \triangle AOB = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$

$\triangle AOB : \triangle OBC = 4 : 5$ 이므로 $\triangle OBC$ 의 넓이는 10 이다.



$\triangle OBC$ 의 밑변을 $\overline{OB} = 4$ 라고 하면 높이는 5가 된다. 즉 점 C의 y 좌표가 -5이다.

점 C의 x 좌표를 c 라고 하면 $-c^2 + 4c = -5$

$$c^2 - 4c - 5 = 0 \Leftrightarrow (c-5)(c+1) = 0, c > 0 \text{ 이므로 } c = 5$$

$$\therefore C(5, -5)$$

44. 다음은 $y = 2x^2 - kx + 3$ 이 점 (1,1)을 지날 때의 설명을 나타낸 것이다.
이 때, 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- Ⓐ 꼭짓점의 좌표는 (-1, 1)이다.
- Ⓑ 직선 $x = 1$ 을 축으로 한다.
- Ⓒ x 축과 한 점에서 만난다.
- Ⓓ y 축과의 교점의 좌표는 (0, 3)이다.
- Ⓔ $y = 2x^2$ 의 그래프를 x 축으로 -1, y 축으로 3 만큼
평행이동한 것이다.

① Ⓐ,Ⓑ,Ⓒ ② Ⓑ,Ⓒ,Ⓓ ③ Ⓑ,Ⓓ,Ⓔ

④ Ⓑ,Ⓒ,Ⓓ ⑤ Ⓑ,Ⓓ,Ⓔ

해설

$$y = 2x^2 - kx + 3 \text{ 이 점 } (1, 1) \text{ 을 지나므로 } 1 = 2 - k + 3, k = 4$$

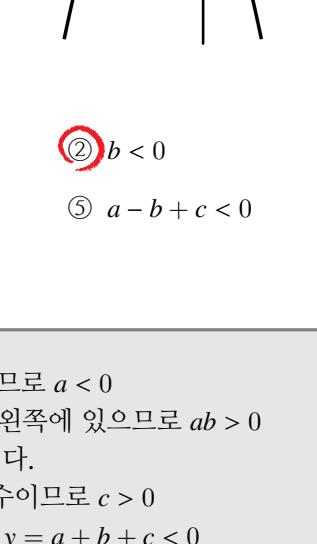
$$y = 2x^2 - 4x + 3 = 2(x - 1)^2 + 1$$

Ⓐ 꼭짓점의 좌표 (1, 1)

Ⓒ x 축과 만나지 않는다.

Ⓔ x 축으로 1, y 축으로 1만큼 평행이동한 것이다.

45. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 다음과 같을 때, 다음 중 옳은 것을 구하면?



- ① $a > 0$ ② $b < 0$ ③ $c < 0$

- ④ $a + b + c > 0$ ⑤ $a - b + c < 0$

해설

① 위로 볼록하므로 $a < 0$

② 축이 y 축의 왼쪽에 있으므로 $ab > 0$

따라서 $b < 0$ 이다.

③ y 절편이 양수이므로 $c > 0$

④ $x = 1$ 일 때, $y = a + b + c < 0$

⑤ $x = -1$ 일 때, $y = a - b + c > 0$

46. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 세 점 $(0, 1), (1, 2), (-1, 4)$ 를 지날 때, 꼭짓점은 제 A 사분면 위에 있으며 제 B 사분면과 제 C 사분면을 지나지 않는다. $A + B + C$ 의 값을 구하면?

① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

주어진 세 점을 각각 $y = ax^2 + bx + c$ 에 대입한다.

점 $(0, 1)$ 을 대입하면 $c = 1$

점 $(1, 2)$ 를 대입하면 $a + b + 1 = 2$

즉, $a + b = 1 \cdots \textcircled{①}$

점 $(-1, 4)$ 를 대입하면 $a - b + 1 = 4$

즉, $a - b = 3 \cdots \textcircled{②}$

$\textcircled{①} + \textcircled{②}$ 에서 $2a = 4$

$\therefore a = 2, b = -1$

$$\therefore y = 2x^2 - x + 1$$

$$= 2\left(x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{16} - \frac{1}{16}\right) + 1$$

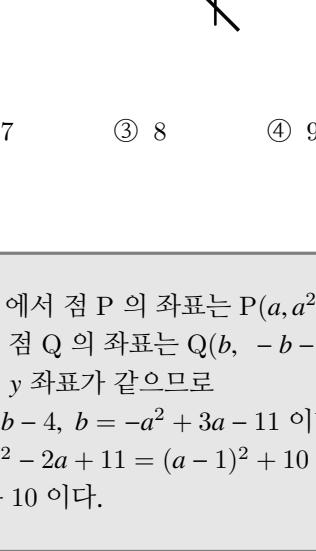
$$= 2\left(x - \frac{1}{4}\right)^2 + \frac{7}{8}$$

따라서, 꼭짓점의 좌표가 $\left(\frac{1}{4}, \frac{7}{8}\right)$ 이므로 꼭짓점의 좌표는 제

1사분면 위에 있으며 $a > 0$ 이므로 아래로 볼록 즉, 제 1, 2 사분면을 지난다.

따라서 $A = 1, B = 3, C = 4$ 이므로 $A + B + C = 1 + 3 + 4 = 8$ 이다.

47. 다음 그림에서 포물선 $y = x^2 - 3x + 7$ 위의 한 점 P 와 직선 $y = -x - 4$ 위의 한 점 Q 에 대하여 \overline{PQ} 가 x 축에 평행할 때, \overline{PQ} 의 최솟값을 구하면?



- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설

$$y = x^2 - 3x + 7 \text{에서 점 } P \text{의 좌표는 } P(a, a^2 - 3a + 7)$$

$$y = -x - 4 \text{에서 점 } Q \text{의 좌표는 } Q(b, -b - 4)$$

점 P 와 점 Q 의 y 좌표가 같으므로

$$a^2 - 3a + 7 = -b - 4, b = -a^2 + 3a - 11 \text{ 이다.}$$

$$\overline{PQ} = a - b = a^2 - 2a + 11 = (a - 1)^2 + 10$$

\overline{PQ} 의 최솟값은 10 이다.

48. 이차함수 $y = -x^2 + 2mx + m$ 의 최댓값을 M 이라 할 때, M 의 최솟값은?

① $-\frac{1}{2}$ ② $-\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $\frac{1}{8}$

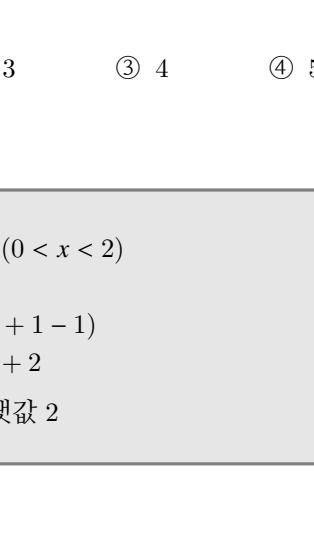
해설

$y = -x^2 + 2mx + m = -(x - m)^2 + (m^2 + m)$ 에서
위로 볼록이므로 최댓값은 $m^2 + m$

$$M = m^2 + m = \left(m + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4}$$

$$\therefore M \text{의 최솟값은 } -\frac{1}{4}$$

49. 직선 $y = -2x + 4$ 위의 제1 사분면에 있는 한 점 P에서 x 축, y 축에 수선을 그어 그때의 수선의 발을 각각 Q, R이라 할 때, 사각형 OQPR의 넓이의 최댓값은?



- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 7

해설

$$\begin{aligned}y &= x(-2x + 4)(0 < x < 2) \\&= -2x^2 + 4x \\&= -2(x^2 - 2x + 1 - 1) \\&= -2(x - 1)^2 + 2\end{aligned}$$

$x = 1$ 일 때 최댓값 2

50. 지면으로부터 20m 높이의 옥상에서 초속 20m로 쏘아 올린 물체의 t 초 후의 높이를 h m 라 할 때, 관계식 $h = 20t - t^2 + 20$ 이 성립한다. 높이가 가장 높을 때는 던진 후 몇 초 후인가?

① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

$$\begin{aligned} h &= 20t - t^2 + 20 \\ &= -(t^2 - 20t) + 20 \\ &= -(t - 10)^2 + 120 \end{aligned}$$

따라서 $t = 10$ 일 때 최댓값 120를 가진다.