1. 다음 수 중에서 합성수의 개수를 구하여라.

1 3 5 15 31 35 53

 ► 답:
 개

 ▷ 정답:
 2 개

\_

각각의 수의 약수를 구해 보면

1 의 약수 : 1

3 의 약수 : 1, 3

5 의 약수: 1, 5 15 의 약수: 1, 3, 5, 15

31 의 약수 : 1, 31 35 의 약수 : 1, 5, 7, 35

53 의 약수: 1, 53

따라서 합성수는 15, 35 이므로 그 개수는 모두 2 개이다.

### **2.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 9의 약수는 1,3,9이다. ② 18 의 약수는 1,2,3,6,9,18 이다.
- ③ 9 와 18 의 최대공약수는 9 이다.
- ④ 9 와 18 의 모든 공약수는 두 수의 최대공약수인 9 의 약수와 같다. ⑤ 9 와 18 의 공약수의 개수는 2 개이다.

⑤ 9 와 18 의 공약수의 개수는 최대공약수 9 의 약수와 개수와

같으므로 3개이다.

3. 다음 계산 과정에서 ①에 사용된 덧셈의 계산법칙을 써라.

$$(+5)+(+3)+(-5)$$

$$=(+3)+\{(+5)+(-5)\}$$

$$=(+3)+0$$

$$=+3$$

<u>법칙</u>

▷ 정답: 덧셈의 결합법칙

\_\_\_\_\_

세 정수 a, b, c 에 대하여 덧셈의 교환법칙은 a+b=b+a 이고

해설

▶ 답:

덧셈의 결합법칙은 (a+b)+c=a+(b+c) 이다. 따라서  $\neg$ 에 사용된 덧셈의 계산법칙은 덧셈의 결합법칙이다.

4. 다음 중 계산 결과가 0인 것을 구하여라.

 $\bigcirc -3 + 2 - 7$   $\bigcirc 3 + 5 - 6$   $\bigcirc 7 - 8 + 9$   $\bigcirc -3 + 6 - 7$   $\bigcirc -9 + 11 - 2$ 

 답:

 ▷ 정답:
 □

해설

 $\bigcirc -8$   $\bigcirc 2$   $\bigcirc 8$   $\bigcirc -4$   $\bigcirc -9 + 11 - 2 = (-9) + (+11) - (+2)$ = (-9) + (+11) + (-2) = 0

5. 
$$(-4) \div \left(-\frac{2}{3}\right) \times \frac{5}{6}$$
 를 계산하면?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설 
$$(-4) \times \left(-\frac{3}{2}\right) \times \frac{5}{6} = 5$$

- **6.** 다음 중 문자를 사용하여 나타낸 것으로 옳지 <u>않은</u> 것을 고르면?
  - ① 50 원짜리 초콜릿 x 개의 가격 : 50x 원 ② 가로의 길이가  $a \, \mathrm{cm}$  , 세로의 길이가  $b \, \mathrm{cm}$  인 직사각형의 둘레
  - (a+b) cm (a+b) cm
  - ③ 4 km 의 거리를 시속 a km 의 속력으로 걸었을 때 걸린 시간 :  $\frac{4}{a}$  시간  $\frac{4}{a}$  시간  $\frac{5}{y}$  원
  - a + b + c = (100a + b) = 0

- 7. 다음 중  $-x^2y$  와 동류항인 것은?
  - ①  $\frac{1}{3}x^2y$  ② -y ③  $8x^3y^2$  ④  $5y^3$  ⑤  $\frac{xy}{2}$

- $-x^2y$  와 동류항이려면 문자가 같고 차수가 같아야 한다.

- 어떤 식에서 a-2b 를 빼어야 할 것을 잘못하여 더했더니 3a+5b 가 8. 되었다. 이 때, 옳게 계산한 결과는?
  - ① -a + 5b ② a + 3b

해설

- $\bigcirc a + 9b$
- ④ 2a + 3b ⑤ 4a 2b

어떤 식을 \_\_\_\_라 하자. 잘못한 계산은  $\boxed{ } + (a-2b) = 3a + 5b$  $\therefore \boxed{ } = 2a + 7b$ 옳게 계산하면  $\boxed{\phantom{a}}$  -(a-2b)=2a+7b-(a-2b)=a+9b이다.

### **9.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 16 의 약수의 개수는 5 개이다.
- ② 모든 자연수는 자기 자신의 약수인 동시에 배수이다.
- ③ 모든 자연수는 약수가 2 개 이상이다.④ 21 은 3 의 배수이다.
- ⑤ 6은 18의 약수이다.

1 은 약수가 자기 자신뿐이다.

10.  $3^a = 81, 5^b = 625$  일 때, a + b 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

 $3^4 = 81, \, 5^4 = 625$  이므로 a+b=4+4=8 이다.

- **11.**  $2^a \times 3^b$  이  $2^2 \times 3$  을 약수로 가질 때, 두 자연수 a, b 의 최솟값을 구하여라.
  - ▶ 답:
  - 답:
  - ▷ 정답: b = 1

➢ 정답: a = 2

 $2^a \times 3^b$  이  $2^2 \times 3$  을 약수로 가지므로, a 는 2 이상의 자연수, b

는 1 이상의 자연수가 되어야 한다. 그 중 최솟값은  $a=2,\ b=1$  일 때이다.

- **12.** 절댓값이 같고 부호가 다른 두 정수 a, b 의 사이의 거리가 18 일 때, b 의 값을 구하여라. (단, a > b)
  - 답:

▷ 정답: -9

해설

절댓값이 같고 부호가 다른 두 정수 사이의 거리가 18 이므로

원점에서 두 정수까지의 거리는 9 이다. ∴  $a=9,\ b=-9$ 

13. 다음 중 곱셈의 교환법칙이 사용된 곳은?

 $\bigcirc \bigcirc$ 

2 L 3 E 4 E

(5) (D)

교환법칙  $: a \times b = b \times a$  $\bigcirc \left( + \frac{3}{5} \right)$  과 (-0.21) 가 자리바꿈 **14.** a 가 2의 역수일 때, 다음 중 가장 큰 수는?

답:

▷ 정답: □

 $a = \frac{1}{2}$  $a^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$  $(-a)^2 = \left(-\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4}$  $\frac{1}{a}$ 은 a의 역수이므로  $\frac{1}{a} = 2$  $\frac{1}{a^2}$ 은  $a^2$ 의 역수이므로  $\frac{1}{a^2} = 4$ 

#### **15.** 다음 나눗셈을 <u>잘못</u> 계산한 것은?

- ①  $(+12) \div (-3) = -4$ ③  $0 \div (-7) = 0$
- $(-12) \div (+3) = -4$
- $(-4) \div (+1) = -4$
- $(-16) \div (-8) = -2$

 $4 (-16) \div (-8) = +2$ 

해설

- **16.** 두 수 a, b 에 대하여 |a| > |b|,  $a \times b > 0$ , a < 0 일 때, 다음 중 가장 큰 수는?
  - ① a ② b ③ a-b ④ b-a ⑤ a+b

a < 0 이고  $a \times b > 0$  이므로 b < 0 이다. |a| > |b| 이므로 b - a > 0 이다.

# **17.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?

- ① 음의 정수에서는 절댓값이 큰 수가 작다. ② 부호가 다른 두 정수의 곱은 0보다 크다.
- ③ 나눗셈에서는 교환법칙이 성립하지 않는다.
- ④0이 아닌 정수를 0으로 나누면 항상 0이다.
- ⑤ 0이 아닌 세 수 이상의 곱에서는 곱해진 음의 정수의 개수가
- 홀수 개이면 0보다 작다.

2 부호가 다른 두 정수의 곱은 0보다 작다.

④ 0이 아닌 정수를 0으로 나누는 것은 정의되지 않는다.

### 18. 다음 수량을 문자를 사용한 식으로 나타낸 것으로 옳은 것을 고르면?

한 개에 a 원 하는 지우개를 2 개를 사고 500 원을 내었을 때의 거스름돈

① 2a 원 ② (500-2a) 원 ③ (1000-a) 원

④  $\left(\frac{2a}{500}\right)$ 원 ⑤ (500 + 2a)원

해설

 $500 - a \times 2 = 500 - 2a(원)$ 

- 19. 봉준이가 집에서 출발하여 시속  $3 \, \mathrm{km}$  로 학교까지 가는데 총 1 시간 30 분이 걸렸다. 학교까지의 거리는 몇 km 인가?
  - $\bigcirc 3 \, \mathrm{km}$
- ② 4 km
- $\frac{9}{2}$  km
- ④ 5 km

(거리)=(시간 $)\times($ 속력) 이므로 따라서, 학교까지의 거리는  $\frac{3}{2}\times3=\frac{9}{2}($ km) 이다.

**20.** 다음 중 소금물  $500 \,\mathrm{g}$  속에  $x \,\mathrm{g}$ 의 소금이 들어있을 때의 농도는?

① 0.05x% ②  $\frac{x}{5}\%$  ③ 0.5x% ④ 5x%

 $\frac{x}{500} \times 100 = \frac{x}{5} \%$ 

**21.** 다음 중 a + b 의 값이 <u>다른</u> 하나는?

- $(2x+1) \times 2 = ax + b$  ②  $-\frac{1}{3}(-12x-6) = ax + b$ ③  $(6x+6) \times \frac{1}{2} = ax + b$  ④  $(-x+3) \div \frac{1}{2} = bx + a$
- $(4x+1) \times 2 = bx a$

a = 4,  $b = 2 \rightarrow a + b = 6$ 

- $a = 4, b = 2 \rightarrow a + b = 6$
- $a = b = 3 \rightarrow a + b = 6$
- $\textcircled{4} \ a = 6, \ b = -2 \ \rightarrow \ a + b = 4$  $a = -2, b = 8 \rightarrow a + b = 6$

**22.**  $\frac{1}{6}(-2x+y) + \frac{1}{2}(2x-4y)$  를 계산했을 때, 각 항의 계수의 합은?

- ①  $\frac{2}{3}$  ②  $\frac{5}{3}$  ③  $-\frac{5}{3}$  ④  $-\frac{5}{6}$  ⑤  $-\frac{7}{6}$

(준식) = 
$$-\frac{1}{3}x + \frac{1}{6}y + x - 2y = \frac{2}{3}x - \frac{11}{6}y$$
  
따라서 계수의 합은  $\frac{2}{3} - \frac{11}{6} = -\frac{7}{6}$ 

**23.**  $28 \times x = \frac{588}{y} = z^2$  을 만족하는 자연수 z 의 값을 구하여라. (단, a, b, c 는 모두 자연수이다.)

► 답:

➢ 정답 : 14

 $28 \times x = \frac{588}{y} = z^2$   $28 \times x 와 \frac{588}{y}$  가 어떤 수의 제곱수가 되어야 하므로 소인수분 해를 해 보면  $2^2 \times 7 \times x = \frac{2^2 \times 3 \times 7^2}{y}$  에서  $2^2 \times 7 \times x = z^2$  을 만족하는 x 는 7,  $7 \times 2^2$ ,  $7 \times 3^2$ ,  $7 \times 4^2$ ,  $\cdots$  이고 이에 따른  $z^2$  의 값은  $2^2 \times 7^2$ ,  $2^4 \times 7^2$ ,  $2^2 \times 3^2 \times 7^2$ ,  $2^6 \times 7^2$ ,  $\cdots$  이다.  $\frac{2^2 \times 3 \times 7^2}{y} = z^2$  을 만족하는 y 는 3,  $2^2 \times 3$ ,  $3 \times 7^2$ ,  $2^2 \times 3 \times 7^2$  이고 이에 따른  $z^2$  의 값은  $2^2 \times 7^2$ ,  $7^2$ ,  $2^2$ , 1 이다. 따라서 두 식을 동시에 만족하는 값은 x = 7, y = 3, z = 14 이다.

- **24.** 서로 다른 세 수 32,80,a 의 최대공약수가 16 일 때, a 의 값이 될 수 있는 두 자리 자연수를 모두 구하여라.
  - 답:
  - ▶ 답:

  - ▶ 답:

답:

- ▷ 정답: 16
- ▷ 정답: 48
- ➢ 정답: 64
- ▷ 정답: 96

해설

#### 16<u>)</u> 32 80 *a*

- 2 5 □ 세 수를 16 으로 나눈 몫이 각각 2 , 5 , □이고, 최대공약수는 16
- 을 만족하여야 한다. 따라서 *a* 는 16 의 배수가 되는 두 자리 자연수이다.
- 므로 2 와 5 는 제외) a 의 값은 각각 16, 48, 64, 96 이다.

또한  $\square$  안에 들어갈 수는 1, 3, 4, 6 이므로 (서로 다른 M 수이

- a 의 값은 각각 16, 48, 64, 96 이다.

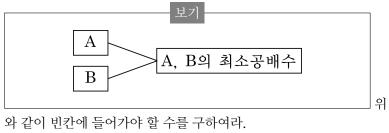
# **25.** 다음 중 두 수 28, 42 의 공약수가 <u>아닌</u> 것은?

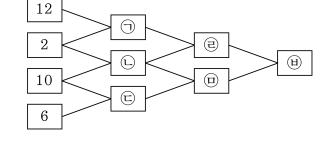
① 1 ② 2 ③ 4 ④ 7 ⑤ 14

 $28 = 2^2 \times 7$ ,  $42 = 2 \times 3 \times 7$  의 최대공약수는  $2 \times 7 = 14$  이므로

14 의 약수가 아닌 것은 ③ 4

**26.** 다음 보기는 서로 다른 두 수의 최소공배수들의 관계를 나타낸 것이 다.





- 답:
- 답:
- □
   □

   □
   □

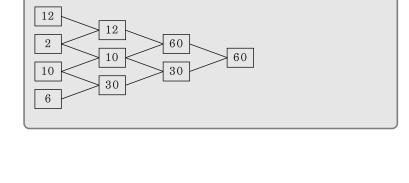
   □
   □

   □
   □
- ▶ 답:
- 답:
- ▷ 정답 : □ 12

   ▷ 정답 : □ 10
- ▷ 정답: © 30
- ▷ 정답 : ② 60
- ▷ 정답: □ 30

   ▷ 정답: □ 60

해설



27. 어느 학교에서 홍수 피해를 입은 학생들에게 티셔츠 108 벌, 신발 120켤레, 라면 96 박스를 똑같이 나누어 주었다. 피해 학생이 10 명 이상 20 명 이하일 때, 피해 학생은 모두 몇 명인가?

③ 12 명 ① 10 명 ② 11 명 ④ 13 명 ⑤ 14 명

해설

똑같이 나누어 받을 수 있는 피해 학생 수는 108 과 120 과 96 의 공약수이다. 그런데 공약수는 최대공약수의 약수이다. 4)108 120 96

3) 27 30 24 9 10 8 최대공약수 :  $4 \times 3 = 12$  (명)

공약수: 1,2,3,4,6,12 (명) 공약수 중에서 10 명 이상 20 명 이하인 것은 12 명이다.

**28.** 어떤 자연수로 300 을 나누면 12 가 부족하고 200 을 나누면 8 이 부족하고, 100 을 나누면 4 가 부족하다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 것을 구하여라.

▷ 정답: 104

▶ 답:

00. 10

300+12=312, 200+8=208, 100+4=104 의 최대공약수는

104 이다.

**29.** 두 정수 A, B에 대하여 |A| = 5, |B| = 7일 때, A + B가 될 수 있는 값 중 가장 큰 값을 구하여라.

▷ 정답: 12

▶ 답:

02. 1

절댓값이 5인 수는 +5, -5이고, 절댓값이 7인 수는 +7, -7이다.

해설

따라서 A = +5, A = -5이고, B = +7, B = -7이다. A + B가 최댓값을 가질 때는 A도 최댓값을 가지고 B도 최댓값을 가질 때이다. 따라서 A + B = 5 + 7 = 12이다.

**30.** 두 유리수 -0.5 와  $\frac{5}{3}$  사이에 있는 분수 중 분모가 6 인 기약분수의 개수를 구하여라.

개

▶ 답:

▷ 정답: 4<u>개</u>

 $-0.5 와 \frac{5}{3} 를 분수로 나타내면 다음과 같다.$   $-0.5 = -\frac{5}{10} = -\frac{1}{2} = -\frac{3}{6}$   $\frac{5}{3} = \frac{10}{6}$ 

이 때, 위의 두 유리수 사이에 있으며, 분모가 6인, 정수가 아닌 유리수를 모두 써보면 다음과 같다.

 $-\frac{2}{6}, -\frac{1}{6}, \frac{1}{6}, \frac{2}{6}, \frac{3}{6}, \frac{4}{6}, \frac{5}{6}, \frac{7}{6}, \frac{8}{6}, \frac{9}{6}$ 이 중에서 기약분수인 것을 모두 골라보면  $-\frac{1}{6},\,\frac{1}{6},\,\frac{5}{6},\,\frac{7}{6}$  이므로,

4 개 이다.

- **31.** 두 정수 a, b 에 대하여 a > 0, b < 0 일 때, 다음 중 항상 참인 것은?
  - ① a + b > 0④ b - a > 0
- ② a + b < 0

- ⑤  $a \div (-b) < 0$

# 해설

①, ②는 값에 따라 부호가 달라짐 ④은 항상 음수,

⑤은 항상 양수

**32.** 다음 중 
$$a = -2$$
,  $b = -3$  일 때,  $\frac{2a^2 - b^2}{ab}$  의 값은?

 $\frac{3}{2}$  ②  $\frac{5}{6}$  ③  $-\frac{1}{2}$  ④  $-\frac{3}{5}$  ⑤  $-\frac{1}{6}$ 

해설 
$$\frac{2a^2 - b^2}{ab} = \frac{2(-2)^2 - (-3)^2}{(-2) \times (-3)} = -\frac{1}{6}$$

$$\frac{2a^2 - b^2}{ab} = \frac{2(-2)^2 - (-3)^2}{(-2) \times (-3)} = -\frac{1}{6}$$

- 33. 다음 중 약수의 개수가 나머지 셋과 다른 것을 모두 고르면?
  - ①  $2^2 \times 3^3$ **4** 500
- $3^4 \times 7^3$
- $32 \times 9 \times 5$

#### ① $(2+1) \times (3+1) = 12 (71)$

해설

- ②  $24 = 2^3 \times 3 \Rightarrow (3+1) \times (1+1) = 8 \ ( ) \}$  $32 \times 9 \times 5 = 2 \times 3^2 \times 5$
- $\Rightarrow (1+1) \times (2+1) \times (1+1) = 2 \times 3 \times 2 = 12 \ (71)$
- $\textcircled{4} \ 500 = 2^2 \times 5^3 \Rightarrow (2+1) \times (3+1) = 12 \ (71)$

**34.**  $16 \times A$ 의 약수의 개수가 10 개일 때, A의 값 중에서 가장 작은 수를 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 3

02:

해설

16 을 소인수분해하면  $16=2^4$  이다.  $A=a^{\mathrm{r}}$  라고 하면  $16\times A=$ 

 $2^4 \times a^x$  의 약수의 개수는  $(4+1) \times (x+1) = 10$  (개) 이므로 x+1=2, x=1 이다. 한편 a=2 이면  $16 \times A=2^4 \times 2=2^5$  이므로 약수의 개수는 5+1=6 (개)로 조건을 만족하지 않는다. 따라서  $a \neq 2$  인 가장 작은 소수이어야 하므로 a=3, x=1이다. 따라서 A 의 값은 3 이다.

**35.** 어떤 세 자연수의 비가 2 : 3 : 4 이고 최대공약수가 6 일 때, 세 자연수 의 최소공배수를 구하여라.

답:▷ 정답: 72

02:

해설

 a)  $2 \times a \quad 3 \times a \quad 4 \times a$  

 2)  $2 \quad 3 \quad 4$  

 1 3 2

 최대공약수는 a = 6 이고,

 최소공배수는  $a \times 2^2 \times 3 = 6 \times 2^2 \times 3 = 72$  이다.

36. 1부터 100까지의 자연수 중에서 2, 3, 4 로 나누었을 때 그 나머지가 각각 1, 2, 3 이 되는 수는 모두 몇 개인지 구하여라.

▶ 답: <u>개</u> ▷ 정답: 8개

해설

2, 3, 4 로 나누었을 때 그 나머지가 1, 2, 3 이 되는 수는

(2, 3, 4로 나누어 떨어지는 수) - 1 이므로 (2,3,4의 최소공배수인 12의 배수) -1 을 1 부터 100 까지의 자 연수 중에서 구하면  $12-1=11,\ 24-1=23,\ \cdots,\ 12\times 8-1=95$ 까지 8개이다.

**37.** 어떤 분수를 두 분수  $\frac{21}{8}$  과  $\frac{35}{12}$  에 각각 곱하였더니 그 결과가 모두 자연수가 되었다. 곱한 수 중에서 가장 작은 분수를 구하여라.

▶ 답:

ightharpoonup 정답:  $\frac{24}{7}$ 

과하는 분수를  $\frac{b}{a}$  라고 하자  $\frac{21}{8} \times \frac{b}{a} = (\text{자연수}) \begin{cases} b \vdash 8 \text{의 배수} \\ a \vdash 21 \text{의 약수} \end{cases}$   $\frac{35}{12} \times \frac{b}{a} = (\text{자연수}) \begin{cases} b \vdash 12 \text{의 배수} \\ a \vdash 35 \text{의 약수} \end{cases}$   $\stackrel{?}{\Rightarrow} \frac{b}{a} = \frac{(8, 12 \text{의 공배수})}{(21, 35 \text{의 공약수})} \cdots \bigcirc \text{이다.}$   $\stackrel{?}{\Rightarrow} \text{만족하는 가장 작은 분수는}$   $\frac{b}{a} = \frac{(8, 12 \text{의 최소공배수})}{(21, 35 \text{의 최대공약수})} \cdots \bigcirc \text{이다.}$   $\therefore \frac{b}{a} = \frac{24}{7}$ 

**38.** 두 유리수 a,b 에 대하여 << a,b >> 를 a,b 중 절댓값이 큰 수라고 정의할 때,

 $<<-\frac{13}{4},<<4.8,-\frac{11}{5}>>>>$ 의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: 4.8

•

|4.8| = 4.8 ,  $\left| -\frac{11}{5} \right| = \frac{11}{5} = 2.2$  이므로 << 4.8,  $-\frac{11}{5} >>= 4.8$  이다.

<<  $-\frac{13}{4}$ , << 4.8,  $-\frac{11}{5} >>>=<< -\frac{13}{4}$ , 4.8 >> 이고  $\left| -\frac{13}{4} \right| = \frac{13}{4} = 3.25$  이므로 <<  $-\frac{13}{4}$ , 4.8 >>= 4.8 이다.

- **39.** 절댓값이 같고 부호가 반대인 두 수 x,y가 있다. 수직선 위에서 x 와 y를 나타내는 점 사이의 거리는 14이고, x를 나타내는 점이 y를 나타내는 점보다 오른쪽에 있을 때, y의 값은?
  - ① 7 ② -7 ③ 14 ④ -14 ⑤ 0

해설

x를 나타내는 점이 y를 나타내는 점보다 오른쪽에 있으니 x>y이다. 두 수의 절댓값이 같으므로  $x=+a,\ y=-a$  임을 알 수 있다.

두 점 사이의 거리는 14이므로 *x* = 7, *y* = -7 이다.

**40.** 다음 조건을 모두 만족하는 세 정수 a,b,c 에 대하여 a-b+c 의 값은?

 $\neg$ . |a| = 2ㄴ. a,b 는 음의 정수, c는 양의 정수 C. c 는 a 보다 3만큼 큰 수 =. b = a − 1

3 +3 4 +4 5 +5

2+2

① +1

해설

ㄱ, ㄴ에 의해서 a = -2 이다.  $\mathsf{c}. \ c \mathrel{\dot{c}} a \ \mathsf{\mathrm{L}} \mathbf{r} \ 3 \mathsf{v} = \mathsf{c} \ \mathsf{c} \mathsf{c} \mathsf{c}$ c = -2 + 3 = (-2) + (+3) = +1 이다. =. b = a - 1 에서 b = -2 - 1 = (-2) - (+1) = (-2) + (-1) = -3 이다. 따라서 a = -2, b = -3, c = +1 이므로 a-b+c=(-2)-(-3)+(+1)= (-2) + (+3) + (+1)=(-2)+(+4)=+2이다.