

1. 다음은 $y = -\frac{13}{x}$ 의 그래프에 대한 설명이다. 옳지 않은 것은?

- ① $(1, -13)$ 을 지난다.
- ② 제 2 사분면과 제 4 사분면을 지난다.
- ③ 원점에 대하여 대칭이다.
- ④ $y = -3x$ 와 두 점에서 만난다.

해설

$y = -\frac{13}{x}$ 의 그래프를 그려보면



④, 정수인 점은 $(-13, 1), (-1, 13), (1, -13), (13, -1)$ 4 개이다.

2. y 가 x 에 반비례하고, $x = 3$ 일 때, $y = 5$ 이다. 이때, x , y 사이의 관계식은?

① $y = \frac{1}{x}$ ② $y = \frac{3}{x}$ ③ $y = \frac{5}{x}$
④ $y = \frac{15}{x}$ ⑤ $y = \frac{18}{x}$

해설

반비례 관계식 : $y = \frac{a}{x}$

$x = 3$, $y = 5$ 를 대입하면

$a = 3 \times 5 = 15$

$y = \frac{15}{x}$

3. x 의 값에 대한 y 의 값이 다음과 같을 때, x 와 y 사이의 관계를 식으로 나타낸 것은?

x	1	2	3
y	12	6	4

① $y = \frac{12}{x}$

④ $y = \frac{6}{x}$

② $y = \frac{7}{x}$

⑤ $y = \frac{3}{x}$

③ $y = \frac{8}{x}$

해설

x 가 2 배, 3 배, 될 때 y 는 $\frac{1}{2}$ 배, $\frac{1}{3}$ 배, 되므로 y 는 x 에 반비례 한다.

반비례 관계식 $y = \frac{a}{x}$ 이

$x = 1, y = 12$ 을 대입하면

$a = 1 \times 12 = 12$

주어진 함수의 관계식은 $y = \frac{12}{x}$ 이다.

4. 다음 표는 변수 x 와 y 사이의 관계를 나타낸 것이다. y 가 x 에 반비례할 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

x	2	3	a
y	b	8	6

- ① 4 ② 2 ③ 8 ④ 12 ⑤ 16

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

$$8 = \frac{a}{3}, a = 24$$

$$\therefore y = \frac{24}{x}$$

따라서 $x = 2$ 일 때 $y = 12$, $y = 6$ 일 때 $x = 4$

$$a + b = 4 + 12 = 16$$

5. 그래프가 좌표축에 한없이 가까워지는 한 쌍의 곡선의 형태를 띠는
그래프가 점 $(4, -9)$ 를 지난다. y 의 값이 -18 인 x 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$y = \frac{a}{x}$ ($a \neq 0$) 형태의 식이며,

$x = 4$ 일 때 $y = -9$ 이므로 $-9 = \frac{a}{4}$ 이며 $a = -36$ 이다.

따라서 그래프가 나타내는 식은 $y = -\frac{36}{x}$ 이므로

y 의 값이 -18 인 x 의 값은 2이다.

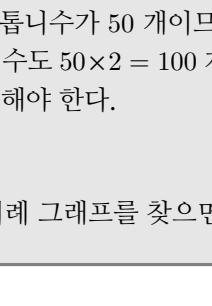
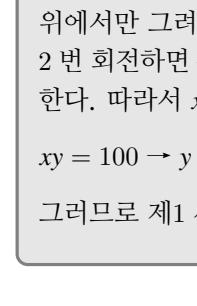
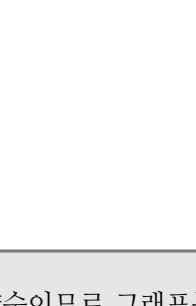
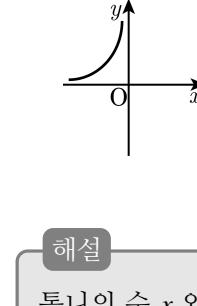
6. $y = \frac{16}{x}$ 의 그래프 위의 한 점 A에서 x 축과 y 축에 내린 수선의 발을 각각 B, C 라 할 때, 사각형 ABOC의 넓이를 구한 것은? (단, 점 O는 원점)

① 8 ② 10 ③ 12 ④ 14 ⑤ 16

해설

$$P\left(a, \frac{16}{a}\right) \text{라고 하면}$$
$$\begin{aligned}(\text{사각형 } PQOR \text{의 넓이}) &= \left|a \times \frac{16}{a}\right| \\&= 16\end{aligned}$$

7. 큰 바퀴의 톱니 수는 50, 작은 바퀴의 톱니 수는 x , 큰 바퀴가 2 번 회전할 때, 작은 바퀴의 회전수는 y 이다. x, y 사이의 관계를 그래프로 나타내면?



해설

톱니의 수 x 와 회전수 y 는 양수이므로 그래프는 제 1 사분면 위에서만 그려지고, 큰 바퀴의 톱니수가 50 개이므로 큰 바퀴가 2 번 회전하면 작은 바퀴의 톱니수도 $50 \times 2 = 100$ 개가 돌아가야 한다. 따라서 $xy = 100$ 을 만족해야 한다.

$$xy = 100 \rightarrow y = \frac{100}{x}$$

그리므로 제1 사분면 위의 반비례 그래프를 찾으면 된다.