

1. 다음 중 $\frac{n}{m}$ 의 꼴로 나타낼 수 없는 수를 고르면? (단, m, n 은 정수이고 $m \neq 0$)

① 3.14 ② -1 ③ π ④ 0 ⑤ 26

해설

$m \neq 0, m, n$ 은 정수일 때, 다음 중 $\frac{n}{m}$ 의 꼴로 나타낼 수 있는 수는 유리수를 말한다. 즉, 이런 꼴로 나타낼 수 없는 수는 유리수가 아니다.

- ① 유한소수이므로 유리수이다.
- ② 정수이므로 유리수이다.
- ③ 원주율 π 는 순환하지 않는 무한소수로, 분수로 나타낼 수 없다. 즉, 유리수가 아니다.
- ④ 정수이므로 유리수이다.
- ⑤ 자연수이므로 유리수이다.

2. $x = 0.\dot{3}$ 일 때, 보기에서 식의 값이 자연수인 것을 모두 골라라.

보기

- | | |
|------------------|--------------------|
| Ⓐ 100 $x - x$ | Ⓑ 100 $x - 10x$ |
| Ⓒ 1000 $x - 10x$ | Ⓓ 10000 $x - 100x$ |

해설

Ⓐ

$$\begin{array}{r} 100x = 31.3131\cdots \\ -) \quad x = 0.3131\cdots \\ \hline 99x = 31 \end{array}$$

Ⓓ

$$\begin{array}{r} 10000x = 3131.3131\cdots \\ -) \quad 100x = 31.3131\cdots \\ \hline 9900x = 3000 \end{array}$$

3. $0.\dot{6} - 0.\dot{4}$ 를 계산하면?

- ① 0.i ② 0. $\dot{2}$ ③ 0.0 $\dot{2}$ ④ 0.2i ⑤ 0. $\dot{2}$ i

해설

$$0.\dot{6} - 0.\dot{4} = \frac{65 - 6}{90} - \frac{4}{9} = \frac{59 - 40}{90} = \frac{19}{90} = 0.2i$$

4. $x^5y^3 \times x^2y^6 = x^{\square}y^{\square}$ 일 때, $\boxed{\hspace{1cm}}$ 안에 알맞은 수를 차례대로 쓴 것
은?

- ① 15, 12 ② 8, 8 ③ 7, 9 ④ 5, 11 ⑤ 11, 7

해설

$$x^5y^3 \times x^2y^6 = x^{5+2}y^{3+6} = x^7y^9 \text{이다.}$$

5. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르면?

보기

$$\textcircled{\text{A}} \quad 2^2 \times 2^5 = 2^{10}$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad (3^2)^3 = 3^5$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \left(\frac{3}{2}\right)^5 = \frac{3^5}{10}$$

$$\textcircled{\text{D}} \quad (-5)^6 = 5^6$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad 4^2 = 2^4$$

- ① $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{C}}$ ② $\textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{D}}$ ③ $\textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{E}}$ ④ $\textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{D}}$ ⑤ $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{E}}$

해설

$$\textcircled{\text{A}} \quad 2^2 \times 2^5 = 2^7 ,$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad (3^2)^3 = 3^6 ,$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \left(\frac{3}{2}\right)^5 = \frac{3^5}{2^5}$$

6. $a = 2^{x+1}$ 일 때, 8^x 을 a 에 관한 식으로 나타낼 때, 옳은 것은?

- ① $-\frac{1}{8}a^3$ ② $-\frac{1}{8a^3}$ ③ $8a^3$ ④ $\frac{1}{8a^3}$ ⑤ $\frac{1}{8}a^3$

해설

$$a = 2^x \times 2 \quad \therefore 2^x = \frac{a}{2}$$
$$8^x = (2^3)^x = (2^x)^3 = \left(\frac{a}{2}\right)^3 = \frac{1}{8}a^3$$

7. $a^{13}b^9 \div (a^x b^3)^2 = a^3 b^y$ 일 때, xy 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$a^{13}b^9 \div a^{2x}b^6 = a^3b^y$$

$$13 - 2x = 3, 9 - 6 = y$$

$$x = 5, y = 3$$

$$\therefore xy = 15$$

8. 다음 식을 계산하면?

$$\frac{3}{7}x^4 \times \left(\frac{7}{12}x^3y \right) \div \left(-\frac{1}{4}xy^2 \right)$$

- Ⓐ $-\frac{x^6}{y}$ Ⓑ $-\frac{x^4}{y^2}$ Ⓒ $\frac{x^4}{y^2}$ Ⓓ $\frac{x^6}{y}$ Ⓕ $\frac{x^6}{y^2}$

해설

$$\begin{aligned} & \frac{3}{7}x^4 \times \left(\frac{7}{12}x^3y \right) \div \left(-\frac{1}{4}xy^2 \right) \\ &= \frac{3}{7}x^4 \times \frac{7}{12}x^3y \times \left(-\frac{4}{xy^2} \right) \\ &= -\frac{x^6}{y} \end{aligned}$$

9. 다음 $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 식을 고르면?

$$\left(-\frac{5b^2}{2a^3}\right)^2 \times \boxed{\quad}^3 \div \frac{5}{3}a^2b^7 = -\frac{10}{9}a$$

① $-\frac{4}{3}a^3b$ ② $-\frac{2}{3}ab^3$ ③ $-\frac{2}{3}a^3b$

④ $-\frac{4}{3}a^2b^3$ ⑤ $\frac{4}{3}a^2b^3$

해설

$$\frac{25b^4}{4a^6} \times \boxed{\quad}^3 \times \frac{3}{5a^2b^7} = -\frac{10a}{9}$$

$$\boxed{\quad}^3 = -\frac{10}{9}a \times \frac{4a^6}{25b^4} \times \frac{5a^2b^7}{3}$$

$$= -\frac{8}{27}a^9b^3$$

$$= \left(-\frac{2}{3}a^3b\right)^3$$

$$\therefore \boxed{\quad} = -\frac{2}{3}a^3b$$

10. 다음 중 x 에 관한 이차식인 것은?

- ① $2x + 5y - 3$ ② $3x^2 + 1 - 3x^2$ ③ $-\frac{1}{2}x^2 + 3$
④ $3y^2 + 2$ ⑤ $-2x^3 + x^2$

해설

- ① $2x + 5y - 3$: x, y 에 관한 일차식
② 1
③ $-\frac{1}{2}x^2 + 3$: x 에 관한 이차식
④ $3y^2 + 2$: y 에 관한 이차식
⑤ $-2x^3 + x^2$: x 에 관한 삼차식

11. 어떤 식에서 $-3x^2 - 1$ 을 더해야 할 것을 뺏더니 답이 $7x^2 + 5$ 가 되었다.
옳게 계산한 식을 구하면?

- ① x^2 ② $x^2 + 3$ ③ $x^2 - 3x - 2$
④ $4x^2 - 3x - 1$ ⑤ $4x^2 - x + 5$

해설

어떤 식을 A 라 하면

$$A - (-3x^2 - 1) = 7x^2 + 5$$

$$A = (7x^2 + 5) + (-3x^2 - 1) = 4x^2 + 4$$

\therefore 바르게 계산한 식 : $(4x^2 + 4) + (-3x^2 - 1) =$

$$x^2 + 3$$

12. $(a^2b - a^2) \div a - 2(ab^2 + 6b^2) \div b$ 를 간단히 했을 때, ab 의 계수를 x , a 의 계수를 y 라 할 때, $3x - y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$(준식) = ab - a - 2ab - 12b = -a - ab - 12b$$
$$\therefore 3x - y = 3 \times (-1) - (-1) = -2$$

13. $x = -1$ 일 때, 다음 식의 값은?

$$4x + 3x(x - 1) - 6x^2 \div 2 + x \times (-2x)$$

- ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

$$\begin{aligned} & 4x + 3x(x - 1) - 6x^2 \div 2 + x \times (-2x) \\ &= 4x + 3x^2 - 3x - 3x^2 - 2x^2 \\ &= x - 2x^2 = (-1) - 2 \times (-1)^2 \\ &= -3 \end{aligned}$$

14. 어떤 식 A 의 2 배에서 $-2a + b$ 의 3 배를 빼면 $2a + 5b$ 가 된다. 이 때, 어떤 식 A 를 구하면?

- ① $2a - 4b$ ② $\textcircled{2} -2a + 4b$ ③ $4a - 2b$
④ $-4a + 2b$ ⑤ $4a + 2b$

해설

$$2A - 3(-2a + b) = 2a + 5b$$

$$2A + 6a - 3b = 2a + 5b$$

$$2A = -4a + 8b$$

$$\therefore A = -2a + 4b$$

15. $(x+y) : (x-2y) = 7 : 2$ 일 때, $4x - 8y$ 를 x 에 관한 식으로 나타낸 것은?

① $\frac{x}{8}$ ② $\frac{x}{16}$ ③ $\frac{2}{15}x$ ④ $\frac{5}{16}x$ ⑤ $\frac{3}{2}x$

해설

비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱은 같으므로

$$7(x-2y) = 2(x+y)$$

$$5x = 16y, y = \frac{5}{16}x$$

$$\therefore 4x - 8y = 4x - 8 \times \frac{5}{16}x = 4x - \frac{5}{2}x = \frac{3}{2}x$$

16. $\frac{13}{20}$ 을 분수 $\frac{a}{10^n}$ 의 꼴로 고칠 때, $a + n$ 의 최솟값은?

- ① 67 ② 68 ③ 69 ④ 70 ⑤ 71

해설

$$\frac{13 \times 5}{20 \times 5} = \frac{65}{10^2}, a = 65, n = 2 \text{ } \circ] \text{므로 } a+n \text{의 최솟값은 } 67 \text{이다.}$$

17. A 가 $\frac{11}{30}, \frac{12}{30}, \frac{13}{30}, \frac{14}{30}, \frac{15}{30}$ 이고, B 는 무한소수일 때, A 와 B 의 공통적인 수의 갯수는?

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

유한소수의 분모의 소인수는 2나 5가 되어야 하는데 분모가 $30 = 2 \times 3 \times 5$ 이므로, 분자에서 3의 배수를 찾으면 된다.

따라서, 유한소수는 $\frac{12}{30}, \frac{15}{30}$ 이고, 무한소수는 $\frac{11}{30}, \frac{13}{30}, \frac{14}{30}$ 으로 3개다.

18. 분수 $\frac{22}{111}$ 의 순환마디를 x , $\frac{7}{3}$ 의 순환마디를 y 라 할 때, $x+y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 201

해설

$$\frac{22}{111} = 0.\dot{1}\dot{9}\dot{8}$$

$$x = 198$$

$$\frac{7}{3} = 2.\dot{3}$$

$$y = 3$$

$$\therefore x + y = 201$$

19. 자연수 x 에 대하여 분수 $\frac{8}{45x}$ 을 소수로 나타내면 소수점 아래 넷째 자리부터 순환마디가 시작되는 순환소수가 된다. 자연수 x 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 25

해설

$\frac{8}{45x}$ 이 소수점 아래 넷째 자리부터 순환마디가 시작되려면 분모가 9000 이 되어야 한다.

$$\frac{8}{45x} = \frac{8}{9000} = \frac{1}{1125} = 0.000\dot{8}$$

따라서 x 의 최솟값은 25

20. 분수 $\frac{13}{37}$ 을 소수로 나타낼 때 소수점 아래 101 번째 자리의 숫자를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\frac{13}{37} = 0.\dot{3}5\dot{1}, 101 \div 3 = 33\cdots 2 \text{이므로}$$

소수점 아래 101 번째 자리의 숫자는 순환마디의 2번째 숫자인 5이다.

21. 다음 유리수 중 가장 큰 수는?

- ① $3.\dot{4}\dot{9} = 3.4999\cdots$
② $3.\dot{5}\dot{0} = 3.505050\cdots$
③ $3.\dot{5}\dot{3} = 3.535353\cdots$
④ $3.\dot{5} = 3.5555\cdots$
⑤ 3.5

해설

- ① $3.\dot{4}\dot{9} = 3.4999\cdots$
② $3.\dot{5}\dot{0} = 3.505050\cdots$
③ $3.\dot{5}\dot{3} = 3.535353\cdots$
④ $3.\dot{5} = 3.5555\cdots$
⑤ 3.5

따라서 가장 큰 수는 $3.\dot{5}$ 이다.

22. 부등식 $0.\dot{9} < x < \frac{38}{15}$ 을 만족하는 자연수 x 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$0.\dot{9} = \frac{9}{9} = 1, \quad \frac{38}{15} = 2.5333\ldots$$

이므로

x 는 2이다.

23. $A \times 0.\dot{3} = \frac{2}{3}$ 일 때, A 의 값은?

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$A \times \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$$

$$A = \frac{2}{3} \times 3$$

$$\therefore A = 2$$

24. 순환소수 $1.\overline{51}$ 에 a 를 곱하면 자연수가 된다고 한다. 이때, a 의 값이 될 수 있는 가장 작은 자연수는?

① 3 ② 15 ③ 45 ④ 90 ⑤ 99

해설

$$1.\overline{51} = \frac{151 - 15}{90} = \frac{68}{45} \text{이므로 가장 작은 자연수 } a \text{는 } 45 \text{이다.}$$

25. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- Ⓐ 모든 유리수는 분수로 나타낼 수 있다.
- Ⓑ 두 개의 무한소수의 합은 항상 무한소수로만 나타내어진다.
- Ⓒ 모든 무한소수는 분수로 나타낼 수 없다.
- Ⓓ 분모의 소인수가 소수로만 되어있는 분수는 항상 유한소수로 나타낼 수 있다.
- Ⓔ 모든 0이 아닌 유리수는 순환소수로 나타낼 수 있다.

해설

- ② $\frac{1}{3} + \frac{2}{3} = 1$ 과 같이 유한소수인 경우도 있다.
- ③ 순환소수는 분수로 나타낼 수 있다.
- ④ 분모의 소인수가 2와 5 뿐인 분수만 유한소수로 나타낼 수 있다.

26. $x - y = 2$ 이고 $a = 2^{3x}$, $b = 2^{3y}$ 일 때, $\frac{a}{b}$ 의 값은?

- ① 8 ② 16 ③ 32 ④ 64 ⑤ 128

해설

$$\frac{a}{b} = 2^{3x-3y} = 2^{3(x-y)} = 2^{3 \times 2} = 2^6 = 64$$

27. $a^6 \div (a^{\square})^2 = a^2$ 일 때, $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$a^6 \div a^{2\square} = a^2 \text{ } \diamond \text{]므로 } 6 - 2\square = 2$$

$$\therefore \square = 2$$

28. $(5x^a)^b = 125x^9$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

$$5^b = 125 = 5^3, b = 3$$

$$x^{ab} = x^9$$

$$ab = 9$$

$$a = 3$$

$$\therefore a + b = 6$$

29. $2^{16} \times 5^{20}$ 이] n 자리의 자연수일 때, n 의 값은?

- ① 16 ② 17 ③ 18 ④ 19 ⑤ 20

해설

$$2^{16} \times 5^{16} \times 5^4 = (2 \times 5)^{16} \times 5^4 = 625 \times 10^{16}$$

따라서 19 자리의 자연수이다.

30. 다음 중 계수가 가장 큰 것과 가장 작은 것을 차례로 나열하면?

$\textcircled{\text{A}} \quad 3a \times 2b$	$\textcircled{\text{B}} \quad \left(\frac{1}{4}ab\right)^2 \times (2ab)^3$
---------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------

$\textcircled{\text{C}} \quad (-ab)^3 \times 2b$	$\textcircled{\text{D}} \quad (-4x) \times (-3y)^2$
--------------------------------------------------	-----------------------------------------------------

해설

$\textcircled{\text{A}} \quad 6ab$

$\textcircled{\text{B}} \quad \frac{a^5b^5}{2}$

$\textcircled{\text{C}} \quad -2a^3b^4$

$\textcircled{\text{D}} \quad -36xy^2$

① ①, ④

② ①, ③

③ ①, ②

④ ④, ⑤

⑤ ④, ②

31. 식 $(-2x^2 - x + 3) - (x^2 + 3x - 4)$ 를 간단히 하였을 때, x 의 계수와 상수항의 합은?

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

해설

$$-2x^2 - x + 3 - x^2 - 3x + 4$$

$$= -3x^2 - 4x + 7$$

x 의 계수는 -4 , 상수항은 7

$$\therefore (-4) + 7 = 3$$

32. $12xy \left(-\frac{1}{6}x - \frac{3}{4}y + \frac{1}{3} \right)$ 을 간단히 하였을 때, 각 항의 계수의 합을 a

라 하자. 이때 $|a|$ 의 값은?

① 11

② 9

③ 7

④ 5

⑤ 3

해설

$$12xy \times \left(-\frac{1}{6}x \right) + 12xy \times \left(-\frac{3}{4}y \right) + 12xy \times \frac{1}{3}$$

$$= -2x^2y - 9xy^2 + 4xy$$

따라서 $a = (-2) + (-9) + 4 = -7$ 이므로 $|a| = 7$ 이다.

33. $3x(x-y) + \frac{4x^3y - 8x^2y^2}{-2xy}$ 를 간단히 했을 때, x^2 항의 계수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

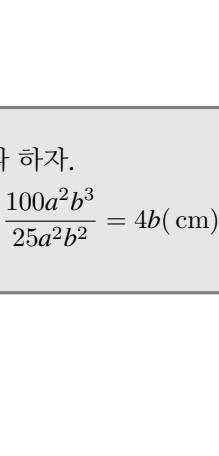
해설

$$(준식) = 3x^2 - 3xy - 2x^2 + 4xy = x^2 + xy$$

따라서 x^2 항의 계수는 1이다.

34. 원기둥의 부피는 $100\pi a^2 b^3 \text{cm}^3$ 이고, 밑면은 지름의 길이가 $10ab \text{cm}$ 인 원이다. 이 원기둥의 높이는?

$$\text{부피} : 100\pi a^2 b^3 \text{cm}^3$$



- ① 2cm ② 4cm ③ 6cm
④ 8cm ⑤ 10cm

해설

원기둥의 높이를 h 라 하자.

$$\therefore h = \frac{100\pi a^2 b^3}{(5ab)^2 \pi} = \frac{100a^2 b^3}{25a^2 b^2} = 4b(\text{cm})$$

35. $5x - 2y = -4x + y - 3$ 일 때, $5x - 2y + 5$ 를 x 에 관한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $-x + 3$

해설

$$\begin{aligned}5x - 2y &= -4x + y - 3 \text{ 을 변형하면} \\3y &= 9x + 3, y = 3x + 1 \\5x - 2y + 5 &= 5x - 2(3x + 1) + 5 \\&= 5x - 6x - 2 + 5 \\&= -x + 3\end{aligned}$$

36. 분수 $\frac{7 \times a}{84}$ 를 소수로 나타내면 유한소수가 될 때, a 의 값이 될 수 있는 수 중에서 가장 큰 두 자리의 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 99

해설

$\frac{7 \times a}{84} = \frac{7 \times a}{2^2 \times 3 \times 7} = \frac{a}{2^2 \times 3}$ 이므로 a 는 3의 배수이어야 유한소수가 된다.

따라서 3의 배수 중 가장 큰 두 자리의 정수는 $3 \times 33 = 99$ 이다.

37. 미영이는 다음 계산을 하기 위해 계산기를 사용하고 있다. 마지막 버튼을 눌렀을 때, 계산기 화면에 소수점 아래의 어떤 자리부터 일정한 숫자의 배열이 계속 되풀이 되는 것을 모두 골라라.

Ⓐ 3 ÷ 25	Ⓑ 3 ÷ 11	Ⓒ 13 ÷ 50
Ⓓ 5 ÷ 4	Ⓔ 1 ÷ 3	

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓑ

▷ 정답 : Ⓣ

해설

Ⓑ $\frac{3}{11} = 0.\dot{2}\dot{7}$ 이므로 순환마디가 2,7인 순환소수가 되어 일정한 숫자의 배열이 계속 되풀이 된다.

Ⓔ $\frac{1}{3} = 0.\dot{3}$ 이므로 순환마디가 3인 순환소수가 되어 일정한 숫자의 배열이 계속 되풀이 된다.

38. $0.\overline{abc}$ 를 분수로 고치면 $\frac{213}{330}$ 일 때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$\frac{213}{330} = \frac{639}{990} = 0.6\dot{4}\dot{5} \text{ 이므로}$$

$a = 6, b = 4, c = 5$ 이다.

$$\therefore a + b + c = 15$$

39. 기약분수 A 를 순환소수로 나타내는데, 영철이는 분자를 잘못 보아서 답이 $0.\dot{3}\dot{7}$ 이 되었고, 영은이는 분모를 잘못 보아서 답이 $1.3\dot{5}$ 가 되었다. 이 때, 기약분수 A 를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{61}{99}$

해설

$$\text{영철} : 0.\dot{3}\dot{7} = \frac{37}{99},$$

$$\text{영은} : 1.3\dot{5} = \frac{135 - 13}{90} = \frac{61}{45}$$

따라서 처음의 기약분수는

$$\frac{(\text{영은이가 본 분자})}{(\text{영철이가 본 분모})} = \frac{61}{99} = A \text{ 이다.}$$

40. 다음 $\textcircled{\text{①}} \sim \textcircled{\text{④}}$ 안에 알맞은 수를 넣어라.

$$\left(\frac{x^2 z^{\textcircled{\text{①}}}}{\textcircled{\text{④}}} y^5 \right)^{\textcircled{\text{②}}} = \frac{x^8 z^{12}}{16 y^{20}}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ①: 3

▷ 정답: ④: 2

▷ 정답: ②: 4

해설

$$2 \times \textcircled{\text{①}} = 8, \therefore \textcircled{\text{①}} = 4$$

$$\textcircled{\text{①}} \times 4 = 12, \therefore \textcircled{\text{①}} = 3$$

$$\textcircled{\text{④}}^4 = 16, \therefore \textcircled{\text{④}} = 2$$

41. $2^{10} - 4^3 + 16^2 = a \times 2^b$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 25

해설

$$2^{10} - 2^6 + 2^8 = 2^6(2^4 - 1 + 2^2) = 2^6 \times 19 \text{ } \circ]$$

므로 $a = 19, b = 6$

$$\therefore a + b = 19 + 6 = 25$$

42. 4개의 수 a, b, c, d 에 대하여 기호 $|$ 를 $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc$ 로 정의 한다.

○ 때, $\begin{vmatrix} -2x + y + 1 & x - 2y - 4 \\ \frac{1}{4} & -\frac{1}{2} \end{vmatrix} \stackrel{?}{=} ?$

① $-\frac{3}{4}x + \frac{1}{2}y - 4$ ② $-\frac{1}{4}x + y$ ③ $\frac{3}{4}x + \frac{1}{2}$

④ $\frac{3}{4}x - 2y + 1$ ⑤ $4x + y - \frac{3}{4}$

해설

$$(-2x + y + 1) \times \left(-\frac{1}{2}\right) - (x - 2y - 4) \times \left(\frac{1}{4}\right)$$

$$= \left(x - \frac{1}{2}y - \frac{1}{2}\right) - \left(\frac{1}{4}x - \frac{1}{2}y - 1\right)$$

$$= x - \frac{1}{2}y - \frac{1}{2} - \frac{1}{4}x + \frac{1}{2}y + 1$$

$$= \frac{3}{4}x + \frac{1}{2}$$

43. $-4a - \{3a + 5b - 2(a - 2b - \boxed{\quad})\} = -a - 11b$ 일 때, $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 식은?

- ① $-3b - 2a$ ② $-b - 4a$ ③ $b - 2a$
④ $2a + 3b$ ⑤ $3a + 3b$

해설

$$\begin{aligned}-4a - \{3a + 5b - 2(a - 2b - \boxed{\quad})\} \\= -4a - (3a + 5b - 2a + 4b + 2\boxed{\quad}) \\= -4a - 3a - 5b + 2a - 4b - 2\boxed{\quad} \\= -5a - 9b - 2\boxed{\quad} = -a - 11b\end{aligned}$$

$$\therefore \boxed{\quad} = b - 2a$$

44. $A = (12a^5b^5 - 8a^5b^4) \div (2a^2b)^2$, $B = (4a^3b^4 - a^2b^2) \div (-ab)^2$ 일 때,
 $A - (B + 2C) = 3ab^3 + 1$ 을 만족하는 식 C 를 구하면?

- ① $C = ab$ ② $C = ab^2$ ③ $C = -3ab^2$
④ $C = 3ab^2$ ⑤ $C = -ab$

해설

주어진 식 A , B 를 정리하면

$$A = 3ab^3 - 2ab^2, B = 4ab^2 - 1 \text{이다.}$$

$$A - (B + 2C) = 3ab^3 + 1 \text{에서}$$

$$A - B - 2C = 3ab^3 + 1 \text{이고,}$$

$$2C = A - B - 3ab^3 - 1$$

$$2C = 3ab^3 - 2ab^2 - (4ab^2 - 1) - 3ab^3 - 1 \\ = -6ab^2$$

양변을 2로 나누면

$$C = -3ab^2 \text{이다.}$$

45. $a+b+c=1$, $a^2+b^2+c^2=\frac{3}{2}$, $\frac{1}{a}+\frac{1}{b}+\frac{1}{c}=1$ 일 때, abc 의 값은?

- ① -1 ② $-\frac{1}{2}$ ③ $-\frac{1}{3}$ ④ $-\frac{1}{4}$ ⑤ $-\frac{1}{5}$

해설

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = 1 \text{의 양변에 } abc \text{를 곱하면}$$

$$ab + bc + ca = abc$$

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \text{ |므로}$$

$$1 = \frac{3}{2} + 2(ab + bc + ca)$$

$$\therefore ab + bc + ca = abc = -\frac{1}{4}$$

46. $9^{x+2} = 3^{2x} \times 3^y$ 에서 y 의 값은?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

$$9^{x+2} = (3^2)^{x+2} = 3^{2x+4} = 3^{2x+y}$$

$$2x + 4 = 2x + y$$

$$\therefore y = 4$$