

1. 다음에 알맞은 수로만 구성된 것은?

- Ⓐ 제곱하여 25 가 되는 수
- Ⓑ 제곱하여 16 이 되는 수
- Ⓒ 제곱하여 1 이 되는 수
- Ⓓ 제곱하여 0 이 되는 수
- Ⓔ 제곱하여  $-9$  가 되는 수

① Ⓐ 5, Ⓑ 4, Ⓒ 1, Ⓓ 0, Ⓔ  $-3$

② Ⓐ  $\pm 5$ , Ⓑ  $\pm 4$ , Ⓒ  $\pm 1$ , Ⓓ 0, Ⓔ 3

③ Ⓐ  $\pm 5$ , Ⓑ  $\pm 4$ , Ⓒ  $\pm 1$ , Ⓓ 0, Ⓔ 없다

④ Ⓐ 5, Ⓑ  $\pm 4$ , Ⓒ  $\pm 1$ , Ⓓ 0, Ⓔ 없다

⑤ Ⓐ  $\pm 5$ , Ⓑ  $\pm 4$ , Ⓒ 1, Ⓓ 0, Ⓔ 없다

해설

(제곱하여  $a$ 가 되는 수) = ( $a$ 의 제곱근)  
제곱해서  $-9$  가 되는 수는 없다.

2.  $(x+2)^2 - (x+2)(y-1) - 6(y-1)^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(x+3y-1)(x-2y+4)$       ②  $(x+2y+4)(x-3y)$   
③  $(x+3y)(x-2y)$       ④  $(x-3y+5)(x+2y)$   
⑤  $(x-3y-4)(x-2y+1)$

해설

$x+2 = A, y-1 = B$ 로 치환하면

$$\begin{aligned}A^2 - AB - 6B^2 &= (A + 2B)(A - 3B) \\&= \{(x+2) + 2(y-1)\} \{(x+2) - 3(y-1)\} \\&= (x+2+2y-2)(x+2-3y+3) \\&= (x+2y)(x-3y+5)\end{aligned}$$

3.  $12ax^2 - 12axy + 3ay^2$  을 인수분해하면?

- ①  $12(ax - ay)^2$
- ②  $6a(x - y)^2$
- ③  $(6ax - ay)^2$
- ④  $3a(x - y)^2$
- ⑤  $3a(2x - y)^2$

해설

$$\begin{aligned}12ax^2 - 12axy + 3ay^2 &= 3a(4x^2 - 4xy + y^2) \\&= 3a(2x - y)^2\end{aligned}$$

4. 이차방정식  $2x^2 - 12x + 13 = 0$  을  $(x-A)^2 = B$  꼴로 나타낼 때,  $A + B$ 의 값을 구하면?

①  $\frac{11}{2}$

② 5

③ 6

④  $\frac{13}{2}$

⑤ 7

해설

$$2x^2 - 12x + 13 = 0 \rightarrow 2(x^2 - 6x + 9 - 9) + 13 = 0$$

$$\rightarrow 2(x-3)^2 = 5 \text{ } \circ] \text{므로 } \rightarrow (x-3)^2 = \frac{5}{2}$$

$$A = 3, B = \frac{5}{2} \text{ 에서 } A + B = \frac{11}{2} \text{ } \circ\text{이다.}$$

5. 다음 수를 큰 수부터 차례로 나타낸 것은?

보기

$$2\sqrt{11}, 3\sqrt{7}, 0, -\sqrt{\frac{1}{2}}, -\sqrt{\frac{1}{3}}$$

- ①  $0, 2\sqrt{11}, 3\sqrt{7}, -\sqrt{\frac{1}{2}}, -\sqrt{\frac{1}{3}}$
- ②  $0, 3\sqrt{7}, 2\sqrt{11}, -\sqrt{\frac{1}{3}}, -\sqrt{\frac{1}{2}}$
- ③  $3\sqrt{7}, 2\sqrt{11}, 0, -\sqrt{\frac{1}{2}}, -\sqrt{\frac{1}{3}}$
- ④  $2\sqrt{11}, 3\sqrt{7}, 0, -\sqrt{\frac{1}{3}}, -\sqrt{\frac{1}{2}}$
- ⑤  $3\sqrt{7}, 2\sqrt{11}, 0, -\sqrt{\frac{1}{3}}, -\sqrt{\frac{1}{2}}$

해설

$$2\sqrt{11} = \sqrt{44}, 3\sqrt{7} = \sqrt{63}, \sqrt{\frac{1}{2}} > \sqrt{\frac{1}{3}} \text{이므로 } -\sqrt{\frac{1}{2}} < -\sqrt{\frac{1}{3}}$$

큰 수부터 차례대로 나타내면,  $3\sqrt{7}, 2\sqrt{11}, 0, -\sqrt{\frac{1}{3}}, -\sqrt{\frac{1}{2}}$

6. 이차방정식  $x^2 + x - 4 = 0$  의 한 근을  $a$ ,  $x^2 - x - 2 = 0$  의 한 근을  $b$  라 할 때,  $\frac{a^2 + a}{b^2 - b}$ 의 값은?

①  $-2$

②  $-\frac{1}{2}$

③  $\frac{2}{\sqrt{5} - 1}$

④  $\frac{1}{2}$

⑤ 2

해설

$x^2 + x - 4 = 0$ 의 한 근이  $a$ 이므로

$$a^2 + a - 4 = 0, a^2 + a = 4$$

$x^2 - x - 2 = 0$ 의 한 근이  $b$ 이므로

$$b^2 - b - 2 = 0, b^2 - b = 2$$

$$\therefore \frac{a^2 + a}{b^2 - b} = \frac{4}{2} = 2$$

7.  $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{6} - \sqrt{2}} - \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{6} + \sqrt{2}}$  을 계산하면?

- ①  $\frac{\sqrt{6}}{2}$       ②  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       ③  $\frac{\sqrt{2}}{2}$       ④  $2\sqrt{6}$       ⑤  $2\sqrt{3}$

해설

$$\frac{\sqrt{3}(\sqrt{6} + \sqrt{2}) - \sqrt{3}(\sqrt{6} - \sqrt{2})}{(\sqrt{6} - \sqrt{2})(\sqrt{6} + \sqrt{2})} = \frac{3\sqrt{2} + \sqrt{6} - 3\sqrt{2} + \sqrt{6}}{4} =$$

$$\frac{\sqrt{6}}{2}$$

8. 신의는 한 변의 길이가 각각  $x$  cm,  $y$  cm 인 정사각형 모양의 생일 카드를 만들었다. 이 두 카드의 둘레의 길이의 차가 24 cm이고 넓이의 차가  $150 \text{ cm}^2$  일 때, 두 카드의 둘레의 길이의 합을 구하면?

- ① 6 cm
- ② 25 cm
- ③ 50 cm
- ④ 100 cm
- ⑤ 150 cm

해설

$$4x - 4y = 24 \text{ 이므로 } x - y = 6$$

$$x^2 - y^2 = 150 \text{ 이므로 } (x + y)(x - y) = 150$$

$$x + y = 25$$

$$\therefore 4x + 4y = 100$$

9. 다음 보기 중에서 가장 큰 수를 구하면?

①  $\frac{1}{2}$

②  $\sqrt{\frac{3}{4}}$

③  $\sqrt{7}$

④ 3

⑤  $\sqrt{8}$

해설

$$\frac{1}{2} = \sqrt{\frac{1}{4}}, \sqrt{\frac{3}{4}}, \sqrt{7}, 3 = \sqrt{9}, \sqrt{8}$$

큰 숫자 순서로 배열하면  $3 > \sqrt{8} > \sqrt{7} > \sqrt{\frac{3}{4}} > \frac{1}{2}$  이다.

10.  $(3x + 1)^2 - (2x - 3)^2 = (5x + a)(x + b)$  일 때,  $a - b$ 의 값은?

① 5

② -1

③ -6

④ -10

⑤ -12

해설

$$(3x + 1 + 2x - 3)(3x + 1 - 2x + 3) = (5x - 2)(x + 4)$$

$$a = -2, \quad b = 4$$

$$\therefore a - b = -6$$

11.  $\frac{3\sqrt{a-4}}{\sqrt{18}} = 3$  일 때,  $a$ 의 값은?

① 24

② 22

③ 20

④ 18

⑤ 16

해설

$$\frac{3\sqrt{a-4}}{\sqrt{18}} = \frac{3\sqrt{a-4} \times \sqrt{2}}{3\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{a-4} \times \sqrt{2}}{2} = 3$$

$$\sqrt{a-4} \times \sqrt{2} = 6 = \sqrt{36}$$

$$(a-4) \times 2 = 36$$

$$a-4 = 18$$

$$\therefore a = 22$$

12. 이차방정식  $x^2 + 4x - 1 = 0$  을  $(x+a)^2 = b$  의 꼴로 고칠 때,  $a+b$ 의 값을 구하면?

- ① 5      ② 7      ③ 9      ④ 11      ⑤ 13

해설

$$x^2 + 4x - 1 = 0$$

$$x^2 + 4x = 1$$

$$(x+2)^2 = 5$$

$$\therefore a = 2, b = 5$$

$$\therefore a + b = 7$$

### 13. 다음 중 완전제곱식이 되지 않는 것은?

①  $x^2 - 6x + 9$

②  $4x^2 + 16x + 16$

③  $x^2 + \frac{1}{5}x + \frac{1}{25}$

④  $x^2 + 2xy + y^2$

⑤  $x^2 + \frac{1}{3}xy + \frac{1}{36}y^2$

해설

①  $x^2 - 6x + 9 = (x - 3)^2$

②  $4x^2 + 16x + 16 = (2x + 4)^2$

④  $x^2 + 2xy + y^2 = (x + y)^2$

⑤  $x^2 + \frac{1}{3}xy + \frac{1}{36}y^2 = \left(x + \frac{1}{6}y\right)^2$

14. 이차방정식  $-x^2 + 2x + 8 = 0$  의 두 근의 합이  $x^2 - 2x + a = 0$  의 근일 때,  $a$ 의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$-x^2 + 2x + 8 = 0$$

$$x^2 - 2x - 8 = 0$$

$$(x - 4)(x + 2) = 0$$

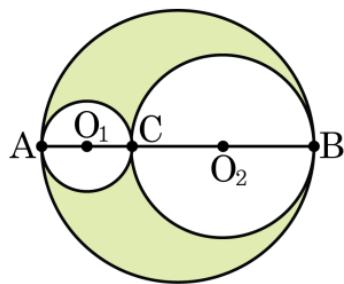
$$x = 4 \text{ 또는 } x = -2$$

$$\text{두 근의 합 } 4 + (-2) = 2$$

$$x^2 - 2x + a = 0 \text{ 에 } x = 2 \text{ 를 대입}$$

$$4 - 4 + a = 0, a = 0$$

15. 다음 그림에서  $\overline{AB}$  를 지름으로 하는 큰 원과 두 원  $O_1$ ,  $O_2$  가 세 점 A, B, C 에서 서로 접하고 있다. 원  $O_1$  의 반지름이  $a$ , 원  $O_2$  의 반지름이  $b$  일 때, 색칠한 부분의 넓이를  $a$  와  $b$  를 사용하여 나타내면?



- ①  $\pi(3a^2 + 3b^2 + 8ab)$       ②  $8\pi ab$   
③  $2\pi ab$                                   ④  $\pi ab$   
⑤  $\pi(2a^2 + 2b^2 + 8ab)$

해설

$O_1$  의 반지름은  $a$ ,  $O_2$  의 반지름은  $b$  이므로 큰 원의 반지름은  $a+b$  이다.

따라서 색칠한 부분의 넓이는  $(a+b)^2\pi - a^2\pi - b^2\pi = 2ab\pi$  이다.