

1. 다음 보기 중 순환하지 않는 무한소수는 모두 몇 개인가?

$$\frac{\sqrt{16}}{3}, \sqrt{7} - 4, 3.14, 0.2\dot{3}, -\sqrt{0.01}, \sqrt{49}$$

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

순환하지 않는 무한소수는 무리수이다. 즉 무리수가 몇 개인지 고르면 된다.

$$\frac{\sqrt{16}}{3} = \frac{4}{3} \text{ (유리수)}, \sqrt{7} - 4 \text{ (무리수)},$$

3.14 (유리수),  $0.2\dot{3}$  (유리수),

$$-\sqrt{0.01} = -0.1 \text{ (유리수)}, \sqrt{49} = 7 \text{ (유리수)}$$

∴ 순환하지 않는 무한소수(무리수)는 1 개

2. 아래와 같은 세 수의 대소 관계를 부등호로 나타내면?

$$a = 4, b = 5 - \sqrt{2}, c = \sqrt{17}$$

- ①  $a < b < c$       ②  $b < a < c$       ③  $c < a < b$   
④  $b < c < a$       ⑤  $a < c < b$

해설

(1)  $a = 4$

(2)  $b$  의 범위

$$-\sqrt{4} < -\sqrt{2} < -\sqrt{1}$$

$$5 - \sqrt{4} < 5 - \sqrt{2} < 5 - \sqrt{1}$$

$$\therefore 3 < 5 - \sqrt{2} < 4$$

(3)  $c$  의 범위

$$\sqrt{16} < \sqrt{17} < \sqrt{25}$$

$$\therefore 4 < \sqrt{17} < 5$$

$$\therefore b < a < c$$

3. 다음 제곱근표를 이용하여  $\sqrt{55}$ 의 값을 구하면?

수	0	1	2	3	4	5
2.0	1.41	1.41	1.42	1.42	1.42	1.43
2.1	1.44	1.45	1.45	1.45	1.46	1.46
2.2	1.48	1.48	1.49	1.49	1.49	1.50
2.3	1.51	1.52	1.52	1.52	1.53	1.53
2.4	1.54	1.55	1.55	1.55	1.56	1.56

- ① 5.93      ② 7.56      ③ 7.50      ④ 7.40      ⑤ 6.19

해설

$$\sqrt{55} = \sqrt{2.2 \times 25} = 5\sqrt{2.2} = 5 \times 1.48 = 7.40$$

4. 자연수  $n$ 에 대하여  $\sqrt{n}$ 의 소수 부분을  $f(n)$ 이라 할 때,  $f(175) - 2f(28) = a\sqrt{7} + b$ 이다. 이 때,  $ab$ 의 값을 구하면?

① -5

② -3

③ -1

④ 1

⑤ 3

해설

i )  $13 < \sqrt{175} = 5\sqrt{7} < 14$

$$\therefore f(175) = 5\sqrt{7} - 13$$

ii )  $5 < \sqrt{28} = 2\sqrt{7} < 6$

$$\therefore f(28) = 2\sqrt{7} - 5$$

$$\begin{aligned}\therefore f(175) - 2f(28) &= 5\sqrt{7} - 13 - 4\sqrt{7} + 10 \\ &= \sqrt{7} - 3\end{aligned}$$

$\sqrt{7} - 3 = a\sqrt{7} + b$  이므로

$$a = 1, b = -3$$

$$\therefore ab = 1 \times (-3) = -3$$

5. 다음 중 그 값이 나머지 넷과 다른 하나는?

①  $(\sqrt{3})^2$

②  $\sqrt{9}$

③  $\sqrt{\frac{1}{3}(3)^3}$

④  $\sqrt{3 \sqrt{3^4}}$

⑤  $\sqrt{(-3)^2}$

해설

①, ②, ③, ⑤ : 3

④ :  $3\sqrt{3}$

6. 1부터 9까지의 숫자가 적힌 카드가 한 장씩 있다. 이 카드 중에서 임의로 3장을 뽑을 때,  $\sqrt{126abc}$  가 자연수가 되는 경우는 모두 몇 가지인가?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$$\sqrt{126abc} = \sqrt{2 \times 3^2 \times 7 \times abc}$$

$abc = 14$  또는  $abc = 56$  또는  $abc = 126$

$abc = 224$  또는  $abc = 504$

$abc = 14$  일 때, (1, 2, 7)

$abc = 56$  일 때, (1, 7, 8), (2, 4, 7)

$abc = 126$  일 때, (2, 7, 9), (3, 6, 7)

$abc = 224$  일 때, (4, 7, 8)

$abc = 504$  일 때, (7, 8, 9)

7.  $-1 < x < y < 0$  일 때, 다음 중 1 보다 큰 수를 고르면?

①  $\sqrt{xy}$

②  $\sqrt{-\frac{y^2}{x}}$

③  $\sqrt{-\frac{y}{x^2}}$

④  $\sqrt{-x^2y}$

⑤  $\sqrt{-xy^2}$

해설

$-1 < x < y < 0$  이므로  $xy < 1$  이고  $\frac{y}{x} < 1$ ,  $\frac{x}{y} > 1$

①  $\sqrt{xy} < 1$

②  $\sqrt{-\frac{y^2}{x}} < \sqrt{-y} < 1$

③  $\frac{x}{y} > 1, -\frac{1}{y} > 1$  이므로  $\sqrt{-\frac{x}{y^2}} > 1$

④  $\sqrt{-x} < 1$  이므로 양변에  $\sqrt{xy}$  를 곱하면  $\sqrt{-x^2y} < \sqrt{xy} < 1$

⑤  $\sqrt{-y} < 1$  이므로 양변에  $\sqrt{xy}$  를 곱하면  $\sqrt{-x^2y} < \sqrt{xy} < 1$   
따라서 1 보다 큰 것은 ③뿐이다.

8.  $\sqrt{5} < x < \sqrt{A}$  를 만족하는 정수  $x$ 의 개수가 2개일 때, 이 식을 성립하게 하는 정수  $A$  는 모두 몇 개인가?

- ① 8 개      ② 9 개      ③ 10 개      ④ 11 개      ⑤ 12 개

해설

$\sqrt{5} < x < \sqrt{A}$  를 만족하는 정수  $x$  가 2 개가 되려면  $4 < \sqrt{A} \leq 5$  여야 하므로  $16 < A \leq 25$

$A = 17, 18 \dots 23, 24, 25$  이므로 9 개이다.

9. 두 수 5 와 9 사이에 있는 무리수 중에서  $\sqrt{n}$  의 꼴로 나타낼 수 있는  
가장 큰 수를  $\sqrt{a}$ , 가장 작은 수를  $\sqrt{b}$  라고 할 때,  $a + b$  의 값으로  
알맞은 것을 고르면? (단,  $n$  은 자연수)

- ① 98      ② 100      ③ 102      ④ 104      ⑤ 106

해설

$$5 = \sqrt{25},$$

$$9 = \sqrt{81},$$

$$a = 80,$$

$$b = 26,$$

$$\therefore a + b = 106$$

10.  $f(x) = \sqrt{x+1} - \sqrt{x}$ 이고,  $S(x) = f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(x)$ 이라고 한다. 100 이하의 자연수  $n$ 에 대하여  $S(n)$ 의 값이 자연수가 되는  $n$ 을 모두 고르면?

① 8

② 15

③ 35

④ 50

⑤ 99

해설

$$\begin{aligned} S(n) &= (\sqrt{2} - 1) + (\sqrt{3} - \sqrt{2}) + (\sqrt{4} - \sqrt{3}) + \dots + \\ &(\sqrt{n+1} - \sqrt{n}) = \sqrt{n+1} - 1 \end{aligned}$$

①  $n = 8$  일 때,  $S(n) = 3 - 1 = 2$

②  $n = 15$  일 때,  $S(n) = 4 - 1 = 3$

③  $n = 35$  일 때,  $S(n) = 6 - 1 = 5$

④  $n = 50$  일 때,  $S(n) = \sqrt{51} - 1$

⑤  $n = 99$  일 때,  $S(n) = 10 - 1 = 9$

따라서 ①, ②, ③, ⑤가 답이다.

11. 일차방정식  $(\sqrt{3} + 1)x = (4 - \sqrt{3})(\sqrt{3} + 2)$  의 해는  $x = a + b\sqrt{3}$  이다. 이때,  $\sqrt{a+b}$ 의 값은? (단,  $a, b$ 는 유리수)

① 0

② 1

③  $\sqrt{2}$

④  $\sqrt{3}$

⑤ 2

해설

$$(\sqrt{3} + 1)x = (4 - \sqrt{3})(\sqrt{3} + 2)$$

$$\begin{aligned}x &= \frac{(4 - \sqrt{3})(\sqrt{3} + 2)}{\sqrt{3} + 1} \\&= \frac{2\sqrt{3} + 5}{\sqrt{3} + 1} \\&= \frac{(2\sqrt{3} + 5)(\sqrt{3} - 1)}{(\sqrt{3} + 1)(\sqrt{3} - 1)} \\&= \frac{1 + 3\sqrt{3}}{2}\end{aligned}$$

$$\text{따라서, } \sqrt{a+b} = \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{3}{2}} = \sqrt{2}$$

12.  $x^2 + Ax + 12 = (x + a)(x + b)$  일 때, 다음 중 상수  $A$ 의 값이 될 수 없는 것은?(단,  $a, b$ 는 정수)

- ① 8      ② -13      ③ -8      ④ -7      ⑤ 1

해설

$ab = 12$ 가 되는 경우

$(\pm 1, \pm 12), (\pm 2, \pm 6), (\pm 3, \pm 4)$

$A = a + b$  이므로

$A$ 가 될 수 있는 수는  $\pm 13, \pm 8, \pm 7$

13.  $ab - 6a + 5b - 48 = 0$  을 만족하는 정수  $a, b$  의 순서쌍의 개수는? (단,  $a > 0, b > 0$ )

① 1개

② 2개

③ 3개

④ 4개

⑤ 5개

해설

$$ab - 6a + 5b - 48 = 0$$

$$b(a+5) - 6a - 48 = 0$$

$$b(a+5) - 6(a+5) - 18 = 0$$

$$(a+5)(b-6) = 18$$

$$a > 0, b > 0 \text{ 이므로 } a+5 > 5$$

$$\text{(i) } a+5 = 18, b-6 = 1$$

$$a = 13, b = 7$$

$$\text{(ii) } a+5 = 9, b-6 = 2$$

$$a = 4, b = 8$$

$$\text{(iii) } a+5 = 6, b-6 = 3$$

$$a = 1, b = 9$$

$\therefore$  순서쌍  $a, b$ 의 개수는 3개

14. 인수분해를 이용하여 다음 식의 값을 구하면?

$$\sqrt{58^2 \times \frac{1}{16} - 42^2 \times \frac{1}{16}}$$

- ① 5      ② 8      ③ 10      ④ 12      ⑤ 14

해설

$$\begin{aligned}& \sqrt{58^2 \times \frac{1}{16} - 42^2 \times \frac{1}{16}} \\&= \sqrt{\frac{1}{16}(58 - 42)(58 + 42)} \\&= \sqrt{\frac{1}{16} \times 16 \times 100} = 10\end{aligned}$$

15. 다음 조건을 만족하는 두 실수  $a, b$ 에 대하여  $(a - b - 1)^2$ 의 값을 구하면?

$$a^2 - 2ab + b^2 = 9, \quad 6ab + 2 = -4, \quad a > b$$

- ① 1      ② 4      ③ 9      ④ 16      ⑤ 25

해설

$a^2 - 2ab + b^2 = 9, \quad 6ab + 2 = -4, \quad a > b$ 에서

$$ab = -1, \quad a^2 + b^2 = 7$$

$$(a - b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab = 7 + 2 = 9$$

$$\therefore a - b = 3$$

$$\therefore (a - b - 1)^2$$

$$= a^2 + b^2 + 1 - 2a + 2b - 2ab$$

$$= 7 + 1 - 2 \times 3 + 2 = 4$$