

1. x 가 절댓값이 8이하이고 4의 배수인 정수일 때, 다음 방정식 중 해가 나머지 넷과 다른 하나는?

① $2x - 5 = 3$

② $-x + 4 = 0$

③ $3(x + 1) = 15$

④ $2(x - 1) = 6$

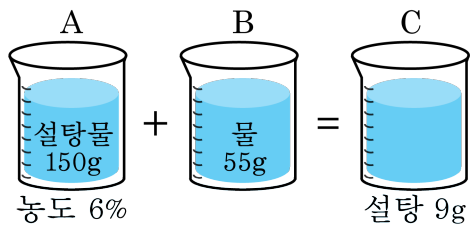
⑤ $\frac{1}{2}x - 1 = 2$

해설

①, ②, ③, ④ 해는 모두 4 이다.

⑤ 해는 6 이다.

2. 다음 그림에 대한 설명으로 알맞은 것을 보기에서 모두 고르면?



보기

- ㉠ (A)의 설탕의 양은 9g 이다.
- ㉡ (C)의 농도는 80% 이다.
- ㉢ (B)의 설탕의 양은 6g 이다.
- ㉤ (C)의 설탕물의 양은 150g 이다.

- ① ㉠ ② ㉠,㉡ ③ ㉠,㉤
④ ㉠,㉡,㉤ ⑤ ㉠,㉡,㉤

해설

- ㉠ (C)의 설탕의 양은 $\frac{6}{100} \times 150 = 9\text{g}$ 이다.
㉡ (C)의 농도는 $\frac{9}{(150 + 55)} \times 100 = \frac{9}{205} \times 100 = \frac{180}{41}(\%)$ 이다.
㉢ (B)는 순수한 물이므로 (A)와 (C)의 설탕의 양은 서로 같다.
㉤ (설탕물의 양) = (설탕의 양) + (물의 양) 이므로 (C)의 설탕물의 양은 $55\text{g} + 150\text{g} = 205\text{g}$ 이다.

3. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $a = b$ 이면 $a - c = b - c$ 이다.
- ② $3a + 4 = 4 - 6b$ 이면 $a = -2b$ 이다.
- ③ $\frac{a}{2} = \frac{b}{3}$ 이면 $2a = 3b$ 이다.
- ④ $ac = bc$ 이면 $a = b$ 이다.(단, $c \neq 0$)
- ⑤ $a + b = c + b$ 이면 $a = c$ 이다.

해설

$\frac{a}{2} = \frac{b}{3}$ 이면 $3a = 2b$ 이다.

4. $a = b$ 일 때, 다음 등식 중 옳지 않은 것은?

㉠ $a + 3 = b + 3$	㉡ $\frac{1}{3}a = \frac{1}{3}b$
㉢ $5a = 5b$	㉣ $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$

- ① ㉠ ② ㉡ ③ ㉢ ④ ㉣ ⑤ ㉠, ㉢

해설

㉣ $c \neq 0$ 일 때만 성립한다.

5. 다음 중 등식으로 나타낼 수 있는 것을 모두 고른 것은?

- ㉠ 한 변의 길이가 y 인 정삼각형의 둘레의 길이는 12 이다.

㉡ 300 원짜리 지우개 2 개와 100 원짜리 연필 x 개의 가격이 1800 원이다.

㉢ 시속 50 km 로 y 시간 동안 달린 거리는 250 km 이다.

㉣ x 의 2 배는 7 보다 작다.

- ① ㉠

② ㉠, ㉡

③ ㉠, ㉢

④ ㉠, ㉡, ㉢

⑤ ㉡, ㉢

해설

- ㉠ $3y = 12$

㉡ $600 + 100x = 1800$

㉢ $50y = 250$

㉣ $2x < 7$
- 따라서 등식으로 나타낼 수 있는 것은 ㉠, ㉡, ㉢이다.

6. 한 개에 a 원 하는 사과 3 개와 한 개에 b 원 하는 배 2 개를 사고 1000 원을 내었을 때의 거스름돈을 바르게 나타낸 식은?

① $(3a + 2b - 1000)$ 원

② $(1000 - a - b)$ 원

③ $(1000 + 3a + 2b)$ 원

④ $1000 - (2a + 3b)$ 원

⑤ $(1000 - 3a - 2b)$ 원

해설

(거스름돈) = $1000 - (3a + 2b)$ 원

7. 어떤 x 에 대한 일차식에서 $4x-3$ 를 빼어야 할 것은 잘못하여 더했더니 $11x+5$ 가 되었다. 처음 식에서 $4x-3$ 을 빼어 옳게 계산한 식은?

① $x-7$

② $x-17$

③ $3x-2$

④ $3x+11$

⑤ $3x+5$

해설

x 에 대한 일차식을 A 라 하면

잘못된 계산

$$A + (4x - 3) = 11x + 5$$

$$A = 11x + 5 - (4x - 3)$$

$$\therefore A = 7x + 8$$

올바른 계산은

$$A - (4x - 3) = (7x + 8) - (4x - 3) = 3x + 11$$

8. 다음 중 등식을 참이 되게 하는 x 의 값이 모든 수인 것을 고르면?

$\textcircled{\tiny A} \quad x + 10 = x - 1$

$\textcircled{\tiny B} \quad 5x + 2 = 0$

$\textcircled{\tiny C} \quad 3(x + 1) = 3x + 3$

$\textcircled{\tiny D} \quad 2(x + 3) = 2(x + 1)$

$\textcircled{\tiny E} \quad 4(x + 1) = 3x$

- ① $\textcircled{\tiny A}$
- ② $\textcircled{\tiny B}$
- ③ $\textcircled{\tiny C}$
- ④ $\textcircled{\tiny A}, \textcircled{\tiny B}$
- ⑤ $\textcircled{\tiny A}, \textcircled{\tiny E}$

해설

항등식은 x 값에 관계없이 식이 항상 성립하는 등식을 말한다.

$\textcircled{\tiny A}$ 등식

$\textcircled{\tiny B}$ 방정식

$\textcircled{\tiny C}$ 좌변을 정리하면 $3x + 6 = 3x + 6$, (좌변) = (우변)

$\textcircled{\tiny D}$ 등식

$\textcircled{\tiny E}$ 방정식

따라서 항등식은 $\textcircled{\tiny C}$ 이다.

9. 다음 등식이 항등식이 되도록 상수 a, b 의 값은?

$4 - x + 5x = ax + b$

- ① $a = 2, \quad b = 3$ ② $a = 3, \quad b = 2$ ③ $a = 4, \quad b = 3$
- ④ $a = 4, \quad b = 2$ ⑤ $a = 4, \quad b = 4$

해설

$4 - x + 5x = ax + b$

$4x + 4 = ax + b$

항등식은 좌변과 우변의 식이 같아야 하므로 $a = 4, b = 4$ 이다.

10. 다음 중 기호 $\times, \div$ 를 생략하여 나타낸 것으로 옳지 않은 것은?

① $(a + b) \div c = \frac{(a + b)}{c}$

② $a \times 3 \div b = \frac{3a}{b}$

③ $x \times y \div (-4) = \frac{xy}{(-4)}$

④ $(a + b) \div c \times 2 = \frac{(a + b)}{2c}$

⑤ $x \times y \times (-0.1) \times x = -0.1x^2y$

해설

④ $(a + b) \div c \times 2 = \frac{2(a + b)}{c}$

11. 일차방정식 $2x - 4 = 8$ 을 풀기 위하여 아래 <보기>의 등식의 성질 중 사용해야 하는 것의 기호를 고른 것은?

보기

- ㉠ $a = b$ 이면 $a + c = b + c$ 이다.
- ㉡ $a = b$ 이면 $a - c = b - c$ 이다.
- ㉢ $a = b$ 이면 $ac = bc$ 이다.
- ㉤ $a = b$ 이면 $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ 이다. (단, $c \neq 0$)

- ① ㉠ ② ㉡ ③ ㉠, ㉤ ④ ㉡, ㉢ ⑤ ㉢, ㉤

해설

$2x - 4 = 8$
 $2x - 4 + 4 = 8 + 4 \leftarrow$ 양변에 4를 더함
 $2x = 12$
 $\frac{2x}{2} = \frac{12}{2} \leftarrow$ 양변을 2로 나눔
 $\therefore x = 6$
똑같은 수 4 를 더하고, 똑같은 수 2 로 양변을 나눴음.
 $\therefore$ ㉠, ㉤

12. 다음 다항식이 x 에 관한 일차식일 때, 일차항의 계수를 구하여라.

$$-4x^2 + ax - 8 + \frac{2}{a}x^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2 x$$

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{9}{16}$

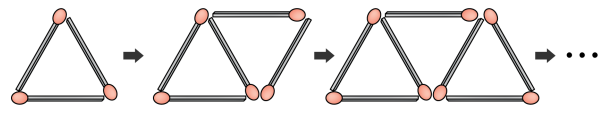
해설

$$\left(-4 + \frac{2}{a}\right)x^2 + \left\{a + \left(\frac{a}{2}\right)^2\right\}x - 8$$

$$-4 + \frac{2}{a} = 0 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$$

$$a + \left(\frac{a}{2}\right)^2 = \frac{1}{2} + \frac{1}{16} = \frac{9}{16}$$

13. 다음 그림과 같이 성냥개비를 사용하여 정삼각형의 개수를 하나씩 계속 늘려 나가려고 한다. 정삼각형을 x 개 만들 때, 사용한 성냥개비의 수는?



- ① $(x + 1)$ 개
- ② $(x + 2)$ 개
- ③ $(2x + 1)$ 개
- ④ $(2x + 2)$ 개
- ⑤ $(2x + 3)$ 개

해설

1단계의 성냥개비의 수 : $3 = 2 \times 1 + 1$

2단계의 성냥개비의 수 : $5 = 2 \times 2 + 1$

3단계의 성냥개비의 수 : $7 = 2 \times 3 + 1$

⋮

따라서 x 단계에 필요한 성냥개비의 수는

$2 \times x + 1 = (2x + 1)$ 개이다.

14. x 가 $-2, -1, 0, 1, 2$ 중 하나일 때, 다음 방정식 중에서 해가 나머지 넷과 다른 하나를 고르면?

㉠ $x + 1 = 0$	㉡ $5x + 2 = -3$
㉢ $2x + 1 = -1$	㉣ $3(x - 2) = -9$
㉤ $\frac{1}{3}(x + 2) = 1$	

① ㉠ ② ㉡ ③ ㉢ ④ ㉣ ⑤ ㉤

해설
㉠, ㉡, ㉢, ㉣: $x = -1$ 일 때, 방정식이 성립한다.
㉤ : $x = 1$ 일 때, 방정식이 성립한다.

15. 동류향끼리 짝지어진 것을 모두 고르면?

보기

⑦ $2ab, -3ab$

$$\textcircled{\text{L}} \quad x^2, 2x$$

⊕ $x^2, 4x^2$

② x^2, y^2

⊕ $3x, 5y$

$$\oplus 7a, 2a$$

① ②

② ㄹ, ㅁ

③ $\square, \square, \square$

④, ㄱ, ㄴ, ㄷ

⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ, ㄹ, ㅁ, ㅂ

해설

동류항: 문자와 차수 모두 같은 항

ⓐ $x^2, 2x$: 문자는 같지만 차수가 다르다

㉔ x^2, y^2 : 문자가 다르다.

㉔ $3x, 5y$: 문자가 다르다.