

1. 다음 수 중에서 소수의 개수를 구하여라.

1 3 6 27 29

▶ 답: 개

▷ 정답: 2 개

해설

각각의 수의 약수를 구해 보면

1의 약수: 1

3의 약수: 1, 3

6의 약수: 1, 2, 3, 6

27의 약수: 1, 3, 9, 27

29의 약수: 1, 29

따라서 소수는 약수가 2 개인 수이므로 3과 29이다.

2. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2 개)

- ① 10 이하의 소수는 모두 5 개이다.
- ② 1 은 소수이다.
- ③ 모든 소수는 자신을 약수로 갖는다.
- ④ 합성수는 3 개 이상의 약수를 갖는다.
- ⑤ 소수는 짝수가 없다.

해설

- ① 10 이하의 소수는 2, 3, 5, 7 이다.
- ② 1 은 소수도 합성수도 아니다.
- ③ 2 는 소수이다.

3. 다음 중 350 의 약수가 아닌 것은?

- ① 2                  ②  $2 \times 5$                   ③  $2 \times 7$   
④  $2^2 \times 5^2$               ⑤  $2 \times 5^2 \times 7$

해설

$350 = 2 \times 5^2 \times 7$  이므로 ④  $2^2 \times 5^2$  은 약수가 아니다.

4. 다음 중 약수의 개수가 나머지와 다른 것은?

- ① 12      ② 18      ③ 32      ④ 36      ⑤ 75

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad 12 &= 2^2 \times 3 \\ \therefore (2+1) \times (1+1) &= 6(\text{약수}) \\ \textcircled{2} \quad 18 &= 2 \times 3^2 \\ \therefore (1+1) \times (2+1) &= 6(\text{약수}) \\ \textcircled{3} \quad 32 &= 2^5 \\ \therefore (5+1) &= 6(\text{약수}) \\ \textcircled{4} \quad 36 &= 2^2 \times 3^2 \\ \therefore (2+1) \times (2+1) &= 9(\text{약수}) \\ \textcircled{5} \quad 75 &= 3 \times 5^2 \\ \therefore (1+1) \times (2+1) &= 6(\text{약수}) \end{aligned}$$

5. 소인수분해를 이용하여 36과 56의 최대공약수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$36 = 2^2 \times 3^2$$

$$56 = 2^3 \times 7$$

두 수의 최대공약수는  $2^2 = 4$

6. 다음 수들에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

보기

$$1.2, -5, \frac{3}{7}, 0, -0.72, -\frac{16}{8}, 3$$

① 음수 : 3 개                  ② 음의 정수 : 2 개

③ 양의 유리수 : 3 개

④ 유리수 : 7 개

⑤ 정수 : 3 개

해설

⑤ 정수는  $-5, 0, -\frac{16}{8}, 3$  으로 4 개이다.

7. 수직선 위에서  $-5$  와  $2$  를 나타내는 점의 한가운데에 있는 점을 나타내는 수는?

- ①  $-3$       ②  $-2.5$       ③  $-1.5$       ④  $0$       ⑤  $0.5$

해설

$-5$  와  $2$  를 나타내는 점의 한가운데에 있는 점은  $\frac{(-5) + (+2)}{2} =$

$-\frac{3}{2}$  이다. 따라서 ③이다.

8. 수직선 위에서  $-6$  에 대응하는 점과  $+2$  에 대응하는 점에서 같은 거리에 있는 수는?

- ①  $-3$       ②  $-2$       ③  $-1$       ④  $0$       ⑤  $1$

해설

$-6$  과  $+2$  사이의 거리: 8 이므로 같은 거리는  $\frac{8}{2} = 4$   
 $\therefore -6$  에서 오른쪽으로 4 만큼 간 수는  $-2$ 이다.

9. 다음 중 대소 관계가 옳은 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

- |                      |             |
|----------------------|-------------|
| Ⓐ $ -2  <  +1 $      | Ⓑ $6 < 10$  |
| Ⓒ $7 < -\frac{4}{1}$ | Ⓓ $-5 > -3$ |
| Ⓔ $ -8  >  -7 $      |             |

▶ 답: 개

▷ 정답: 2 개

해설

- |                      |
|----------------------|
| Ⓐ $ -2  >  +1 $      |
| Ⓒ $7 > -\frac{4}{1}$ |
| Ⓔ $-5 < -3$          |

10. 다음 중 수직선에 나타내었을 때, 가장 원쪽에 위치하는 수는?

- ① -3      ② 0      ③ -1      ④ 8      ⑤ -7

해설

주어진 수들을 수직선에 나타내어 보면 다음과 같다.



따라서 가장 원쪽에 위치하는 수는 -7 이다.

11. 수직선에 2와 -6에 대응하는 두 점을 나타낸 후, 두 점에서 같은 거리에 있는 점에 대응하는 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

두 점사이의 거리는  $2 - (-6) = 8$ ,  
-6에서 오른쪽으로 4만큼 떨어진 점 -2

12. 다음 중 뺄셈을 덧셈으로 바꾸는 과정에서 틀린 것은?

①  $(-3) - (+5) = (-3) + (-5)$

②  $(+7) - (+3) = (+7) + (-3)$

③  $(+3) - (+7) = (+3) + (-7)$

④  $(-2) - (+5) = (+2) + (-5)$

⑤  $(+2) - (+7) = (+2) + (-7)$

해설

④  $(-2) - (+5) = (-2) + (-5)$

13. 다음을 계산하여라.

$$-3 - 6 + 8$$

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$\begin{aligned}-3 - 6 + 8 &= (-3) - (+6) + (+8) \\&= (-3) + (-6) + (+8) \\&= \{(-3) + (-6)\} + (+8) \\&= (-9) + (+8) = -1\end{aligned}$$

14.  $x$  가  $-1$  보다  $-3$  만큼 작은 정수이다.  $x, -x, -3$  의 대소 관계를  
바르게 표현한 것은?

- ①  $x < -x < -3$       ②  $-3 < x < -x$       ③  $x < -3 < -x$   
④  $-x < -3 < x$       ⑤  $-3 < -x < x$

해설

$-1$  보다  $-3$  만큼 작은 수는  $-1 - (-3) = 2$  이다. 즉  $x = 2, -x = -2$ , 이므로  $-3 < -x < x$  이다.

15. 다음 표를 보고 가로의 수들의 곱을 계산하여 차례대로 써넣어라.

(+1)	(+1)	(-1)	(-1)	(-1)
$(-3)^2$	(-1)	(-1)	(+2)	(+2)
(-2)	(-2)	$(+1)^2$	(-1)	(-1)
(-1)	(-1)	(-1)	$(+3^2)$	$(-2^2)$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: -1

▶ 정답: 36 또는 +36

▶ 정답: 4 또는 +4

▶ 정답: 36 또는 +36

해설

$$\begin{aligned} & (+1) \times (+1) \times (-1) \times (-1) \times (-1) \\ & = (+1) \times (-1) = -1 \\ & (-3)^2 \times (-1) \times (-1) \times (+2) \times (+2) = 9 \times 1 \times 4 = 36 \\ & (-2) \times (-2) \times (+1)^2 \times (-1) \times (-1) = 4 \times 1 \times 1 = 4 \\ & (-1) \times (-1) \times (-1) \times (+3^2) \times (-2^2) \\ & = (-1) \times 9 \times (-4) = 36 \end{aligned}$$

16. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 16의 약수의 개수는 5개이다.
- ② 모든 자연수는 자기 자신의 약수인 동시에 배수이다.
- ③ 모든 자연수는 약수가 2개 이상이다.
- ④ 21은 3의 배수이다.
- ⑤ 6은 18의 약수이다.

해설

1은 약수가 자기 자신뿐이다.

17. 108 을 소인수분해 한 것으로 옳은 것은?

①  $4 \times 27$

④  $2^2 \times 3 \times 5$

②  $2^2 \times 3^3$

⑤  $2^3 \times 3^2$

해설

$$\begin{array}{r} 2 ) 108 \\ 2 ) 54 \\ 3 ) 27 \\ 3 ) \underline{9} \\ 3 \end{array}$$

18. 다음 각 수를 나열한 것을 보고 공통인 수를 찾으면?

$$\boxed{\begin{array}{c} 7, 14, 21, 28, \dots \\ 21, 42, 63, 84, \dots \end{array}}$$

- ① 7, 14, 21, 28      ② 7, 14, 21, 28, ...  
③ 21, 42, 63, 84      ④ 21, 42, 63, 84, ...  
⑤ 147, 294, 441, 588, ...

해설

첫 번째 줄의 수는 7의 배수이고 두 번째 줄의 수는 21의 배수이다.

따라서 공통인 수를 찾으면 7과 21의 공배수, 즉 21의 배수를 찾으면 된다.

19.  $2^2$ ,  $2^2 \times 3$ ,  $3 \times 5$  의 공배수 중에서 200 이하인 것의 개수는?

- ① 2 개      ② 3 개      ③ 4 개      ④ 5 개      ⑤ 6 개

해설

세 수의 최소공배수는  $2^2 \times 3 \times 5 = 60$  이므로 200 이하의 공배수는 60, 120, 180 으로 총 3 개이다.

20. 가로, 세로의 길이와 높이가 각각 12cm, 20cm, 6cm인 벽돌이 있다.  
이들을 같은 방향으로 빈틈없이 쌓아서 가능한 한 작은 정육면체를

만들 때, 이러한 정육면체 중 가장 작은 것의 한 모서리의 길이를

구하여라.

▶ 답:

cm

▷ 정답: 60 cm

해설

$$\begin{array}{r} 2 ) 12 \quad 20 \quad 6 \\ 2 ) \quad 6 \quad 10 \quad 3 \\ 3 ) \quad 3 \quad 5 \quad 3 \\ \hline & 1 & 5 & 1 \end{array}$$

정육면체의 한 모서리의 길이는 12, 20, 6의 최소공배수  
 $2 \times 2 \times 3 \times 5 = 60(\text{cm})$ 이다.

21. 두 자연수의 최대공약수가 11, 최소공배수가 42 일 때, 두 수의 곱을 구하면?

- ① 358      ② 409      ③ 421      ④ 462      ⑤ 500

해설

두 수  $A, B$  의 최대공약수를  $G$ , 최소공배수를  $L$  이라 하면  
 $A \times B = L \times G$  이므로

$A \times B = 11 \times 42$  이다.

$\therefore A \times B = 462$

22.  $x$  의 절댓값이  $y$  의 절댓값보다 작다고 할 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ①  $x$  는 양수이다.
- ②  $y$  는  $x$  보다 원점에서 더 멀다.
- ③  $y$  는  $x$  보다 크다.
- ④  $0 < x < y$  이다.
- ⑤  $x > y$  이면  $y < 0$  는 옳다.

해설

절댓값은 수직선 위에서 어떤 수를 나타내는 점과 원점 사이의 거리이다.

23. 수직선 위에 다음 수들이 대응할 때, 원점에서 가장 가까운 수는 ?

- ① -7      ② +3      ③ +6      ④ -2      ⑤ -8

해설

원점에서 가장 가까운 수는 절댓값이 가장 작은 수이다.

- ① -7 의 절댓값은 7 이다.  
② +3 의 절댓값은 3 이다.  
③ +6 의 절댓값은 6 이다.  
④ -2 의 절댓값은 2 이다.  
⑤ -8 의 절댓값은 8 이다.

24.  $x$ 는  $-2 < x \leq 4$ 인 정수일 때,  $x$ 값의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 6개

해설

$x \Rightarrow -1, 0, 1, 2, 3, 4$ 으로 6개이다.

25.  $-\frac{20}{7}$  과 2.1 사이에 있는 모든 정수의 개수를 구하면?

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

$$-\frac{20}{7} = -2\frac{6}{7}$$
 이므로

$-\frac{20}{7}$  과 2.1 사이에 있는 정수는

-2, -1, 0, 1, 2 의 5 개

26. 다음 그림에서 삼각형의 세 변에 네 수의 합이 모두 같도록  $x$ ,  $y$ 의 값을 정하려고 한다.  
이때,  $xy$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 160

해설

삼각형의 왼쪽 변의 합은

$$1 + (-2) + 7 + 4 = 10 \text{ 이다.}$$

삼각형의 오른쪽 변의 합은

$$1 + x + 2 + (-9) = 10 \quad \therefore x = 16$$

삼각형의 밑변의 네 수의 합은

$$4 + y + 5 + (-9) = 10 \quad \therefore y = 10$$

$$\therefore xy = 16 \times 10 = 160$$

27. 다음 표는 가로, 세로, 대각선의 방향으로 각 수를 더해도 그 합은 모두 같다고 할 때,  $a$ 에 알맞은 수를 구하면?

① -1    ② -3    ③ 5    ④ 4    ⑤ 2

	-3	2
$a$		3
		-2

해설

빈칸에 들어갈 수를 각각  $x, y, z, w$ 라고 할 때,

$x$	-3	2
$a$	$y$	3
$z$	$w$	-2

$$x - 3 + 2 = 2 + 3 - 2 = 3$$

$$\therefore x = 4$$

$$x + y - 2 = 3, \quad 2 + y = 3$$

$$\therefore y = 1$$

$$a + y + 3 = 3, \quad a + 4 = 3$$

$$\therefore a = -1$$

28. 정수의 곱셈에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 두 양의 정수를 곱하면 양의 정수가 된다.
- ② 양의 정수와 음의 정수를 곱하면 양의 정수가 된다.
- ③ 두 음의 정수를 곱하면 양의 정수가 된다.
- ④ 어떤 정수든 0을 곱하면 0이 된다.
- ⑤ 두 정수를 곱한 결과가 양의 정수이면 두 정수의 부호는 같다.

해설

양의 정수와 음의 정수를 곱하면 음의 정수가 된다.

29. 분배법칙을 이용하여 다음 식을 계산하여라.

$$(-2.8) \times (-14) + (-2.8) \times (+19)$$

- ① 12      ② 12.5      ③ 13      ④ 13.5      ⑤ -14

해설

$$\begin{aligned} & (-2.8) \times (-14) + (-2.8) \times (+19) \\ &= (-2.8) \times \{(-14) + (+19)\} \\ &= (-2.8) \times (+5) = -14 \end{aligned}$$

30. 네 유리수  $-\frac{5}{2}$ , 3, -2,  $\frac{7}{3}$  중에서 서로 다른 세 수를 뽑아 곱할 때,

결과가 가장 큰 수는?

- ① -14      ②  $-\frac{35}{2}$       ③  $\frac{35}{3}$       ④ 15      ⑤ 21

해설

$$3 \times (-2) \times \left(-\frac{5}{2}\right) = 15$$

31. 다음 계산 중 옳지 않은 것은?

$$\textcircled{1} \quad \frac{1}{3} \times \frac{2}{3} \times 8 = \frac{16}{9}$$

$$\textcircled{2} \quad \left(-\frac{1}{4}\right) \times \left(-\frac{1}{3}\right) \div \frac{5}{12} = \frac{1}{5}$$

$$\textcircled{3} \quad (-12) \times \left(-\frac{1}{6}\right) \times (-2)^2 = \frac{1}{2}$$

$$\textcircled{4} \quad (-25) \div \left(-\frac{5}{2}\right) \times (-2)^2 = 40$$

$$\textcircled{5} \quad (-4)^2 \times \left(-\frac{1}{8}\right) \div (-3)^2 = -\frac{2}{9}$$

해설

$$\textcircled{3} \quad (-12) \times \left(-\frac{1}{6}\right) \times 4 = 8$$

32.  $4 \div \left\{ 3 - 2 \times \left( -\frac{1}{4} \right) \right\} - \frac{3}{5}$  을 계산하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{19}{35}$

해설

$$\begin{aligned} 4 \div \left\{ 3 - 2 \times \left( -\frac{1}{4} \right) \right\} - \frac{3}{5} &= 4 \div \left( 3 + \frac{1}{2} \right) - \frac{3}{5} \\ &= 4 \times \frac{2}{7} - \frac{3}{5} = \frac{8}{7} - \frac{3}{5} \\ &= \frac{8 \times 5 - 3 \times 7}{35} = \frac{19}{35} \end{aligned}$$

33. 다음 ( ) 안 가, 나에 차례대로 들어갈 것으로 옳은 것은?

$$2 \times 13 - 3 \times 13 + 4 \times 13 = (\text{가}) \times 13 = (\text{나})$$

① (가) : -1, (나) : 13

② (가) : 1, (나) : 13

③ (가) : 2, (나) : 26

④ (가) : 2, (나) : 39

⑤ (가) : 3, (나) : 39

해설

$$\begin{aligned}2 \times 13 - 3 \times 13 + 4 \times 13 &= (2 - 3 + 4) \times 13 \\&= 3 \times 13\end{aligned}$$

$$= 39$$

34. 어떤 수를 13 으로 나누면 6 이 남는 수 중 200 에 가장 가까운 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 201

해설

어떤 수를  $x$  라 하고 몫을  $k$  라 하면  $x = 13 \times k + 6$  이다.  
 $k = 15$  일 때,  $x = 13 \times 15 + 6 = 201$  이고  $k = 16$  일 때,  
 $x = 13 \times 16 + 6 = 214$  이다.

따라서 200 에 가장 가까운 수는 201 이다.

35. 다음 중 3의 배수인 것은?

- ① 124      ② 263      ③ 772      ④ 305      ⑤ 273

해설

3의 배수는 각 자리의 숫자의 합이 3의 배수이다.

⑤  $2 + 7 + 3 = 12$  가 3의 배수이므로 273은 3의 배수이다.

36.  $x = 5^{15} + 1$ ,  $y = 2^{13} + 1$  일 때  $xy$ 는 몇 자리의 수인지 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$xy = 5^{15} \times 2^{13} + 5^{15} + 2^{13} + 1$$

이 때  $5^{15} \times 2^{13} > 5^{15} + 2^{13} + 1$  이므로

$5^{15} + 2^{13} + 1$ 은 자릿수를 고려할 때 생각하지 않는다.

$$\begin{aligned}5^{15} \times 2^{13} &= 5^{13} \times 2^{13} \times 5^2 \\&= (5 \times 2)^{13} \times 25 \\&= 10^{13} \times 25\end{aligned}$$

따라서  $xy$ 는 15 자리의 수이다.

37. 다음 식을 만족하는  $a$ ,  $b$ ,  $c$  의 합은?

$$1 \times 2 \times 4 \times 5 \times 10 \times 20 = 2^a \times 3^b \times 5^c$$

- ① 0      ② 1      ③ 4      ④ 6      ⑤ 8

해설

$$1 \times 2 \times (2 \times 2) \times 5 \times (2 \times 5) \times (2 \times 2 \times 5) = 2^6 \times 3^0 \times 5^3$$

$$\therefore a = 6, b = 0, c = 3$$

$$\therefore 6 + 0 + 3 = 9$$

38. 36과  $2 \times 3^2 \times 5$ 의 공약수의 개수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$36 = 2^2 \times 3^2$ ,  $2 \times 3^2 \times 5$ 의 최대공약수는  $2 \times 3^2$ 이므로 공약수의 개수는  $(1+1) \times (2+1) = 6$ (개)

39. 가로 80m, 세로 96m인 직사각형 모양의 땅의 둘레에 일정한 간격으로 깃발을 세우려고 한다. 4개의 모퉁이에는 반드시 깃발을 세워야 하고, 깃발은 가능한 적게 사용하려고 할 때, 필요한 깃발의 개수를 구하여라.

▶ 답:

개

▷ 정답: 22개

해설

모퉁이에 반드시 깃발을 세우고 일정한 간격으로 깃발을 세우면서 최소의 깃발을 세우려면, 가로와 세로의 최대 공약수만큼 거리를 떨어뜨려 세우면 된다. 80과 96의 최대공약수는 16이므로, 필요한 깃발의 개수는 22개이다.



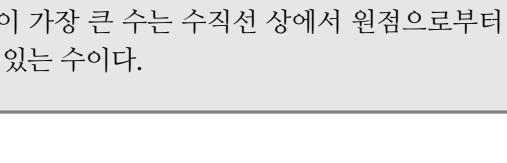
40. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 0은 정수이다.
- ②  $-5$  와  $+3$  사이에는 6 개의 정수가 있다.
- ③ 음의 유리수, 0, 양의 유리수를 통틀어 유리수라고 한다.
- ④ 유리수는 분모가 0 이 아닌 분수로 모두 나타낼 수 있다.
- ⑤ 정수는 유리수이다.

해설

②  $-5$  와  $+3$  사이에는  $-4$ ,  $-3$ ,  $-2$ ,  $-1$ ,  $0$ ,  $1$ ,  $2$  의 7 개의 정수가 있다.

41. 다음 수직선 위에 표시된 수 중에서 절댓값이 가장 큰 수의 기호를 쓰시오.



▶ 답:

▷ 정답: A

해설

절댓값이 가장 큰 수는 수직선 상에서 원점으로부터 가장 멀리 떨어져 있는 수이다.

42. 두 수  $A$  와  $B$  는 절댓값이 같고  $A$  가  $B$  보다 9 만큼 클 때,  $A$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4.5

해설

$$|A| = |B|, A - B = 9 \\ \therefore A = 4.5, B = -4.5$$

43. 두 정수  $a, b$  에 대하여  $\langle a, b \rangle$  를  $a, b$  중 절댓값이 큰 수라고 정의할 때,  $\langle -2, 7 \rangle, 3$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$\langle a, b \rangle$  를  $a, b$  중 절댓값이 큰 수라고 정의할 때 먼저  $\langle -2, 7 \rangle$  의 값을 구해보자.

$-2$  의 절댓값은  $2$ 이고  $7$  의 절댓값은  $7$  이므로  $\langle -2, 7 \rangle = 7$  이 된다.

또,  $\langle 7, 3 \rangle$  을 구해보면  $7$ 의 절댓값은  $7$ 이고  $3$ 의 절댓값은  $3$  이므로  $\langle 7, 3 \rangle = 7$  이 된다.

44.  $360 \times a = b^2$  을 만족시키는 자연수  $a, b$  중에서 가장 작은 수를 각각  $x, y$  라고 할 때  $x + y$  의 값으로 알맞은 것은?

① 70      ② 80      ③ 90      ④ 100      ⑤ 110

해설

$$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$$

지수가 2의 배수이어야 하므로  $x = 2 \times 5 = 10$ 이다.

$$(2^2 \times 3 \times 5)^2 = 60^2, x = 10, y = 60$$

따라서  $x + y = 70$ 이다.

45. 최대공약수가  $3^2 \times x$  인 두 자연수의 공약수가 12 개일 때,  $x$  의 값이 될 수 있는 한 자리의 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

공약수, 즉 최대공약수의 약수가 12 개이므로

최대공약수는  $a \times b^5$ ,  $a^2 \times b^3$  (단,  $a, b$  는 소수,  $a \neq b$ ) 또는  $a^{11}$  꼴이어야 한다.

하지만  $3^2 \times x$  꼴이므로  $3^2 \times b^3$  (단,  $b$  는 소수,  $b \neq 3$ ) 꼴이어야 하고,  $x$  는 한 자리의 자연수 이므로  $b = 2$  이다.

따라서  $x = 2^3 = 8$  이다.

46. 세 자연수의 비가  $2 : 3 : 5$  이고, 최소공배수가 240 일 때, 세 자연수의 합은?

- ① 16      ② 24      ③ 40      ④ 80      ⑤ 120

해설

세 자연수를  $2 \times x$ ,  $3 \times x$ ,  $5 \times x$  라 하면

$$x \overline{) 2 \times x \quad 3 \times x \quad 5 \times x} \\ \underline{2 \quad 3 \quad 5}$$

$$x \times 2 \times 3 \times 5 = 240 \text{ 이므로 } x = 8$$

따라서, 세 자연수는 16, 24, 40 이므로

세 자연수의 합은  $16 + 24 + 40 = 80$  이다.

47. 가로의 길이가 54cm, 세로의 길이가  $2 \times 3^2 \times 6$ cm, 높이가 90cm인 직육면체를 가능한 한 가장 큰 정육면체로 가득 채우려고 한다. 이때, 사용되는 정육면체의 한 모서리의 길이를  $a$  cm, 정육면체의 개수를  $b$  개라 할 때,  $\frac{b}{a}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

만들어진 정육면체의 한 모서리의 길이는  
54,  $2 \times 3^2 \times 6$ , 90의 최대공약수이므로

$$54 = 2 \times 3^3$$

$$2 \times 3^2 \times 6 = 2^2 \times 3^3$$

$$90 = 2 \times 3^2 \times 5$$

$$\text{최대공약수는 } 2 \times 3^2 = 18$$

$$\therefore a = 18$$

정육면체의 개수는

$$(54 \div 18) \times (108 \div 18) \times (90 \div 18) = 3 \times 6 \times 5 = 90 (\text{개})$$

$$\therefore b = 90$$

$$\therefore \frac{b}{a} = \frac{90}{18} = 5$$

48. <표1>은 1부터 9까지의 자연수를 하나씩 넣어서 가로, 세로, 대각선의 수의 합이 모두 같도록 만든 것이다. <표2>는 같은 방법으로 3부터 11까지의 정수를 하나씩 넣어서 만든 것이다.  $A$ ,  $B$ ,  $C$ 에 들어갈 수를 모두 더한 값을 구하여라.

2	7	6
9	5	1
4	3	8

<표1>

	A	
11	B	3
	C	

<표2>

▶ 답:

▷ 정답: 21 또는 +21

해설

<표1>의 각 칸에 있는 수에서 2를 더하면 <표2>를 만들 수

있으므로

$$A = 7 + 2 = 9, B = 5 + 2 = 7, C = 3 + 2 = 5$$

따라서  $A + B + C = 9 + 7 + 5 = 21$  이다.

49. 다음을 계산하여 기약분수로 나타내었을 때, 분모와 분자의 합을 구하여라.

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{4}{5} - \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} \right) + \frac{2}{2} + \frac{2}{3} + \frac{2}{4} + \frac{2}{5} - \left( \frac{5}{2} + \frac{4}{3} + \frac{3}{4} + \frac{2}{5} \right)$$

▶ 답:

▷ 정답: 61

해설

분모가 같은 수끼리 먼저 계산하면

$$1 - \frac{3}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{3}{5} = \frac{1}{60} \text{ 이므로, 분모와 분자의 합은 } 61 \text{ 이 된다.}$$

50. 어떤 수  $a$ 에  $-\frac{7}{3}$  을 나누어야 할 것을 잘못해서 곱했더니  $\frac{14}{15}$  이 되었다. 이때, 바르게 계산된 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{6}{35}$

해설

$$a \times \left(-\frac{7}{3}\right) = \frac{14}{15} \therefore a = \frac{14}{15} \times \left(-\frac{3}{7}\right) = -\frac{2}{5}$$

$$\text{바르게 계산된 값은 } \left(-\frac{2}{5}\right) \div \left(-\frac{7}{3}\right) = \left(-\frac{2}{5}\right) \times \left(-\frac{3}{7}\right) = \frac{6}{35}$$