

1. $7(x+1) = 10x+1$ 과 같은 해를 갖는 방정식은?

① $4x+8=16$

② $4-3x=-2x+7$

③ $6(x-1)=-(5-4x)$

④ $5(x-8)=6x$

⑤ $2x-7(5+x)=0$

해설

$$7(x+1) = 10x+1$$

$$7x+7 = 10x+1$$

$$6 = 3x \quad \therefore x = 2$$

① $4x+8=16$

$$4x = 8 \quad \therefore x = 2$$

② $4-3x=-2x+7$

$$4-7 = -2x+3x \quad \therefore -3 = x$$

③ $6(x-1) = -(5-4x)$

$$6x-6 = -5+4x$$

$$6x-4x = -5+6$$

$$2x = 1 \quad \therefore x = \frac{1}{2}$$

④ $5(x-8) = 6x$

$$5x-40 = 6x \quad \therefore -40 = x$$

⑤ $2x-7(5+x) = 2x-35-7x = -5x-35 = 0,$

$$-5x = 35 \quad \therefore x = -7$$

2. $3\{-x + 2(x + 1) - 4\} = 18 - 5x$ 의 해가 $x = a$ 일 때, $a - \frac{a^2}{3}$ 의 값을 구하면?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$3\{-x + 2(x + 1) - 4\} = 18 - 5x$$

$$3(-x + 2x + 2 - 4) = 18 - 5x$$

$$3(x - 2) = 18 - 5x$$

$$3x - 6 = 18 - 5x$$

$$8x = 24$$

$$x = 3$$

$$\therefore a = 3$$

$$\text{따라서 } a - \frac{a^2}{3} = 3 - \frac{3^2}{3} = 3 - 3 = 0 \text{ 이다.}$$

3. 방정식 $-2x + 5 = 3(x - 1)$ 에서 x 의 값은?

① $-\frac{5}{8}$

② $-\frac{3}{4}$

③ 0

④ $\frac{3}{4}$

⑤ $\frac{8}{5}$

해설

$$-2x + 5 = 3(x - 1)$$

$$-2x + 5 = 3x - 3$$

$$-5x = -8$$

$$x = \frac{8}{5}$$

4. $5(x-2) = 3x+4$ 의 해를 a , $0.5x + 1.6 = 0.3x$ 의 해를 b 라 할 때,
 $a+b$ 의 값은?

① -5

② -1

③ 0

④ 7

⑤ 14

해설

$$5x - 10 = 3x + 4$$

$$2x = 14$$

$$x = 7$$

$$\therefore a = 7$$

$0.5x + 1.6 = 0.3x$ 의 양변에 10 을 곱하면

$$5x + 16 = 3x$$

$$2x = -16$$

$$x = -8$$

$$\therefore b = -8$$

따라서 $a+b = -1$

5. 방정식 $0.24x + 5.2 = 0.02x + 0.8$ 의 해를 $x = a$ 라고 할 때 $a^2 - a$ 의 값은?

① 330

② 350

③ 380

④ 400

⑤ 420

해설

양변에 100 을 곱하면,

$$24x + 520 = 2x + 80$$

$$22x = -440$$

$$\therefore x = -20$$

$a = -20$ 이므로

$$a^2 - a = (-20)^2 - (-20) = 420$$

6. 다음 중 방정식을 만족시키는 x 의 값이 가장 작은 것은?

① $0.1x + 0.3 = 0.2$

② $0.3(x - 1) + 0.7 = 0$

③ $\frac{1}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{x}{4}$

④ $0.2x - 3 = 0.5x$

⑤ $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} - \left\{ \frac{1}{2} - \left(x - \frac{7}{2} \right) \right\}$

해설

① $x + 3 = 2$, $x = -1$

② $3(x - 1) + 7 = 0$

$$3x - 3 + 7 = 0$$

$$3x + 4 = 0$$

$$\therefore x = -\frac{4}{3}$$

③ 양변에 12 를 곱하여 계수를 정수로 만든다.

$$4x - 6 = 3x$$

$$4x - 3x = 6$$

$$\therefore x = 6$$

④ 양변에 10 을 곱하여 계수를 정수로 만든다.

$$2x - 30 = 5x$$

$$-30 = 5x - 2x$$

$$-30 = 3x$$

$$\therefore x = -10$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{1}{2} = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \left(x - \frac{7}{2} \right)$$

$$\frac{1}{2} = x - \frac{7}{2}$$

$$1 = 2x - 7$$

$$2x = 8$$

$$\therefore x = 4$$

7. 다음 두 수 $2^a \times 3^3 \times 5^2$, $2^5 \times 3^2 \times 5^{a+1}$ 의 최소공배수가 $2^5 \times 3^3 \times 5^{a+1}$ 일 때, 다음 중 자연수 a 가 될 수 없는 것은?

① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 6

해설

2^a 와 2^5 의 최소공배수가 2^5 이므로 a 는 5 이하의 수가 되어야 한다.

또한 5^2 과 5^{a+1} 의 최소공배수가 5^{a+1} 이므로 $a+1$ 은 2 이상의 수가 되어, a 는 1 이상의 수가 된다.

따라서 두 조건을 모두 만족시키는 자연수는 1, 2, 3, 4, 5 이다.

8. $(-1) - (-1)^2 - (-1)^3 - (-1)^4 - \dots - (-1)^{100}$ 을 계산하면?

① -5050

② 5050

③ -2

④ 2

⑤ 0

해설

$$\begin{aligned} & (-1) - (-1)^2 - (-1)^3 - (-1)^4 - \dots - (-1)^{100} \\ &= -1 - 1 + 1 - 1 + 1 - 1 + 1 - \dots - 1 \\ &= -2 \end{aligned}$$

9. 다음을 계산한 값으로 옳은 것을 고르면?

$$(-1)^{2009} \times (-1)^{2010} + (-1^{10}) \times (1^{10})$$

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$(-1)^{(\text{짝수})} = 1$, $(-1)^{(\text{홀수})} = -1$ 이므로

$$(-1)^{2010} = 1, (-1)^{2009} = -1$$

$$(-1^{10}) = -(1^{10}) = -1, 1^{10} = 1$$

따라서

$$(-1)^{2009} \times (-1)^{2010} + (-1^{10}) \times (1^{10})$$

$$= (-1) \times 1 + (-1) \times 1$$

$$= -1 + (-1) = -2 \text{ 이다.}$$

10. $y = -[\{(-1)^{100} + 7^2\} \div (-5)]$ 이고, x 는 $|x| < 4$ 인 정수일 때, x 중에서 y 의 약수가 아닌 것은 모두 몇 개인가?(단, $x > 0$)

① 1

② 2

③ 5

④ 7

⑤ 11

해설

$$\begin{aligned}y &= -[\{(-1)^{100} + 7^2\} \div (-5)] \\&= -[\{(+1) + 49\} \div (-5)] \\&= -\{50 \div (-5)\} \\&= -(-10) \\&= 10\end{aligned}$$

$$x = -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$$

y 의 약수는 1, 2, 5, 10 이므로

$\therefore -3, -2, -1, 0, 3$ 총 5개