

1. 다음은 방정식을 푸는 과정이다. 빈칸에 알맞은 수를 차례대로 써 넣어라.

$$\begin{aligned}\frac{1}{2}x - 1 &= \frac{x}{4} \\ \square \times \left(\frac{1}{2}x - 1\right) &= \square \times \frac{x}{4} \\ 2x - 4 &= x \\ 2x - \square &= 4 \\ \therefore x &= \square\end{aligned}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 4

▷ 정답: 4

▷ 정답: x

▷ 정답: 4

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{2}x - 1 &= \frac{x}{4} \\ 4 \times \left(\frac{1}{2}x - 1\right) &= 4 \times \frac{x}{4} \\ 2x - 4 &= x \\ 2x - x &= 4 \\ \therefore x &= 4\end{aligned}$$

2. 일차방정식 $a(3x - 1) - 5 = 2 + x$ 의 해가 1일 때, 방정식 $0.2(x - a) = 1.1 + 1.5x$ 의 해는?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} & x = \frac{19}{11} & \textcircled{2} & x = \frac{19}{13} \\ & & \textcircled{3} & x = -\frac{19}{13} \\ \textcircled{4} & x = -\frac{19}{11} & \textcircled{5} & x = -\frac{19}{9} \end{array}$$

해설

$a(3x - 1) - 5 = 2 + x$ 의 해가 1이므로 x 대신에 1을 대입한다.

$$a(3 - 1) - 5 = 2 + 1$$

$$2a - 5 = 3$$

$$2a = 8$$

$$\therefore a = 4$$

$0.2(x - a) = 1.1 + 1.5x$ 에 $a = 4$ 를 대입한 후, x 의 값을 구한다.

$$0.2(x - 4) = 1.1 + 1.5x, 2(x - 4) = 11 + 15x$$

$$2x - 8 = 11 + 15x$$

$$2x - 15x = 11 + 8$$

$$-13x = 19$$

$$\therefore x = -\frac{19}{13}$$

3. 다음 중 $-0.06x = 0.3(0.7x + 1.8)$ 의 해를 a 라 할 때, $2a + 1$ 의 해가 되는 식은?

① $\frac{x}{3} - \frac{x-3}{2} = 1$

② $0.5x - 0.8 = 0.3(x+2)$

③ $x + 7 = 0$

④ $\frac{2}{3}x + \frac{3}{4} = \frac{1}{12}$

⑤ $\frac{x-7}{6} = \frac{x-2}{3}$

해설

$-0.06x = 0.3(0.7x + 1.8)$ 의 양변에 100을 곱하면

$-6x = 21x + 54, 21x + 6x = -54, 27x = -54,$

$x = -2, a = -2, 2a + 1 = 2(-2) + 1 = -3$ 이다.

⑤ $\frac{x-7}{6} = \frac{x-2}{3}$ 의 양변에 6을 곱하면 $x-7 = 2(x-2), 2x-x =$

$-7 + 4, x = -3$ 이다.

4. 방정식의 해가 나머지 넷과 다른 것을 고르면?

- Ⓐ $\frac{1}{3}x + 1 = \frac{x - 2}{2}$ Ⓛ $3(x + 1) - 2 = 4x - 1$
Ⓑ $\frac{x}{6} + 1 = \frac{x + 2}{3}$ Ⓞ $-0.03x = 0.2(1.2x - 2.7)$
Ⓒ $2x + 4 = 6 + x$

해설

- Ⓐ $2x + 6 = 3(x - 2), 3x - 2x = 6 + 6, x = 12$
Ⓑ $3x + 3 - 2 = 4x - 1, -x = -2, x = 2$
Ⓒ $x + 6 = 2(x + 2), x + 6 = 2x + 4, x = 2$
Ⓓ $-3x = 2(12x - 27), -3x = 24x - 54, -27x = -54, x = 2$
Ⓔ $2x - x = 6 - 4, x = 2$

5. 다음 방정식 중 해가 다른 하나는?

① $0.5x = -0.1x + 1.2$

② $0.5 - 0.1x = 0.2$

③ $2(x - 2) = 0$

④ $0.3x - 1 = -0.4$

⑤ $\frac{x+1}{3} = \frac{4-x}{2}$

해설

① $6x = 12, x = 2$

② $-x = 2 - 5, -x = -3, x = 3$

③ $x - 2 = 0, x = 2$

④ $3x - 10 = -4, 3x = 6, x = 2$

⑤ $2(x+1) = 3(4-x), 5x = 10, x = 2$

6. 방정식 $0.5(2x + 3) = -0.3(x + 5) + 0.4$ 를 풀면?

- ① $x = -1$ ② $x = -2$ ③ $x = -3$
④ $x = -4$ ⑤ $x = -5$

해설

양변에 10 을 곱하면,
 $5(2x + 3) = -3(x + 5) + 4$
 $10x + 15 = -3x - 15 + 4$
 $13x = -26$
 $\therefore x = -2$

7. 방정식 $\frac{-3x - 12}{3} = \frac{2(4x - 2)}{4} + 3$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = -2$

해설

$$-x - 4 = \frac{4x - 2}{2} + 3$$

$$-x - 4 = 2x - 1 + 3$$

$$-3x = 6$$

$$\therefore x = -2$$

8. $5(x - 2) = 3x + 4$ 의 해를 a , $0.5x + 1.6 = 0.3x$ 의 해를 b 라 할 때,
 $a + b$ 의 값은?

- ① -5 ② -1 ③ 0 ④ 7 ⑤ 14

해설

$$\begin{aligned}5x - 10 &= 3x + 4 \\2x &= 14 \\x &= 7 \\\therefore a &= 7 \\0.5x + 1.6 &= 0.3x \text{의 양변에 } 10 \text{ 을 곱하면} \\5x + 16 &= 3x \\2x &= -16 \\x &= -8 \\\therefore b &= -8 \\\text{따라서 } a + b &= -1\end{aligned}$$

9. 일차방정식 $0.3\left(\frac{7}{3} - 3x\right) = \frac{x-3}{5} + 0.2x$ 의 해를 a 라 할 때, $3a^2 - 9$ 의 값은?

- ① 6 ② -6 ③ -7 ④ 7 ⑤ -9

해설

$$0.3\left(\frac{7}{3} - 3x\right) = \frac{x-3}{5} + 0.2x \text{ 의 양변에 } 10 \text{ 을 곱하면}$$

$$3\left(\frac{7}{3} - 3x\right) = 2(x-3) + 2x$$

$$7 - 9x = 2x - 6 + 2x$$

$$13x = 13, x = 1$$

$$\therefore a = 1$$

$$\therefore 3a^2 - 9 = 3 \times 1^2 - 9 = 3 - 9 = -6 \text{ 이다.}$$

10. 다음 방정식의 해를 구하여라.

$$0.2x + 0.03 = -0.17(x + 2)$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = -1$

해설

$$0.2x + 0.03 = -0.17(x + 2)$$

$$20x + 3 = -17(x + 2)$$

$$20x + 3 = -17x - 34$$

$$37x = -37$$

$$\therefore x = -1$$

11. 방정식 $1 + \frac{x-1}{2} = x - \frac{2(x-1)}{5}$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 1$

해설

$$1 + \frac{x-1}{2} = x - \frac{2(x-1)}{5}$$

$$10 + 5(x-1) = 10x - 4(x-1)$$

$$10 + 5x - 5 = 10x - 4x + 4$$

$$-x = -1$$

$$\therefore x = 1$$

12. 방정식 $\frac{2x+1}{3} = \frac{x-3}{4}$ 의 해는?

- ① $x = -3$ ② $x = -\frac{8}{3}$ ③ $x = -\frac{13}{5}$
④ $x = -2$ ⑤ $x = -\frac{8}{5}$

해설

$$\frac{2x+1}{3} = \frac{x-3}{4}$$

양변에 3과 4의 최소공배수 12를 곱하면

$$4(2x+1) = 3(x-3)$$

$$8x+4 = 3x-9$$

$$5x = -13$$

$$\therefore x = -\frac{13}{5}$$

13. 방정식 $\frac{3}{5}(x+1) = \frac{1}{3}(2x-5)$ 의 해를 a , 방정식 $0.7(y+7) = 0.1y + 1.3$ 의 해를 b 이라 할 때, $a - b$ 의 값을 구하면?

① 34 ② 6 ③ 28 ④ 40 ⑤ 44

해설

$$\frac{3}{5}(x+1) = \frac{1}{3}(2x-5)$$

양변에 5 와 3 의 최소공배수인 15 를 곱하면

$$3 \times 3(x+1) = 5 \times (2x-5)$$

$$9x+9 = 10x-25$$

$$\therefore x = 34 = a$$

$$0.7(y+7) = 0.1y + 1.3$$

양변에 10 을 곱하면

$$7(y+7) = y+13$$

$$7y+49 = y+13$$

$$6y = -36$$

$$\therefore y = -6 = b$$

따라서 $a - b = 34 - (-6) = 40$ 이다.

14. 방정식 $0.4(x+3) - 1 = -0.3(x-5)$ 의 해는?

- ① 13 ② -9 ③ $-\frac{7}{11}$ ④ $\frac{13}{7}$ ⑤ 21

해설

$$0.4(x+3) - 1 = -0.3(x-5)$$

$$4(x+3) - 10 = -3(x-5)$$

$$4x + 12 - 10 = -3x + 15$$

$$7x = 13$$

$$\therefore x = \frac{13}{7}$$

15. 다음 방정식에서 ⑦의 해는 ⑤의 해의 -2 배이다. 이 때, k 의 값을 구하여라.

$$\textcircled{7} \quad x - (3x - k) = 1 \quad \textcircled{5} \quad \frac{3}{2}x - 0.3x = -\frac{6}{5}$$

① -5 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 5

해설

$$\textcircled{5} \quad 15x - 3x = -12, 12x = -12, x = -1$$

⑤의 해가 $x = -1$ 이므로

⑦의 해는 ⑤의 해의 -2 배이므로 $x = -1 \times (-2) = 2$ 이다.

⑦에 $x = 2$ 를 대입하면

$$2 - (6 - k) = 1, k = 5$$
 이다.

16. 방정식 $\frac{2}{3}(2x+1)+6=\frac{1}{2}x-\frac{2x+5}{3}$ 을 풀어라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = -\frac{50}{9}$

해설

$$\frac{2}{3}(2x+1)+6=\frac{1}{2}x-\frac{2x+5}{3}$$

양변에 6을 곱하면

$$4(2x+1)+36=3x-2(2x+5)$$

$$8x+4+36=3x-4x-10$$

$$9x=-50$$

$$\therefore x = -\frac{50}{9}$$

17. 방정식 $2x - \frac{5}{8}(x + a) = \frac{7}{4}(x - 1)$ 의 해가 양수가 되는 자연수 a 의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 1$

▷ 정답: $a = 2$

해설

$$2x - \frac{5}{8}(x + a) = \frac{7}{4}(x - 1) \text{ 을 정리하면}$$

$$2x - \frac{5}{8}x - \frac{7}{4} = \frac{5}{8}a - \frac{7}{4}$$

$$\frac{16x - 5x - 14x}{8} = \frac{5}{8}a - \frac{7}{4}$$

$$\frac{-3}{8}x = \frac{5}{8}a - \frac{7}{4}$$

$$x = \frac{14}{3} - \frac{5}{3}a$$

x 가 양수이므로 자연수 a 는 1, 2 이다.

18. $\frac{1}{2}x - 6 = 4(x + 2)$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = -4$

해설

$$\frac{1}{2}x - 6 = 4(x + 2)$$

$$x - 12 = 8x + 16$$

$$7x = -28$$

$$x = -4$$

19. $\frac{1}{3}x + 2 = 6(x - 1)$ 의 해를 구하면?

- ① $\frac{24}{17}$ ② 3 ③ -2 ④ -3 ⑤ $-\frac{24}{17}$

해설

$$\frac{1}{3}x + 2 = 6(x - 1)$$

$$x + 6 = 18x - 18$$

$$17x = 24$$

$$x = \frac{24}{17}$$

20. 방정식 $3(x - 2) + 2 = \frac{28 - x}{3}$, $0.3 - 0.1y = 4(0.2y - 0.6)$ 을 만족하는 x, y 에 대하여 $x + y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x + y = 7$

해설

$$3(x - 2) + 2 = \frac{28 - x}{3} \text{에서}$$

$$3x - 6 + 2 = \frac{28}{3} - \frac{x}{3}$$

$$\frac{10}{3}x = \frac{40}{3}$$

$$\therefore x = 4$$

$$0.3 - 0.1y = 4(0.2y - 0.6) \text{에서}$$

$$0.9y = 2.7$$

$$\therefore y = 3$$

$$\therefore x + y = 4 + 3 = 7$$

21. 다음 두 방정식의 해의 합을 구하여라.

$$0.7(2a - 4) = 1.2(1 + 2a)$$

$$2 + 0.4x = 2.5 + 0.1x$$

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{7}{3}$

해설

$$0.7(2a - 4) = 1.2(1 + 2a)$$

양변에 10 을 곱하면

$$7(2a - 4) = 12(1 + 2a)$$

$$14a - 28 = 12 + 24a$$

$$14a - 24a = 12 + 28$$

$$-10a = 40$$

$$a = -4$$

$$2 + 0.4x = 2.5 + 0.1x$$

양변에 10 을 곱하면

$$20 + 4x = 25 + x$$

$$4x - x = 25 - 20$$

$$x = \frac{5}{3}$$

$$\therefore a + x = -4 + \frac{5}{3} = -\frac{7}{3}$$

22. 방정식 $\frac{a+2x}{4} - \frac{ax-4}{3} = 2$ 의 해가 $x = -2$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = \frac{20}{11}$

해설

$$\frac{a+2x}{4} - \frac{ax-4}{3} = 2 \quad \text{에 } x = -2 \text{ 를 대입하면}$$

$$\frac{a+2 \times (-2)}{4} - \frac{-2a-4}{3} = 2$$

$$\frac{a-4}{4} + \frac{2a+4}{3} = 2$$

양변에 12를 곱하면

$$3(a-4) + 4(2a+4) = 24$$

$$3a - 12 + 8a + 16 = 24$$

$$11a + 4 = 24$$

$$11a = 20$$

$$\therefore a = \frac{20}{11}$$

23. 다음 방정식을 풀어라.

$$\frac{7}{8}x - 1 = 0.4(x - 2) + 2.8$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{120}{19}$

해설

$$\frac{7}{8}x - 1 = 0.4(x - 2) + 2.8$$

양변에 40 을 곱하면

$$35x - 40 = 16(x - 2) + 112$$

$$35x - 40 = 16x - 32 + 112$$

$$19x = 80 + 40$$

$$19x = 120$$

$$\therefore x = \frac{120}{19}$$

24. $ax - 2 = -\frac{1}{2}x + 4$ 의 해가 -2 일 때, 상수 a 의 값은?

- ① $-\frac{7}{2}$ ② -3 ③ 0 ④ 3 ⑤ $\frac{7}{2}$

해설

$$ax - 2 = -\frac{1}{2}x + 4 \quad \text{|| } x = -2 \text{ 를 대입하면}$$

$$a \times (-2) - 2 = -\frac{1}{2} \times (-2) + 4$$

$$-2a - 2 = 1 + 4$$

$$-2a = 7, a = -\frac{7}{2}$$

25. 비례식 $(5+x) : \left(2x - \frac{5}{22}\right) = 11 : 7$ 을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = \frac{5}{2}$

해설

$$(5+x) : \left(2x - \frac{5}{22}\right) = 11 : 7$$

$$11 \left(2x - \frac{5}{22}\right) = 7(5+x)$$

$$22x - \frac{5}{2} = 35 + 7x$$

$$44x - 5 = 70 + 14x$$

$$30x = 75$$

$$\therefore x = \frac{5}{2}$$

26. 다음 비례식을 만족하는 x 의 값은?

$$(x - 2) : 4 = (2x - 3) : 3$$

- ① $\frac{8}{3}$ ② $\frac{6}{5}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ 2 ⑤ 5

해설

$$(x - 2) : 4 = (2x - 3) : 3$$

$$4(2x - 3) = 3(x - 2)$$

$$8x - 12 = 3x - 6$$

$$5x = 6$$

$$\therefore x = \frac{6}{5}$$

27. 비례식 $(3x + 2) : (x - 1) = 4 : 3$ 을 만족하는 x 의 값은?

- ① -4 ② -3 ③ -2 ④ -1 ⑤ 0

해설

$$4(x - 1) = 3(3x + 2)$$

$$4x - 4 = 9x + 6$$

$$-5x = 10$$

$$\therefore x = -2$$

28. 다음 비례식으로 된 일차방정식을 풀어라.

$$(4x - 3) : 2x = 2 : 3$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{9}{8}$

해설

$$4x = 3(4x - 3)$$

$$8x = 9$$

$$\therefore x = \frac{9}{8}$$

29. 비례식 $(2x + 1) : 3 = (x - 5) : 5$ 를 만족하는 x 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = -\frac{20}{7}$

해설

$$3(x - 5) = 5(2x + 1)$$

$$3x - 15 = 10x + 5$$

$$7x = -20$$

$$\therefore x = -\frac{20}{7}$$

30. $(x - 1) : 3 = (3x + 2) : 4$ 에서 x 의 값은?

- ① -2 ② -6 ③ 0 ④ 2 ⑤ 6

해설

$$3(3x + 2) = 4(x - 1)$$

$$9x + 6 = 4x - 4$$

$$5x = -10$$

$$\therefore x = -2$$

31. x 에 관한 방정식 $(x+2) : 3 = (2x+3) : 2$ 의 해를 a 라 할 때, $4a+3$ 의 값은?

- ① -2 ② -3 ③ 2 ④ 5 ⑤ 3

해설

$$3(2x+3) = 2(x+2)$$

$$6x+9 = 2x+4$$

$$4x = -5, x = -\frac{5}{4}$$

$$\therefore a = -\frac{5}{4}$$

$$4a+3 = -5+3 = -2$$

32. $(x+1) : 2 = (3x+1) : 4$ 를 만족하는 x 의 값을 a 라 할 때, $2a+7$ 의 값은?

- ① 1 ② 5 ③ 7 ④ 9 ⑤ 13

해설

$$2(3x+1) = 4(x+1)$$

$$6x+2 = 4x+4$$

$$2x = 2$$

$$x = 1$$

따라서 $a = 1$ 이므로 $2a+7 = 9$

33. 방정식 $2(x - 2) : 5 = (x - 1) : 3$ 을 풀어라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = 7$

해설

비례식의 성질을 이용하여
 $2(x - 2) : 5 = (x - 1) : 3$ 을 $5(x - 1) = 6(x - 2)$ 로 바꾸어
방정식을 푼다.

$$5x - 5 = 6x - 12$$

$$\therefore x = 7$$

34. 방정식 $2(x - 8) : 7 = (x - 3) : 4$ 의 해는?

- ① 39 ② 41 ③ 43 ④ 45 ⑤ 47

해설

비례식의 성질을 이용하여

$2(x - 8) : 7 = (x - 3) : 4$ 를 $8(x - 8) = 7(x - 3)$ 로 바꾸어
방정식을 풀다.

$$8x - 64 = 7x - 21$$

$$\therefore x = 43$$

35. 비례식 $\frac{1}{5}(x - 3) : 3 = (0.3x + 1) : 5$ 를 만족하는 x 의 값은?

- ① -60 ② -30 ③ 0 ④ 30 ⑤ 60

해설

$$3(0.3x + 1) = x - 3$$

$$0.9x + 3 = x - 3$$

$$0.1x = 6$$

$$\therefore x = 60$$

36. 비례식 $3 : 0.1(x + 6) = 3 : 0.9x$ 를 풀어라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{3}{4}$

해설

$$2.7x = 0.3(x + 6)$$

$$2.7x = 0.3x + 1.8$$

$$2.4x = 1.8$$

$$\therefore x = \frac{3}{4}$$

37. x 에 관한 일차방정식 $(6 - x) : (x + 2) = 1 : 3$ 의 해가 a 일 때,
 $a + b = 5$ 이다. b 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$x + 2 = 3(6 - x)$$

$$x + 2 = 18 - 3x$$

$$4x = 16$$

$$\therefore x = 4$$

$$a + b = 5$$

$$4 + b = 5$$

$$\therefore b = 1$$

38. x 에 관한 일차방정식 $(7-x) : (x+3) = 2 : 5$ 의 해가 a 일 때,
 $7a - b = 20$ 이다. b 의 값은?

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

해설

$$2(x+3) = 5(7-x)$$

$$2x + 6 = 35 - 5x$$

$$7x = 29$$

$$\therefore x = \frac{29}{7}$$

$$7 \times \frac{29}{7} - b = 20$$

$$29 - b = 20$$

$$\therefore b = 9$$

39. $3 : 2(x - 3) = 5 : (x + 4)$ 를 풀면?

- ① $x = 4$ ② $x = 5$ ③ $x = 6$ ④ $x = 7$ ⑤ $x = 8$

해설

$$10(x - 3) = 3 \times (x + 4)$$

$$10x - 30 = 3x + 12$$

$$10x - 3x = 12 + 30$$

$$7x = 42$$

$$x = 6$$

40. 비례식 $\left(x + \frac{3}{4}\right) : (x - 6) = \frac{1}{2} : 5$ 를 풀어라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = -\frac{3}{2}$

해설

$$(x - 6) \times \frac{1}{2} = 5 \times \left(x + \frac{3}{4}\right)$$

$$x - 6 = 10x + \frac{15}{2}$$

$$x = -\frac{3}{2}$$

41. 비례식 $\frac{1}{3} : 8 = \left(x + \frac{3}{4}\right) : (5 + x)$ 를 풀면?

- ① $-\frac{11}{23}$ ② $-\frac{13}{23}$ ③ $-\frac{13}{25}$ ④ $\frac{11}{25}$ ⑤ $\frac{13}{23}$

해설

$$\frac{1}{3} \times (5 + x) = 8 \times \left(x + \frac{3}{4}\right)$$

$$\frac{5}{3} + \frac{1}{3}x = 8x + 6$$

$$\frac{23}{3}x = -\frac{13}{3}$$

$$x = -\frac{13}{23}$$

42. 방정식 $0.2(x+3) - 5 = 0.3x - 0.5(2-3x)$ 를 풀어라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = -\frac{17}{8}$

해설

$$0.2(x+3) - 5 = 0.3x - 0.5(2-3x)$$

양변에 10을 곱하면

$$2(x+3) - 50 = 3x - 5(2-3x)$$

$$2x + 6 - 50 = 3x - 10 + 15x$$

$$2x - 44 = 18x - 10$$

$$-16x = 34$$

$$\therefore x = -\frac{17}{8}$$

43. 다음 비례식을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

$$2.5 : \frac{3}{10} (x - 0.8) = 5 : 3 (x - 0.44)$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{7}{20}$

해설

비례식은 외항의 곱과 내항의 곱이 같으므로

$$7.5 (x - 0.44) = \frac{3}{2} (x - 0.8)$$

양변에 20을 곱하면

$$150x - 66 = 30x - 24$$

$$\therefore x = \frac{7}{20}$$

44. 다음 비례식을 풀어라.

$$\frac{5x+1}{4} : \frac{x-3}{2} = -5.5 : 1$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = 2$

해설

$$\begin{aligned}\frac{5x+1}{4} : \frac{x-3}{2} &= -5.5 : 1 \\ -\frac{1}{2} \times \frac{x-3}{2} &= 1 \times \frac{5x+1}{4} \\ -11x + 33 &= 5x + 1\end{aligned}$$

$$16x = 32$$

$$\therefore x = 2$$

45. 방정식 $\frac{x+1}{2} = \frac{x-1}{3} - 2$ 의 해를 a 라 하고, $(x+2) : 2 = (2x+3) : 3$ 의 해를 b 라 할 때, $a - b$ 의 값은?

Ⓐ -17 Ⓑ -16 Ⓒ -8 Ⓓ -7 Ⓔ -6

해설

$$\begin{aligned}\frac{x+1}{2} &= \frac{x-1}{3} - 2 \text{ 에서} \\ 3(x+1) &= 2(x-1) - 12 \\ \therefore x = -17 &= a \\ (x+2) : 2 &= (2x+3) : 3 \text{ 에서} \\ 2(2x+3) &= 3(x+2) \\ 4x+6 &= 3x+6 \\ \therefore x = 0 &= b \\ \therefore a - b &= -17\end{aligned}$$

46. 방정식 $0.1x - 1.6 = -0.2(0.1x - 1)$ 의 해를 a , $2(x-2) : 5 = (x-1) : 3$ 의 해를 b 라고 할 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$0.1x - 1.6 = -0.2(0.1x - 1) \leftarrow \text{양변에 } 10\text{을 곱}$$

$$x - 16 = -2(0.1x - 1)$$

$$x - 16 = -0.2x + 2$$

$$1.2x = 18$$

$$\therefore x = 15 = a$$

$$5x - 5 = 6x - 12$$

$$-x = -7$$

$$\therefore x = 7 = b \text{ } \circ\text{므로 } a - b = 8 \text{ } \circ\text{다.}$$

47. 다음 식을 만족하는 x 의 값은?

$$\frac{x+1}{x-1} = \frac{3}{2}$$

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\frac{x+1}{x-1} &= \frac{3}{2} \\ 2(x+1) &= 3(x-1) \\ 2x+2 &= 3x-3 \\ 2+3 &= 3x-2x \\ \therefore x &= 5\end{aligned}$$

48. 다음 비례식을 만족하는 x 의 값을 구한 것은?

$$\frac{1}{3} : 25 = -2.8(5x - 12) : 6x - 18$$

- ① $\frac{421}{176}$ ② $\frac{423}{176}$ ③ $\frac{425}{176}$ ④ $\frac{427}{176}$ ⑤ $\frac{429}{176}$

해설

$$-70(5x - 12) = \frac{1}{3}(6x - 18)$$

$$-350x + 840 = 2x - 6$$

$$x = \frac{423}{176}$$

49. $a : b : c = 1 : 2 : 3$ 일 때, $\frac{ab+bc+ca}{a^2+b^2+c^2}(x-1) + \frac{a+b+c}{a+2b+3c} - 4 = 0$

의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{61}{11}$

해설

$a : b : c = 1 : 2 : 3$ 이므로, $b = 2a$, $c = 3a$ 이다.

$$\frac{ab+bc+ca}{a^2+b^2+c^2}(x-1) + \frac{a+b+c}{a+2b+3c} - 4 = 0 \text{에서}$$

$$\frac{2a^2+6a^2+3a^2}{a^2+4a^2+9a^2}(x-1) + \frac{a+2a+3a}{a+4a+9a} - 4 = 0$$

$$\frac{11}{14}(x-1) + \frac{6}{14} - 4 = 0$$

$$11x - 11 + 6 - 56 = 0$$

$$11x = 61$$

$$\therefore x = \frac{61}{11}$$

$$50. \quad a:b = 3:2 \text{ 일 때}, \frac{a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3}{a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3}(2x - 1) = \frac{a^2 + 2ab + b^2}{a^2 - 2ab + b^2}$$

의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1563

해설

$$a:b = 3:2 \text{ 이므로, } b = \frac{2}{3}a \text{ 이다.}$$

$$\frac{a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3}{a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3}(2x - 1) = \frac{a^2 + 2ab + b^2}{a^2 - 2ab + b^2} \text{에서}$$

$$\frac{1}{125}(2x - 1) = 25$$

$$2x - 1 = 125 \times 25$$

$$2x = 3126$$

$$\therefore x = 1563$$