

1. 다음 그림의 두 원  $O$ 와  $O'$ 에서 공통내접선의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

2. 점  $(2, -3)$ 을 점  $(-1, 2)$ 로 옮기는 평행이동을  $T$ 라 할 때, 점  $(-2, 5)$ 은  $T$ 에 의하여 어떤 점으로 옮겨지는가?

- ①  $(1, 0)$       ②  $(-5, 10)$       ③  $(-3, 5)$   
④  $(5, 10)$       ⑤  $(3, -5)$

3. 직선  $y = 3x - 3$ 의 그래프를 직선  $y = x$ 에 대칭이동한 직선의 방정식은?

①  $y = 3x + 1$       ②  $y = \frac{1}{3}x + 1$       ③  $y = -\frac{1}{3} + 1$

④  $y = \frac{1}{3}x - 1$       ⑤  $y = 3x - 1$

4. 다음 방정식의 모든 해의 곱을 구하여라.

$$(x^2 - 2x)(x^2 - 2x - 2) - 3 = 0$$

 답: \_\_\_\_\_

5. 삼차방정식  $(x - 1)(x^2 - ax + 2a) = 0$ 이 중근을 가질 때, 실수  $a$ 의  
값들의 합을 구하면?

① 2      ② 4      ③ 6      ④ 7      ⑤ 10

6. 방정식  $x^3 = 1$ 의 한 허근을  $\omega$ 라 할 때, <보기> 중 옳은 것을 모두 고르시오.

보기

- Ⓐ  $(1 + \omega^2)^3 = -1$
- Ⓑ  $(1 + \omega)^{10} = \omega^2$
- Ⓒ 모든 자연수  $n$ 에 대하여  $(1 + \omega)^{3n} = (-1)^n$

① Ⓐ

② Ⓑ, Ⓒ

③ Ⓓ, Ⓕ

④ Ⓐ, Ⓕ

⑤ Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ

7. 방정식  $xy + 2x = 3y + 10$  을 만족하는 양의 정수가  $x = \alpha$ ,  $y = \beta$  일 때,  $\alpha\beta$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

8. 부등식  $ax^2 + (a+1)x + a > 0$ 을 만족하는 실수  $x$ 가 존재하기 위한  
상수  $a$ 의 값의 범위는?

- ①  $a > -1$       ②  $a > -\frac{1}{2}$       ③  $a > -\frac{1}{3}$   
④  $a > -\frac{1}{4}$       ⑤  $a > -\frac{1}{5}$

9. 모든 실수  $x$ 에 대하여 이차부등식  $-x^2 + (k+2)x - (2k+1) \leq 0$ 이 성립하도록 하는 실수  $k$ 의 값의 범위는?

- |                            |                      |
|----------------------------|----------------------|
| ① $k \leq 0$ 또는 $k \geq 4$ | ② $0 \leq k \leq 4$  |
| ③ $k \leq -1$ 또는 $\geq 1$  | ④ $-1 \leq k \leq 1$ |
| ⑤ $0 \leq k \leq 3$        |                      |

10. 연립부등식  $\begin{cases} x^2 - 4 > 0 \\ 2x^2 + (7 - 2a)x - 7a < 0 \end{cases}$

을 만족하는 정수가  $-3$  한 개뿐일 때, 상수  $a$ 의 값의 범위를 구하면?

- ①  $-3 < a \leq 3$       ②  $-3 < a \leq 2$       ③  $-2 < a \leq 7$   
④  $0 < a \leq 7$       ⑤  $7 < a \leq 10$

11.  $\triangle ABC$ 에서 변 AB, BC, CA의 중점이 각각  $(-2, 0)$ ,  $(3, 1)$ ,  $(0, 3)$ 일 때, 점A의 좌표를  $(x_1, y_1)$ 이라 할 때,  $x_1 + y_1$ 의 값은?

① -3      ② -2      ③ -1      ④ 0      ⑤ 1

12. 점  $(8, -3)$ 을 지나고,  $x$ 축,  $y$ 축의 양의 부분으로 둘러싸인 삼각형의 넓이가 1인 직선의 방정식으로 알맞은 것은?

①  $\frac{x}{2} + \frac{y}{2} = 1$       ②  $\frac{x}{2} + y = 1$       ③  $\frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 1$   
④  $x + \frac{y}{3} = 1$       ⑤  $\frac{x}{3} + \frac{y}{3} = 1$

13. 점  $(3, 4)$ 에서 직선  $2x - y + k = 0$  까지의 거리가  $\sqrt{5}$  일 때, 양수  $k$ 의 값을 구하면?

▶ 답: \_\_\_\_\_

14.  $x$  축에 접하고 두 점  $(3, 1)$ ,  $(-4, 8)$  을 지나는 원 중, 반지름의 크기가  
큰 원의 방정식을 구하면?

- ①  $(x - 3)^2 + (y - 12)^2 = 169$     ②  $x^2 + (y - 5)^2 = 169$   
③  $x^2 + (y - 5)^2 = 25$                   ④  $(x - 8)^2 + (y - 13)^2 = 169$   
⑤  $(x - 8)^2 + (y - 13)^2 = 25$

15. 좌표평면 위의 두 점 A(-1, 0), B(1, 0) 까지의 거리의 비가 1 : 2 인  
점 P(x, y) 의 자취의 길이는?

- ①  $\frac{5}{3}\pi$       ②  $2\pi$       ③  $\frac{8}{3}\pi$       ④  $3\pi$       ⑤  $\frac{10}{3}\pi$

16. 점 A(-2, 1)과 B(2, -1)을 각각 지나는 임의의 두 직선은 항상 서로

직교한다.

이 때, 만나는 점 P의 자취의 길이를 구하면?

- ①  $2\sqrt{5}$     ②  $3\sqrt{5}\pi$     ③  $2\sqrt{5}\pi$     ④  $2\sqrt{3}\pi$     ⑤  $3\sqrt{5}$

17. 직선  $3x + 4y + a = 0$ 이 원  $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 2$ 에 접할 때, 양수  $a$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:  $a = \underline{\hspace{2cm}}$

18. 평행이동  $(x, y) \rightarrow (x + m, y + n)$ 에 의하여 점 A(1, 2) 가 점 B로 옮겨질 때,  $\overline{AB} = 4\sqrt{2}$  이고 점 B에서 직선  $x + y - 3 = 0$ 에 이르는 거리가  $3\sqrt{2}$  이다. 이때,  $mn$ 의 값은?

① -4      ② -2      ③ 2      ④ 4      ⑤ 6

19. 두 점 A(1, 4), B(5, 2)에 대하여 점 P는 x축 위를 움직이고 점 Q는 y축 위를 움직일 때,  $\overline{AQ} + \overline{PQ} + \overline{BP}$ 의 최솟값을 구하면?

- ①  $2\sqrt{2}$     ②  $3\sqrt{2}$     ③  $4\sqrt{2}$     ④  $5\sqrt{2}$     ⑤  $6\sqrt{2}$

20. 두 점  $A(3, -2)$ ,  $B(-5, 1)$ 에 대하여 선분  $AB$ 를  $t : (1-t)$ 로 내분하는  
점이 제 3 사분면에 있을 때,  $t$ 의 값의 범위는?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \quad \frac{1}{4} < t < \frac{1}{3} & \textcircled{2} \quad \frac{1}{3} < t < \frac{1}{2} & \textcircled{3} \quad \frac{1}{3} < t < \frac{2}{3} \\ \textcircled{4} \quad \frac{3}{8} < t < \frac{2}{3} & \textcircled{5} \quad \frac{3}{8} < t < \frac{5}{6} & \end{array}$$

21. 두 점  $A(3, 2)$ ,  $B(a, b)$  를 지나는 직선의 기울기가 2 이고, 이 직선과  
직선  $x + 2y - 3 = 0$  의 교점은 선분  $AB$  를  $2 : 1$  로 내분하는 점이다.  
이 때,  $3a + b$  의 값은?

① 3      ② 5      ③ 7      ④ 9      ⑤ 10

22. 원  $x^2 + y^2 + 4x - 2y = 0$ 과 원점을 중심으로 하는 어떤 원이 직선  $y = ax + b$ 에 대하여 대칭일 때,  $ab$ 의 값은?

① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

23.  $A = 2(x + m)$ ,  $B = 5x + 4n$ ,  $C = 3x - 2n$ 에 대하여 연립부등식  $A \leq B \leq C$  를 풀었는데, 실수로  $m$  과  $n$  의 값을 바꾸어 푸는 바람에 해가  $8 \leq x \leq 21$  이 되었다. 이 부등식을 올바르게 풀었을 때의  $A \leq B \leq C$  를 만족하는 해의 최솟값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

24. 부등식  $1 \leq |x - 1| < 6$  을 만족하는 정수  $x$  중 최댓값과 최솟값의 합을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

25. 어떤 삼각형의 세 변의 길이가 긴 변부터 차례로  $4x + 5$ ,  $x + 12$ ,  $2x - 3$ 이고, 세 변의 길이가 모두 자연수일 때,  $x$  의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_