

1. 이차함수  $y = x^2 + 4$  의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ①  $y$  축에 대하여 좌우대칭이다.
- ② 점  $(-2, 0)$  을 지난다.
- ③ 꼭지점의 좌표는  $(0, 4)$  이다.
- ④  $x$  의 값이 증가할 때,  $y$  의 값도 증가한다.
- ⑤  $y = -x^2 - 4$  의 그래프와  $x$  축에 대하여 대칭이다.

해설

- ② 점  $(-2, 8)$  을 지난다.
- ④  $x < 0$  일 때,  $x$  의 값이 증가하면  $y$  의 값은 감소한다.

2. 이차함수  $y = -(x + 1)^2$  의  $y$ 의 범위는?

- ①  $y \geq -1$       ②  $y \leq -1$       ③  $y \geq 0$   
④  $y \leq 0$       ⑤  $y \geq 1$

해설

실수의 제곱은 항상 0 또는 양수이기 때문에 이 그래프의  $y$ 의 값의 범위는  $y \leq 0$ 이다.

3. 평행이동에 의하여 포물선  $y = -\frac{1}{3}x^2 + 1$ 의 그래프와 완전히 포개어지는 것은?

①  $y = \frac{1}{3}x^2 + 1$       ②  $y = -3x^2 - 2x + 1$

③  $y = 3x^2 + 1$       ④  $y = x^2 + 1$

⑤  $y = -\frac{1}{3}x^2 + \frac{1}{3}x + 4$

해설

완전히 포개어지려면  $x^2$ 의 계수가 같아야 한다.

4. 이차함수  $y = 3x^2 - 12x + 1$  의 그래프의 축의 방정식은?

- ①  $x = 2$       ②  $x = -2$       ③  $x = 4$   
④  $x = -4$       ⑤  $x = 6$

해설

$$\begin{aligned}y &= 3x^2 - 12x + 1 \\&= 3(x^2 - 4x + 4 - 4) + 1 \\&= 3(x - 2)^2 - 11\end{aligned}$$

따라서 축의 방정식은  $x = 2$ 이다.

5. 다음 중 이차함수  $y = 2(x + 2)^2$  의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 아래로 볼록한 포물선이다.
- ② 꼭짓점의 좌표는  $(-2, 0)$  이다.
- ③ 축의 방정식은  $x = -2$
- ④  $y = 2x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프이다.
- ⑤  $y = -2(x + 2)^2$  의 그래프와  $x$  축에 대하여 대칭이다.

해설

$y = 2x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 2만큼 평행이동한 그래프는  $y = 2(x - 2)^2$  이다.

6. 모양이  $y = 2x^2$  과 같고 아래로 볼록하며 축의 방정식이  $x = -3$  이고 꼭짓점이  $x$  축 위에 있는 포물선의 방정식을 구하면?

- ①  $y = 2x^2 - 3$       ②  $y = 2x^2 + 3$   
③  $y = 2(x + 3)^2$       ④  $y = -2(x + 3)^2$   
⑤  $y = -2(x - 3)^2$

해설

$x^2$  의 계수는 모양을 결정하고 볼록한 방향은  $x$ 의 계수의 부호를 결정하며 축의 방정식은 평행이동한 정도를 나타내고 꼭짓점이  $x$  축 위에 있는 것은  $y$  축의 방향으로 평행이동하지 않았다는 의미이다.

따라서  $y = 2(x + 3)^2$  이다.

7. 주어진 이차함수 중 축의 방정식이  $x = -1$  이 아닌 식을 모두 고르면?

①  $y = -(x + 1)^2 + 4$

②  $y = -\frac{1}{2}(x + 1)^2$

③  $y = x^2 + 1$

④  $y = -3(x + 1)^2 - 1$

⑤  $y = -(x - 1)^2$

해설

①, ②, ④의 축의 방정식은  $x = -1$ 이고, ③의 축의 방정식은  $x = 0$ , ⑤의 축의 방정식은  $x = 1$ 이다.

8. 다음 중 함수의 그래프가  $x$  축에 대하여 대칭인 것은 모두 몇 쌍인지 구하여라.

Ⓐ $y = -x^2$	Ⓑ $y = 4x^2$	Ⓒ $y = -\frac{3}{2}x^2$
Ⓓ $y = -4x^2$	Ⓔ $y = \frac{3}{2}x^2$	Ⓕ $y = -2x^2$
Ⓖ $y = \frac{1}{2}x^2$	Ⓗ $y = \frac{2}{3}x^2$	

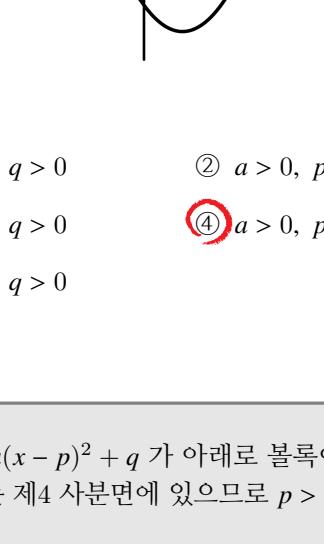
▶ 답: 쌍

▷ 정답: 2 쌍

해설

Ⓐ와 Ⓑ, Ⓒ와 Ⓓ

9. 다음 그림은 이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  의 그래프이다.  $a, p, q$  의 부호로 옳은 것은?



- ①  $a < 0, p > 0, q > 0$   
②  $a > 0, p < 0, q < 0$   
③  $a > 0, p < 0, q > 0$   
**④  $a > 0, p > 0, q < 0$**   
⑤  $a > 0, p > 0, q > 0$

해설

이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  가 아래로 볼록이므로  $a > 0$  이고, 꼭짓점  $(p, q)$  는 제4 사분면에 있으므로  $p > 0, q < 0$  이다.

10. 이차함수  $y = 2(x+1)^2 - 2$  의 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x = -1$  을 축으로 하는 아래로 볼록한 포물선이다.
- ② 꼭짓점의 좌표는  $(-1, -2)$  이다.
- ③  $y$  절편은  $-2$  이다.
- ④  $y = 2x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-1$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $-2$  만큼 평행이동 시킨 것이다.
- ⑤  $(1, 6)$  을 지난다.

해설

$y$  절편은  $x = 0$  일 때의  $y$  값이므로  $y$  절편은  $0$  이다.

11.  $y = 2x^2 + 4x - 1$  을  $a(x-p)^2 + q$  꼴로 고치는 과정 중 처음 틀린 곳을 찾으라.

$$\begin{aligned}y &= 2x^2 + 4x - 1 \\&= 2(x^2 + 2x) - 1 \quad \dots\dots\dots \textcircled{\text{⑦}} \\&= 2(x^2 + 2x + 1 - 1) - 1 \quad \dots\dots\dots \textcircled{\text{⑧}} \\&= 2(x+1)^2 - 3 - 1 \quad \dots\dots\dots \textcircled{\text{⑨}} \\&= 2(x+1)^2 - 4 \quad \dots\dots\dots \textcircled{\text{⑩}}\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: ⑩

해설

$$\begin{aligned}y &= 2x^2 + 4x - 1 \\&= 2(x^2 + 2x) - 1 \quad \dots\dots\dots \textcircled{\text{⑦}} \\&= 2(x^2 + 2x + 1 - 1) - 1 \quad \dots\dots\dots \textcircled{\text{⑧}} \\&= 2(x+1)^2 - 2 - 1 \quad \dots\dots\dots \textcircled{\text{⑨}} \\&= 2(x+1)^2 - 3 \quad \dots\dots\dots \textcircled{\text{⑩}}\end{aligned}$$

따라서 처음으로 틀린 곳은 ⑩이다.

12. 이차함수  $y = 2x^2 - 12x + 16$ 의 그래프에서  $x$ 의 값이 증가함에 따라  $y$ 의 값도 증가하는  $x$ 의 값의 범위는?

- ①  $x > 3$       ②  $x > 2$       ③  $x < 3$   
④  $x < 2$       ⑤  $x < -3$

해설

$$\begin{aligned}y &= 2x^2 - 12x + 16 \\&= 2(x^2 - 6x + 9 - 9) + 16 \\&= 2(x - 3)^2 - 2\end{aligned}$$

대칭축이  $x = 3$ 이고 아래로 볼록한 포물선이다.

13. 이차함수  $y = 2(x - 3)^2 - 8$  의  $y$  절편으로 알맞은 것을 고르면?

- ① 6      ② 7      ③ 9      ④ 10      ⑤ 12

해설

$y$  절편은  $x = 0$  일 때의  $y$ 의 값이므로  
 $2(0 - 3)^2 - 8 = 2 \times (-3)^2 - 8 = 10$

14.  $y = -3x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $p$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $q$  만큼 평행이동하였다니 다음 그림과 같았다. 이 때,  $p, q$  의 값을 각각 구하여라.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $p = 4$

▷ 정답:  $q = 3$

해설

$y = ax^2$  의 그래프를  $y$  축으로  $q$  만큼,  $x$  축으로  $p$  만큼 평행이동하면  $y = a(x - p)^2 + q$  인데 함수의 식이  $y = -3(x - 4)^2 + 3$  이므로  $p = 4, q = 3$ 이다.

15. 이차함수  $y = -\frac{1}{2}(x+1)^2 - \frac{3}{2}$ 의 그래프에서  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값도 증가하는  $x$ 값의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x < -1$

해설

그레프를 그려보면 다음과 같다. 따라서  $x$ 의 값의 범위는  $x < -1$ 이다.



16.  $y = -\frac{1}{2}x^2 + 2x + m - 7$   $\cap$   $x$  축과 한 점에서 만날 때,  $\frac{1}{m}$ 의 값은?

① -5      ②  $-\frac{1}{5}$       ③  $-\frac{1}{2}$       ④  $\frac{1}{5}$       ⑤ 5

해설

$$y = -\frac{1}{2}x^2 + 2x + m - 7 = -\frac{1}{2}(x - 2)^2 + m - 5 \quad \text{이므로}$$

꼭짓점의 좌표는  $(2, m - 5)$  이다.

$x$  축과 한 점에서 만나므로  $m - 5 = 0$

$$\therefore m = 5, \frac{1}{m} = \frac{1}{5}$$

17. 이차함수  $y = x^2 - 4x + k$  의 그래프가  $x$  축과 만나지 않기 위한  $k$ 의 범위를 정하여라.

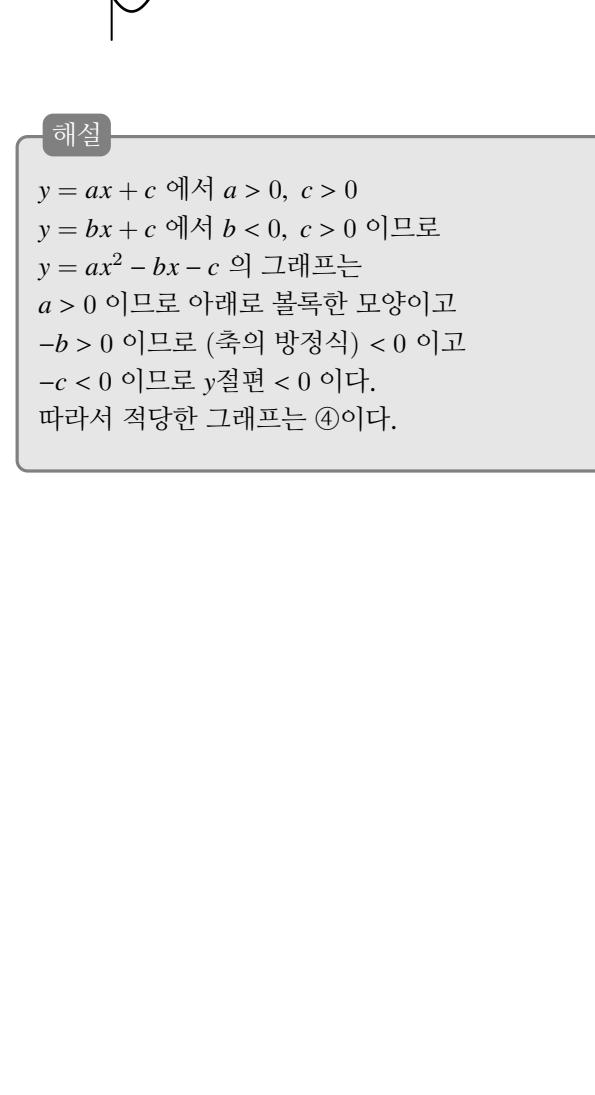
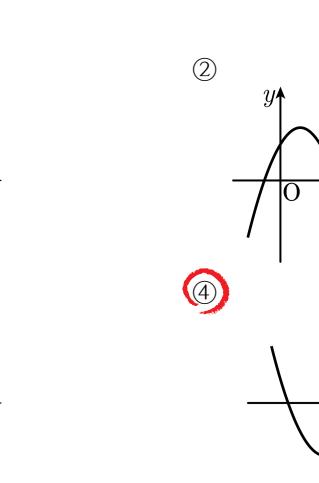
▶ 답:

▷ 정답:  $k > 4$

해설

$$D/4 = (-2)^2 - k < 0 \quad \therefore k > 4$$

18. 두 일차함수  $y = ax + c$ ,  $y = bx + c$  의 그래프가 다음과 같을 때,  
이차함수  $y = ax^2 - bx - c$  의 그래프로 적당한 것은?



해설

$y = ax + c$ 에서  $a > 0$ ,  $c > 0$   
 $y = bx + c$ 에서  $b < 0$ ,  $c > 0$  이므로  
 $y = ax^2 - bx - c$ 의 그래프는  
 $a > 0$  이므로 아래로 볼록한 모양이고  
 $-b > 0$  이므로 (축의 방정식)  $< 0$  이고  
 $-c < 0$  이므로  $y$ 절편  $< 0$  이다.  
따라서 적당한 그래프는 ④이다.

19. 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 5$ 의 그래프의  $y$  축과의 교점을 A, 원점을 O, 꼭짓점을 B 라 할 때,  $\triangle AOB$ 의 넓이를 구하면?

- ① 2.5      ② 3      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7.5

해설

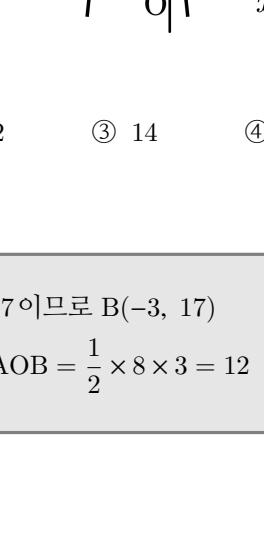
$$A(0, 5), O(0, 0)$$

$$y = \frac{1}{2}(x^2 - 4x) + 5 = \frac{1}{2}(x - 2)^2 + 3$$

$$\text{꼭짓점 } B(2, 3)$$

$$\therefore \triangle AOB = \frac{1}{2} \times 5 \times 2 = 5$$

20. 이차함수  $y = -x^2 - 6x + 8$ 의 그래프가 다음 그림과 같다. 점 A는 y 축과의 교점이고 점 B는 껍짓점이다. 이 때,  $\triangle AOB$ 의 넓이는? (단, O는 원점이다.)



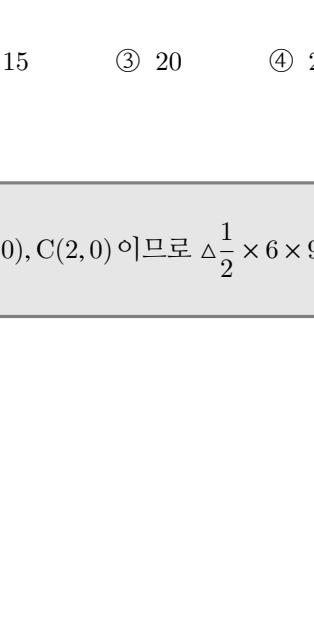
- ① 10      ② 12      ③ 14      ④ 16      ⑤ 18

해설

$$y = -(x+3)^2 + 17 \text{ } \circ\text{므로 } B(-3, 17)$$

$$A(0, 8) \text{ } \circ\text{므로 } \triangle AOB = \frac{1}{2} \times 8 \times 3 = 12$$

21. 다음 그림은 이차함수  $y = -x^2 - 2x + 8$ 의 그래프이다. 꼭짓점을 A,  $x$ -축과의 교점을 각각 B, C라고 할 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이는?



- ① 10      ② 15      ③ 20      ④ 24      ⑤ 27

해설

$A(-1, 9), B(-4, 0), C(2, 0)$ 이므로  $\frac{1}{2} \times 6 \times 9 = 27$ 이다.

22. 이차함수  $y = -\frac{2}{3}x^2 + 4x$  의 꼭짓점의 좌표를 A, x 축과 만나는 두 점을 각각 B, C 라 할 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 18

해설

$x$  축은  $y = 0$  일 때의 값이므로

$$2x^2 - 12x = 0$$

$$x^2 - 6x = 0$$

$$x(x - 6) = 0$$

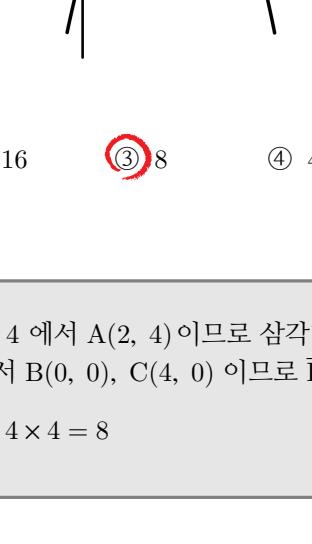
$$\therefore x = 0 \text{ 또는 } x = 6$$

$$B(0, 0), C(6, 0)$$

$y = -\frac{2}{3}(x - 3)^2 + 6$  이므로 꼭짓점은  $(3, 6)$ 이다.

따라서 삼각형 ABC의 넓이는  $\frac{1}{2} \times 6 \times 6 = 18$ 이다.

23. 이차함수  $y = -x^2 + 4x$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때,  $\triangle ABC$  의 넓이를 구하면? (점 A 는 꼭짓점)



- ① 32      ② 16      ③ 8      ④ 4      ⑤ 2

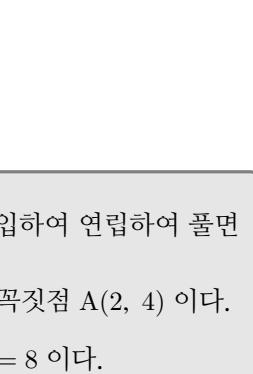
해설

$y = -(x - 2)^2 + 4$ 에서 A(2, 4)이므로 삼각형의 높이는 4이다.

$y = x(x - 4)$ 에서 B(0, 0), C(4, 0)이므로  $\overline{BC} = 4$

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$$

24. 다음 그림은 이차함수  $y = -x^2 + bx + c$  의 그래프이다. 이 포물선의  $x$  축과의 교점을 B, C, 꼭짓점을 A라고 할 때, 삼각형 ABC의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 8

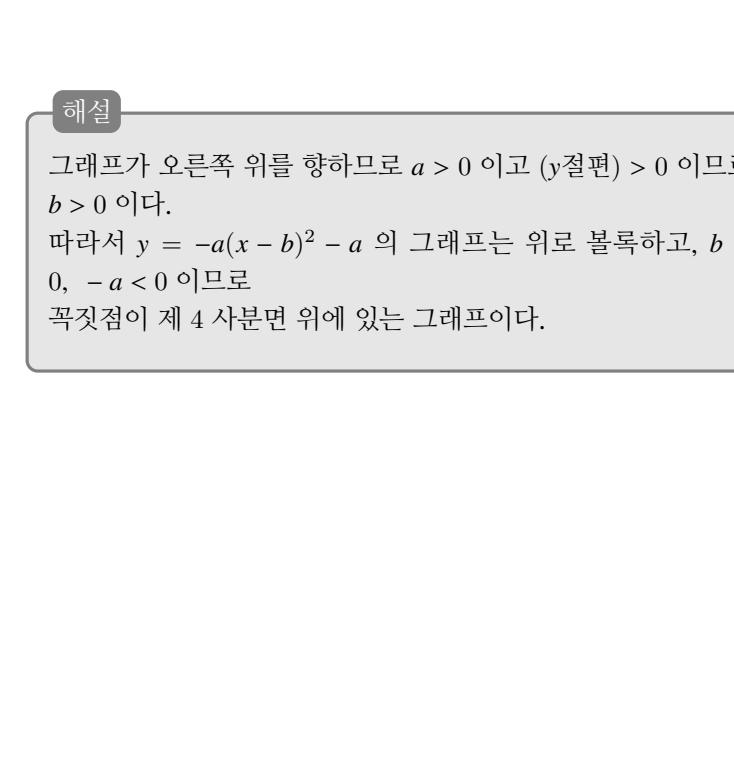
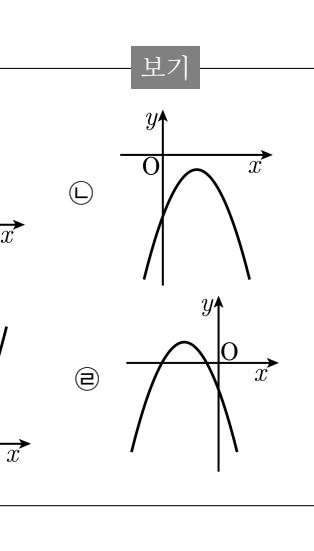
해설

$y = -x^2 + bx + c$ 에  $(0, 0)$ ,  $(4, 0)$ 을 대입하여 연립하여 풀면  $b = 4$ ,  $c = 0$ 이다.

$y = -x^2 + 4x$ ,  $y = -(x - 2)^2 + 4$ 이므로, 꼭짓점 A(2, 4)이다.

따라서 삼각형 ABC의 넓이는  $4 \times 4 \times \frac{1}{2} = 8$ 이다.

25. 일차함수  $y = ax + b$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 이차함수  $y = -a(x - b)^2 - a$  의 그래프로 적당한 것을 보기에서 골라라.



▶ 답:

▷ 정답: ⓒ

해설

그래프가 오른쪽 위를 향하므로  $a > 0$  이고 ( $y$ 절편)  $> 0$  이므로  $b > 0$  이다.

따라서  $y = -a(x - b)^2 - a$  의 그래프는 위로 볼록하고,  $b > 0$ ,  $-a < 0$  이므로

꼭짓점이 제 4 사분면 위에 있는 그래프이다.

26. 이차함수  $y = x^2 + 2x + 3$ 의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $a$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $b$  만큼 평행이동하였더니  $x = -2$  일 때, 최솟값 3을 가졌다. 이 때,  $a$ ,  $b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = -1$

▷ 정답:  $b = 1$

해설

$y = x^2 + 2x + 3 = (x+1)^2 + 2$ 의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $a$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $b$  만큼 평행이동하면

$$y = (x+1-a)^2 + 2 + b = (x+2)^2 + 3$$

$$\therefore a = -1, b = 1$$

27. 다음 보기의 이차함수 그래프 중  $y = ax^2$  의 그래프가 3 번째로 폭이 넓을 때,  $|a|$ 의 범위는?

보기

Ⓐ  $y = -\frac{3}{2}x^2$  Ⓑ  $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{4}$

Ⓒ  $y = 2x^2 - x$  Ⓛ  $-3(x+2)^2$

Ⓓ  $y = \frac{x(x-1)(x+1)}{x+1}$

Ⓐ  $1 < |a| < \frac{1}{2}$  Ⓑ  $1 < |a| < \frac{3}{2}$  Ⓒ  $1 < |a| < \frac{5}{2}$

Ⓓ  $\frac{1}{2} < |a| < \frac{3}{2}$  Ⓛ  $\frac{1}{2} < |a| < \frac{5}{2}$

해설

$a$ 의 절댓값이 작을수록 폭이 넓어진다.

$a$ 의 절댓값을 각각 구하면

Ⓐ  $\frac{3}{2}$  Ⓑ  $\frac{1}{2}$  Ⓒ 2 Ⓓ 3 Ⓕ 1 이므로 폭이 넓은 순서는 Ⓑ, Ⓒ, Ⓐ, Ⓓ, Ⓕ

이다. 따라서 두 번째인 1과 세 번째인  $\frac{3}{2}$  사이에 있어야 하므로

Ⓓ  $1 < |a| < \frac{3}{2}$  이다.

28. 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$ 의 꼭짓점이 점  $(-5, -7)$  일 때, 이 함수의 그래프가 제4 사분면을 지나지 않기 위해서  $a$  값이 가질 수 있는 범위는?

①  $a \leq -\frac{3}{4}$       ②  $a \geq -\frac{3}{4}$       ③  $\textcircled{a} a \geq \frac{7}{25}$   
④  $a \leq \frac{7}{25}$       ⑤  $0 < a \leq \frac{7}{5}$

해설

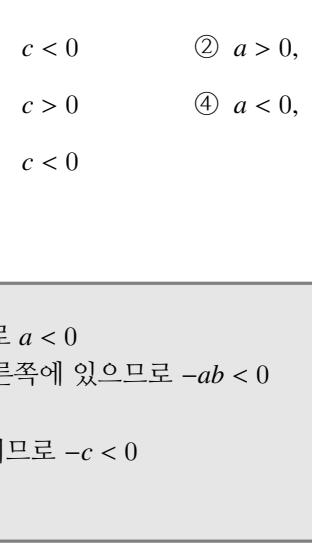
$$y = a(x+5)^2 - 7 = ax^2 + 10ax - 7 + 25a$$

$$(y\text{절편}) \geq 0$$

$$-7 + 25a \geq 0$$

$$\therefore a \geq \frac{7}{25}$$

29. 다음 이차함수  $y = ax^2 - bx - c$  의 그래프에서  $a, b, c$  의 부호는?

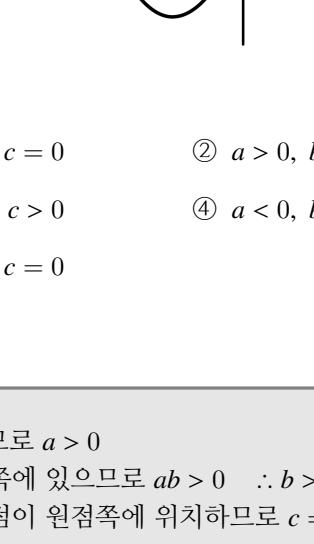


- ①  $a < 0, b > 0, c < 0$       ②  $a > 0, b < 0, c > 0$   
③  $\textcircled{3} a < 0, b < 0, c > 0$       ④  $a < 0, b > 0, c > 0$   
⑤  $a < 0, b < 0, c < 0$

해설

위로 볼록하므로  $a < 0$   
축이  $y$  축의 오른쪽에 있으므로  $-ab < 0$   
따라서  $b < 0$   
 $y$  절편이 음수이므로  $-c < 0$   
따라서  $c > 0$

30. 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프가 다음 그림과 같이 원점을 지날 때,  $a, b, c$  의 부호로 옳은 것은?



- ①  $a > 0, b > 0, c = 0$       ②  $a > 0, b < 0, c > 0$   
③  $a < 0, b = 0, c > 0$       ④  $a < 0, b < 0, c > 0$   
⑤  $a < 0, b < 0, c = 0$

해설

아래로 볼록하므로  $a > 0$   
축이  $y$  축의 왼쪽에 있으므로  $ab > 0 \quad \therefore b > 0$   
 $y$  축과 만나는 점이 원점쪽에 위치하므로  $c = 0$