

1. $\frac{1}{\sqrt{-2} - \sqrt{-1}}$ 의 값은 ?
- ① $1 - \sqrt{2}$ ② $-1 - \sqrt{2}$ ③ $(1 + \sqrt{2})i$
④ $-(1 + \sqrt{2})i$ ⑤ $(1 - \sqrt{2})i$

2. $i(x + 2i)^2$ 이 실수가 되는 실수 x 의 값을 정하면? (단, $i = \sqrt{-1}$)

- ① ±1 ② ±2 ③ ±3 ④ ±4 ⑤ ±5

3. 실수 k 에 대하여 복소수 $z = 3(k+2i) - k(1-i)^2$ 의 값이 순허수가 되도록 k 의 값을 정하면?

① -2 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

4. 복소수 $z = (2+i)a^2 + (1+4i)a + 2(2i-3)i$ 가 순허수일 때, 실수 a 의 값은?

- ① -2 ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ 3

5. $(x - 3) + (y - 2)i = 2 + 5i$ 를 만족하는 실수 x, y 에 대하여 $2x + y$ 의
값은? (단, $i = \sqrt{-1}$)

- ① 10 ② 12 ③ 15 ④ 17 ⑤ 20

6. $\frac{a}{1-i} + \frac{b}{1+i} = 5$ 를 만족하는 두 실수 a, b 에 대하여 곱 ab 의 값을 구하면?

- ① 5 ② 10 ③ 15 ④ 20 ⑤ 25

7. 실수 x, y 에 대하여 $(1+i)x + (i-1)y = 2i$ 일 때, $x+y$ 의 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$)

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

8. 등식 $(x + yi)(z - i) = 10$ 을 만족하는 자연수 x, y, z 의 순서쌍 (x, y, z) 의 개수를 구하여라. (단, $i = \sqrt{-1}$)

▶ 답: _____ 개

9. $(1 + 3i)(1 - 3i) - (2 - i)(3 + i)$ 를 계산하면?

- ① $17 - i$ ② $3 + i$ ③ $3 - i$ ④ $7 + i$ ⑤ $7 - i$

10. $\frac{1+i^3+i^6}{1+i^2+i^4}$ 의 값은?

- ① i ② $-i$ ③ $-\frac{i}{2}$ ④ $\frac{1-i}{2}$ ⑤ $\frac{1+i}{2}$

11. $i^{2000} + i^{2002} + i^{2003} + i^{2004}$ 의 값을 구하면?

- ① 1 ② $1 - i$ ③ $1 + i$ ④ -1 ⑤ 0

12. $i + i^3 + i^5 + i^7 + \cdots + i^{101} = a + bi$ 일 때, $a + b$ 의 값은? (단, a, b 는 실수)

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

13. $f(x) = \frac{x}{1-i}$, $g(x) = \frac{x}{1+i}$ 일 때 $f(x)$, $g(x)$ 의 대비 $|f(1+i)|^{2006} + |g(1-i)|^{2007}$ 의 값은?

- ① -2 ② $-1+i$ ③ -1
④ $-1-i$ ⑤ 2

14. 2010개의 정수 $a_1, a_2, \dots, a_{2010}$ 은 모두 -1 또는 1 이고, $a_1 \cdot a_2 \cdots \cdots a_{2010} = -1$ 이다. 이 때, $x = \sqrt{a_1} \cdot \sqrt{a_2} \cdots \cdots \sqrt{a_{2009}} \cdot \sqrt{a_{2010}}$ 을 만족하는 x 의 값은?

① i ② $-i$ ③ $i, -i$ ④ -1 ⑤ $-1, 1$

15. 실수 x, y 에 대하여 복소수 $z = x + yi$ 가 $z\bar{z} = 4$ 를 만족할 때, $x^2 + y^2$ 의 값은? (단, \bar{z} 는 z 의 결례복소수이다.)

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

16. 임의의 두 복소수 a, b 에 대하여 연산 \oplus 를 $a \oplus b = ab - (a + b)$ 로 정의한다. $Z = \frac{5}{2-i}$ 일 때, $Z \oplus \bar{Z}$ 의 값은?

- ① 1 ② $1 + 2i$ ③ $1 - 2i$
④ -1 ⑤ $2 - 2i$

17. $\alpha = 2 + i$, $\beta = 1 - 2i$ 일 때, $\left(\frac{1}{\alpha}\right)^2 + \frac{1}{\alpha\beta} + \left(\frac{1}{\beta}\right)^2$ 의 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$)

① $\frac{4}{8} - \frac{3}{8}i$ ② $\frac{4}{8} \pm \frac{3}{8}i$ ③ $\frac{4}{25} - \frac{3}{25}i$

④ $\frac{4}{25} + \frac{3}{25}i$ ⑤ $\frac{4}{8} + \frac{3}{8}i$

18. 복소수 z 에 대하여 다음의 보기 중 옳은 것을 모두 고르면? (단, $z \neq 0$ 이며, \bar{z} 는 z 의 결례복소수임)

Ⓐ $z\bar{z}$ 는 항상 실수이다.
Ⓑ $z + \bar{z} = 0$ 이면, z 는 순허수이다.
Ⓒ $z + \bar{z}$ 는 항상 실수이다.
Ⓓ $z - \bar{z}$ 는 항상 순허수이다.
Ⓔ $\frac{1}{z}$ 과 $\frac{1}{\bar{z}}$ 의 실수부는 항상 동일하다.

① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓐ, Ⓒ ③ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ

④ Ⓐ, Ⓒ, Ⓓ ⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

19. $\alpha = 1 + i$, $\beta = 2 - i$ 의 콤팩트소수를 각각 $\bar{\alpha}$, $\bar{\beta}$ 라 할 때, $a\bar{\alpha} + a\bar{\beta} + \bar{a}\beta + \bar{a}\bar{\beta}$ 의 값은?

- ① 0 ② 3 ③ $7 - 2i$ ④ $7 - i$ ⑤ $7 + i$

20. 두 실수 a, b 에 대하여 복소수 $z = a + bi$ 와 켤레복소수 $\bar{z} = a - bi$ 의
곱 $z\bar{z} = 5$ 일 때, $\frac{1}{2} \left(z + \frac{5}{z} \right)$ 를 간단히 하면?

- ① b ② $2b$ ③ 0 ④ $5a$ ⑤ a

21. 복소수 z 와 그 켤레복소수 \bar{z} 에 대하여 다음을 만족하는 z 를 구하면?

$$z + \bar{z} = 4, \quad z \cdot \bar{z} = 7$$

- ① $z = 1 \pm \sqrt{3}i$ ② $z = 2 \pm \sqrt{3}i$ ③ $z = 3 \pm \sqrt{3}i$
④ $z = 1 \pm 2\sqrt{3}i$ ⑤ $z = 2 \pm 2\sqrt{3}i$

22. 복소수 z 가 $z + |z| = 2 + 8i$ 를 만족시킬 때, $|z|^2$ 의 값은? (단, $z = a + bi$ (a, b 는 실수) 일 때, $|z| = \sqrt{a^2 + b^2}$ 이다.)

- ① 68 ② 100 ③ 169 ④ 208 ⑤ 289

23. $x = 3 + 2i$ 일 때, $x^2 - 6x - 10$ 의 값을 구하시오.

▶ 답: _____

24. $\sqrt{-3} \cdot \sqrt{-5}$ 를 계산하면?

- | | | |
|-----------------|----------------|----------------|
| ① $\sqrt{15}$ | ② $-\sqrt{15}$ | ③ $\sqrt{15}i$ |
| ④ $-\sqrt{15}i$ | ⑤ -15 | |

25. 다음 계산 과정에서 최초로 틀린 부분은?

$$\begin{aligned}\frac{\sqrt{8}}{\sqrt{-2}} &= \boxed{\textcircled{1}} \frac{\sqrt{8} \cdot \sqrt{-2}}{\sqrt{-2} \cdot \sqrt{-2}} \\&= \boxed{\textcircled{2}} \frac{\sqrt{-16}}{\sqrt{-2} \cdot \sqrt{-2}} \\&= \boxed{\textcircled{3}} \frac{\sqrt{-16}}{2} \\&= \boxed{\textcircled{4}} \frac{4i}{2} \\&= \boxed{\textcircled{5}} = \sqrt{-4}\end{aligned}$$

▶ 답: _____