

1. 이차함수 $y = f(x)$ 에서 $f(x) = -x^2 + 2x + 1$ 일 때, $f(2) + f(-1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$f(x) = -x^2 + 2x + 1 \text{에서 } f(2) = 1, f(-1) = -2 \\ \therefore f(2) + f(-1) = -1$$

2. 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프가 점 $(-3, 27)$ 을 지날 때, a 의 값은?

- ① -2 ② 2 ③ 3 ④ -3 ⑤ 9

해설

$y = ax^2$ 의 그래프가 점 $(-3, 27)$ 을 지나므로

$$27 = a(-3)^2, a = 3$$

3. 다음 중 원점을 꼭짓점, y 축을 축으로 하고 점 $(-1, 3)$ 을 지나는 포물선의 방정식은?

① $y = (x - 1)^2 + 3$ ② $y = (x + 1)^2 + 3$

③ $y = x^2 + 2$ ④ $y = x^2 + 3$

⑤ $y = 3x^2$

해설

원점을 꼭짓점으로 하고 y 축을 축으로 하는 포물선의 식은

$y = ax^2$ 이고, 점 $(-1, 3)$ 을 지나므로

$3 = a \times (-1)^2, a = 3$

$\therefore y = 3x^2$

4. 다음 보기에서 y 가 x 에 관한 이차함수가 아닌 것을 골라라.

보기

- Ⓐ 한 모서리의 길이가 x 인 정육면체의 깊이 y
- Ⓑ 가로의 길이, 세로의 길이가 각각 $2x$, $x + 3$ 인 직사각형의 둘레의 길이
- Ⓒ 반지름의 길이가 x 인 원의 넓이 y
- Ⓓ 밑면의 반지름의 길이가 x , 높이가 7 인 원기둥의 부피 y

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

해설

식으로 나타내면 다음과 같다.

- Ⓐ $y = 6x^2$
- Ⓑ $y = 2(2x + x + 3) = 6x + 6$: 일차함수
- Ⓒ $y = \pi x^2$
- Ⓓ $y = 7\pi x^2$

따라서 y 가 x 에 관한 이차함수가 아닌 것은 Ⓑ이다.

5. 함수 $y = 2x^2 + 1 - a(x^2 - 1)$ 이 이차함수일 때, 다음 중 a 의 값이 될 수 없는 것은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

주어진 식 $y = 2x^2 + 1 - a(x^2 - 1)$ 을 정리하면 $y = (2-a)x^2 + a + 1$

이차함수가 되려면 x^2 의 계수 $2-a \neq 0$ 이어야 한다.

$$\therefore a \neq 2$$

6. 이차함수 $y = f(x)$ 에서 $f(x) = -x^2 + 2x - 1$ 일 때, $f(-3) - 2f(0)$ 의 값은?

- ① 13 ② -13 ③ 14 ④ -14 ⑤ 15

해설

$x = -3$ 을 대입하면 $y = -16$ 이고, $x = 0$ 을 대입하면 $y = -1$ 이므로 $f(-3) - 2f(0) = -16 + 2 = -14$ 이다.

7. 함수 $y = f(x)$ 에서 $y = x^2 + 3x - 4$ 일 때, $f(f(f(1)))$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$\begin{aligned}f(1) &= 1^2 + 3 - 4 = 0 \\f(f(1)) &= f(0) = -4 \\\therefore f(f(f(1))) &= f(f(0)) = f(-4) = 0\end{aligned}$$

8. 이차함수 $y = -2x^2$ 의 그래프가 제 3사분면 위의 점 $(a, 3a)$ 를 지날 때, $2a$ 의 값은?

① -3 ② 3 ③ -4 ④ 4 ⑤ -2

해설

$$3a = -2a^2, 2a \left(a + \frac{3}{2} \right) = 0$$

$$\therefore a = 0 \text{ 또는 } a = -\frac{3}{2}$$

따라서 점 $(a, 3a)$ 가 제 3 사분면 위의 점이므로 $2a = 2 \times \left(-\frac{3}{2} \right) = -3$ 이다.

9. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 다음 조건을 만족할 때, 상수 b 의 값을 구하여라.

(가) 상수 m, n 에 대하여 $m - n = 6$ 이다.
(나) 두 점 $(1, m)$ 과 $(-1, n)$ 을 지난다.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

두 점 $(1, m)$ 과 $(-1, n)$ 을 함수식에 대입하면 $m = a+b+c, n = a - b + c$
두 식을 연립하여 풀면 $m - n = 2b, m - n = 6 \Rightarrow 2b = 6 \therefore b = 3$

10. 이차함수 $y = x^2$ 의 그래프 위에 점 $(3, a)$ 가 있을 때, a 의 값을 구하여라.

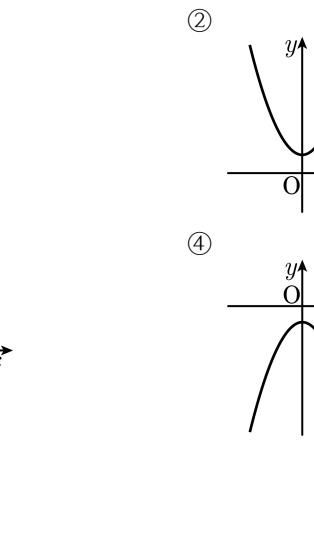
▶ 답:

▷ 정답: $a = 9$

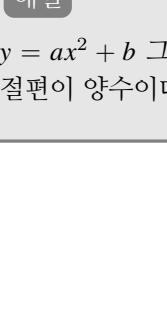
해설

$$y = x^2 \text{ } \diamond \parallel x = 3, y = a \text{ 를 대입하면}$$
$$a = 3^2 = 9$$

11. 다음 그림은 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프이다. 다음 중 이차함수 $y = ax^2 + b$ 의 그래프는?



①



②



③



④



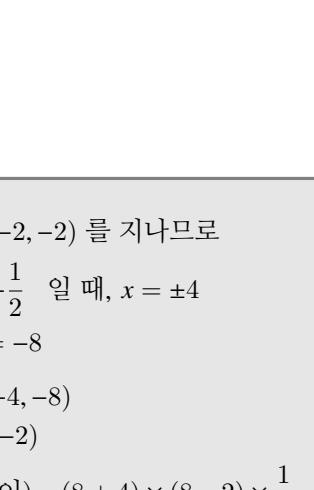
⑤



해설

$y = ax^2 + b$ 그래프에서 $a < 0, b > 0$ 이므로 위로 볼록하고 y 절편이 양수이다.

12. 다음 그림에서 사각형 ABCD 는 네 꼭짓점이 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프 위에 있는 사다리꼴이다. 사각형 ABCD 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 36

해설

$y = ax^2$ 가 점 $(-2, -2)$ 를 지나므로

$$-2 = 4a, a = -\frac{1}{2} \text{ 일 때, } x = \pm 4$$

$$y = -\frac{1}{2}x^2, y = -8$$

$$A(-2, -2), B(-4, -8)$$

$$C(4, -8), D(2, -2)$$

$$(\square ABCD \text{ 의 넓이}) = (8 + 4) \times (8 - 2) \times \frac{1}{2} = 36$$

13. 다음 이차함수의 그래프 중 위로 볼록하면서 폭이 가장 좁은 것을 골라라.

Ⓐ $y = 3x^2 - 1$ Ⓑ $y = -x^2 - 2$

Ⓒ $y = -\frac{1}{2}x^2$

Ⓓ $y = -5x^2 + \frac{1}{3}$

Ⓔ $y = \frac{1}{3}x^2$

Ⓕ $y = 5x^2$

▶ 답:

▷ 정답: Ⓟ

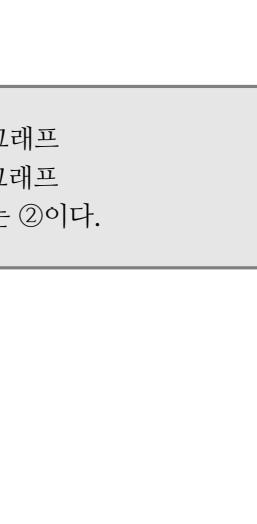
해설

x^2 의 계수가 음수이면서 절댓값이 가장 큰 이차함수를 찾는다.

14. 다음 그림은 두 이차함수 $y = 2x^2$ 과 $y = -x^2$ 의 그래프이다. 다음 이차함수의 그래프 중이 두 그래프 사이의 색칠된 부분에 있지 않은 것을 고르면?

① $y = \frac{3}{2}x^2$ ② $y = -\frac{3}{2}x^2$
③ $y = \frac{1}{2}x^2$ ④ $y = -\frac{1}{2}x^2$

⑤ $y = x^2$



해설

$a > 0$ 일 때, a 의 절댓값이 2보다 작은 그래프
 $a < 0$ 일 때, a 의 절댓값이 1보다 작은 그래프
두 조건에 의해서 만족하지 않는 그래프는 ②이다.

15. 이차함수 $y = -x^2$ 의 그래프에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 점 $(3, -9)$ 를 지난다.
- ② 위로 볼록한 그래프이다.
- ③ 축의 방정식이 $x = 0$ 이다.
- ④ $y = x^2$ 의 그래프와 x 축에 대하여 대칭이다.
- ⑤ 항상 x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

해설

$y = -x^2$ 은 위로 볼록한 포물선이고 원점 $(0, 0)$ 을 꼭짓점으로 한다. y 축에 대칭이므로 축의 방정식이 $x = 0$ 이다. $y = x^2$ 의 그래프와 x 축에 대하여 대칭이고 $x < 0$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가하고 $x > 0$ 일 때, x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다. 따라서 ⑤이 답이다.

16. 이차함수 $y = 3x^2$ 에 대한 설명이다. 옳지 않은 것은?

① 꼭짓점의 좌표는 $(0, 0)$ 이다.

② 아래로 볼록한 그래프이다.

③ $y = -3x^2$ 보다 폭이 넓다.

④ y 축을 축으로 한다.

⑤ $y = -3x^2$ 과 x 축 대칭이다.

해설

③ 3과 -3 은 절댓값의 크기가 같으므로 폭이 같다.

17. 두 함수 $(a^2 - 3a + 2)y^2 + 2y - 4x^2 - 1 = 0$ 과 $y = (2a^2 - 8)x^2 - 3x + 1$ 이 모두 y 가 x 에 관한 이차함수가 되도록 상수 a 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

i) $(a^2 - 3a + 2)y^2 + 2y - 4x^2 - 1 = 0$ 이 x 에 관한 이차함수가 되기

위해서는 $a^2 - 3a + 2 = 0$ 이어야 하므로 $(a - 1)(a - 2) = 0$

$$\therefore a = 1 \text{ 또는 } a = 2$$

ii) $y = (2a^2 - 8)x^2 - 3x + 1$ 이 x 에 관한 이차함수가 되기 위해

서는 $2a^2 - 8 \neq 0$ 이어야 하므로 $a \neq \pm 2$

i), ii)에 의하여 $a = 1$ 이다.

18. 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프가 두 점 $(4, 8)$, $\left(b, \frac{9}{2}\right)$ 를 지난다. 이 함수와 x 축 대칭인 이차함수가 (b, c) 를 지난 때, c 의 값은?(단, $b < 0$)

① -2 ② $-\frac{5}{2}$ ③ 3 ④ $\frac{7}{2}$ ⑤ $-\frac{9}{2}$

해설

$y = ax^2$ 에 $(4, 8)$, $\left(b, \frac{9}{2}\right)$ 을 대입하면

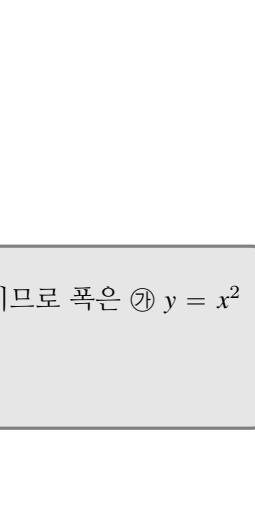
$$a = \frac{1}{2}, b = -3 \text{ 이다.}$$

이 이차함수와 x 축 대칭인 이차함수는

$$y = -\frac{1}{2}x^2 \text{ 이고 } (-3, c) \text{ 를 지나므로}$$

$$\therefore c = -\frac{9}{2}$$

19. 다음 그림은 모두 원점을 꼭짓점으로 하는 포물선이며, x 축을 기준으로 위, 아래에 놓여있는 그래프는 서로 대칭이다. 그 중 ② 는 $y = x^2$ 의 그래프의 개형으로 옳은 것을 찾아 기호로 써라.



▶ 답:

▷ 정답: ②

해설

$-1 < a < 0$ 이므로 위로 볼록, $|a| < 1$ 이므로 폭은 ② $y = x^2$ 보다 넓은 포물선이다.

따라서 ②이다.

20. 다음의 이차함수의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- (가) $y = \frac{1}{2}x^2$
(나) $y = -2x^2$
(다) $y = 2x^2$
(라) $y = -\frac{1}{4}x^2$

- ① (나)와 (다)의 그래프는 폭이 같다.
② 아래로 볼록한 포물선은 (가)와 (다)이다.
③ 폭이 가장 넓은 그래프는 (라)이다.
④ (나)와 (다)의 그래프는 x 축에 대하여 서로 대칭이다.
⑤ x 축 아래쪽에 나타나지 않는 그래프는 (나), (라)이다.

해설

- ① $|a|$ 이 같으므로 두 그래프는 폭이 같다.
② $a > 0$ 이므로 아래로 볼록이다.
③ $|a|$ 가 작을 수록 폭이 넓다.
④ a 의 부호가 반대이면 x 축 대칭이다.
⑤ (나), (라)는 $a < 0$ 이므로 x 축 아래에 나타난다.