

1. 다음 중 일차방정식 $-2x + 5y = 3$ 의 해가 아닌 것은?

- ① $(-4, -1)$ ② $(1, 1)$ ③ $(-1, \frac{1}{5})$
④ $(\frac{7}{2}, 2)$ ⑤ $(\frac{3}{2}, \frac{7}{2})$

해설

⑤ $(\frac{3}{2}, \frac{7}{2})$ 을 대입하면 $-2x + 5y = 3$ 을 만족하지 않는다.

2. x, y 가 자연수일 때, $2x+y=10$ 을 만족하는 해는 모두 몇 개인가?

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

$$2x + y = 10$$

$(4, 2), (3, 4), (2, 6), (1, 8)$

\therefore 4개

3. 일차방정식 $-2x + 3y + 5 = 0$ 의 한 해가 $(-2, p)$ 일 때, p 의 값은?

- ① -3 ② 3 ③ 0 ④ 1 ⑤ -1

해설

$-2x + 3y + 5 = 0$ 에 $(-2, p)$ 를 대입하면

$$4 + 3p + 5 = 0$$

$$\therefore p = -3$$

4. 다음 중 x, y 에 관한 일차방정식은 모두 몇 개인가?

- (㉠) $2x - 3y + 4 = 0$
- (㉡) $y = 3x - 4$
- (㉢) $2xy + x - y = 0$
- (㉣) $y = 2x^2 - 3$
- (㉤) $2x = 4y - 6$
- (㉥) $y = \frac{1}{x} + 2$
- (㉦) $3x - y^2 = 0$
- (㉧) $x + y = 0$
- (㉨) $3x = -y - 6$
- (㉩) $2x + y = 2x - 1$
- (㉪) $x = y(y - 1)$
- (㉫) $y = 2x$
- (㉬) $3x - 5 = 1$

- ① 4 개 ② 5 개 ③ 6 개 ④ 7 개 ⑤ 8 개

해설

미지수 x, y 인 2 개로 이루어진 일차방정식은 모든 항을 좌변으로 이항하여 정리하면 $ax + by + c = 0$ ($a \neq 0, b \neq 0, a, b, c$ 는 상수) 형태를 갖는다. 따라서 (㉠), (㉡), (㉤), (㉥), (㉨), (㉫) 이다.

5. 민정이는 300 원짜리 지우개와 500 원짜리 공책을 합하여 13 개를 산 후 총 5500 원을 지불하였다. 구입한 지우개를 x 개, 공책을 y 개라 하고, 연립방정식을 세우면?

$$\begin{array}{l} \textcircled{1} \begin{cases} x + y = 5500 \\ 300x + 500y = 13 \end{cases} \\ \textcircled{2} \begin{cases} x + y = 55 \\ 3x + 5y = 13 \end{cases} \\ \textcircled{3} \begin{cases} x - y = 55 \\ 3x - 5y = 13 \end{cases} \\ \textcircled{4} \begin{cases} x + y = 13 \\ 300x + 500y = 5500 \end{cases} \\ \textcircled{5} \begin{cases} x - y = 13 \\ 300x - 500y = 5500 \end{cases} \end{array}$$

해설

$$\begin{cases} x + y = 13 \\ 300x + 500y = 5500 \end{cases}$$

6. 자연수 x, y 에 대하여 연립방정식 $\begin{cases} x-2y=0 \\ 2x+y=5 \end{cases}$ 의 해를 (a, b) 라

할 때, $a+b$ 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$x-2y=0$ 을 만족하는 순서쌍은 $(2, 1), (4, 2), (6, 3), \dots$
 $2x+y=5$ 를 만족하는 순서쌍은 $(1, 3), (2, 1)$ 이므로 두 식을
동시에 만족하는 순서쌍은 $(2, 1)$ 이다.

$$a=2, b=1$$

$$\therefore a+b=2+1=3$$

7. 연립방정식 $\begin{cases} x+ay=9 \\ bx+3y=19 \end{cases}$ 의 해가 $(5,-2)$ 일 때 ab 의 값을 구하면?

① -10 ② 10 ③ -8 ④ 8 ⑤ -6

해설

$x=5, y=-2$ 를 대입하여 a, b 의 값을 각각 구한다.
 $a=-2, b=5$
 $\therefore ab=-10$

8. 다음 두 연립방정식의 해가 서로 같을 때, $a + b$ 의 값은?

$$\begin{cases} 2x + y = 5 & \cdots \textcircled{A} \\ ax + 2y = 9 & \cdots \textcircled{B} \end{cases} \begin{cases} x + y = 4 & \cdots \textcircled{C} \\ 4x + by = 1 & \cdots \textcircled{D} \end{cases}$$

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

두 연립방정식의 해가 같으므로 ①, ③을 연립하여 풀면 $x = 1$, $y = 3$ 이 나온다.

$x = 1, y = 3$ 을 ②, ④에 각각 대입하면

$$a + 6 = 9 \quad \therefore a = 3$$

$$4 + 3b = 1 \quad \therefore b = -1$$

$$\therefore a + b = 3 + (-1) = 2$$

9. 아버지의 나이는 아들의 나이보다 30살이 많고, 5년 전에 아버지의 나이는 아들의 나이의 4 배였다. 올해의 아버지의 나이를 x 살, 아들의 나이를 y 살이라고 할 때, x, y 에 대한 연립방정식으로 나타내면?

①
$$\begin{cases} x - y = 30 \\ x - 5 = 4y - 5 \end{cases}$$

③
$$\begin{cases} x - y = 30 \\ x - 5 = 4(y + 5) \end{cases}$$

⑤
$$\begin{cases} x - y = 30 \\ x - 5 = 4(y - 5) \end{cases}$$

②
$$\begin{cases} x + y = 30 \\ x - 5 = 4(y - 5) \end{cases}$$

④
$$\begin{cases} x - y = 30 \\ x + 5 = 4(y + 5) \end{cases}$$

해설

10. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - ay = -3 \\ bx + y = 14 \end{cases}$ 의 해가 (3, 2) 일 때, $a + b$ 의 값은?

- ① 7 ② 10 ③ 11 ④ 13 ⑤ 15

해설

$3x - ay = -3$ 에 (3, 2) 를 대입하면 $a = 6$ 이 나오고, $bx + y = 14$ 에 (3, 2) 을 대입하면 $b = 4$ 가 나온다.
 $\therefore a + b = 6 + 4 = 10$

11. 연립방정식 $\begin{cases} 4(x-y) + 2x = 10 & \dots\textcircled{1} \\ ax + 4y = 2 & \dots\textcircled{2} \end{cases}$ 의 해가 $x = 3, y = b$ 일 때,

$a + b$ 의 값은?

- ① -4 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 2

해설

① 의 양변을 $\div 2$ 하고 간단히 하면 $3x - 2y = 5$ 이고,
여기에 $(3, b)$ 를 대입하면 $y = 2 = b$ 이고,
② 에 $(3, 2)$ 를 대입하면 $a = -2$ 이다.
따라서 $a + b = 2 + (-2) = 0$ 이다.

12. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 2y = a \cdots \text{㉠} \\ -2x + y = -4 \cdots \text{㉡} \end{cases}$ 의 해가 $(3, b)$ 일 때, a 와 b 의 값을 각각 구하면?

① $a = -5, b = 2$

② $a = 5, b = 2$

③ $a = 5, b = -2$

④ $a = -5, b = -2$

⑤ $a = -2, b = -5$

해설

㉡식에 $(3, b)$ 를 대입하면, $-6 + b = -4$, $b = 2$

㉠식에 $(3, 2)$ 을 대입하면, $9 - 4 = a$, $a = 5$

13. 자연수 x, y 가 있다. 이 두 수의 합은 21 이고, x 의 2 배를 3 으로 나눈 값은 y 에서 1 을 뺀 값과 같다고 한다. 이때 y 의 값은?

- ㉠ 9 ㉡ 10 ㉢ 11 ㉣ 12 ㉤ 13

해설

$$\begin{cases} x + y = 21 \\ \frac{2x}{3} = y - 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 21 & \dots \text{㉠} \\ 2x - 3y = -3 & \dots \text{㉡} \end{cases}$$

㉠ $\times 3 +$ ㉡ 하면, $x = 12, y = 9$

14. 연립방정식 $\begin{cases} 5x - 2y = 3 \\ ax + y = -3 \end{cases}$ 을 만족하는 x 와 y 의 값의 비가 $1 : 2$ 일 때, 상수 a 의 값은?

① -3 ② -2 ③ 1 ④ 3 ⑤ 4

해설

$x : y = 1 : 2$ 이므로 $y = 2x$ 를 $5x - 2y = 3$ 에 대입하면 $x = 3$, $y = 6$ 이 나오고, $ax + y = -3$ 에 대입하면 $a = -3$ 이 된다.

15. 연립방정식 $\begin{cases} ax+by=-5 \\ 5x+cy=7 \end{cases}$ 을 푸는데 c 를 잘못 보아 $x=0, y=1$

을 해로 얻었다. 옳은 해가 $x=3, y=4$ 일 때, $a+b+c$ 의 값을 구하면?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$\begin{cases} ax+by=-5 & \cdots\cdots\text{㉠} \\ 5x+cy=7 & \cdots\cdots\text{㉡} \end{cases} \text{에서 옳은 해가}$$

$x=3, y=4$ 이므로

$$3a+4b=-5 \cdots\cdots\text{㉢}$$

㉡에 대입을 하면 $c=-2$ 이고, ㉠은 $x=0, y=1$ 도 만족하므로 $a \cdot 0 + b \cdot 1 = -5$ 에서 $b=-5$ 이다. 이것을 ㉢에 대입해서 성립해야 하므로 $a=5$ 가 나온다.

$$\therefore a+b+c=5+(-5)+(-2)=-2$$