

1. 다음 식을 간단히 하면?

$$\sqrt{12} + \sqrt{3} - \sqrt{48}$$

- ①  $-\sqrt{3}$       ②  $\sqrt{3}$       ③  $2\sqrt{3}$   
④  $-2\sqrt{3}$       ⑤  $7\sqrt{3}$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{12} + \sqrt{3} - \sqrt{48} \\ = 2\sqrt{3} + \sqrt{3} - 4\sqrt{3} \\ = -\sqrt{3}\end{aligned}$$

2. 두 이차방정식  $x^2 - 5x + 6 = 0$ ,  $x^2 - 9 = 0$ 의 공통인 해는?

①  $x = -3$

②  $x = 0$

③  $x = 2$

④  $x = 3$

⑤  $x = 9$

해설

$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$(x - 3)(x - 2) = 0$$

$$\therefore x = 2, 3$$

$$x^2 - 9 = (x - 3)(x + 3) = 0$$

$$\therefore x = \pm 3$$

따라서, 공통인 해는  $x = 3$ 이다.

3. 다음 보기는 완전제곱식을 이용하여 이차방정식  $x^2 + 6x + 3 = 0$  을 푸는 과정이다. (가)~(마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

보기

$$x^2 + 6x = (\text{가})$$

$$x^2 + 6x + (\text{나}) = (\text{가}) + (\text{나})$$

$$(x + (\text{다}))^2 = (\text{라})$$

$$x + (\text{다}) = \pm \sqrt{(\text{라})}$$

$$\therefore x = (\text{마})$$

① (가): -3

② (나): 9

③ (다): 3

④ (라): 6

⑤ (마):  $\pm \sqrt{6}$

해설

$$x^2 + 6x = -3$$

좌변을 완전제곱식이 되게 하는 9를 양변에 더하면

$$x^2 + 6x + 9 = -3 + 9$$

$$(x + 3)^2 = 6$$

$$x + 3 = \pm \sqrt{6}$$

$$\therefore x = -3 \pm \sqrt{6}$$

따라서 ⑤의 연결이 옳지 않다.

4. 4의 제곱근을  $a$ , 25의 제곱근을  $b$ 라고 할 때  $a^2b^2$ 의 값은 무엇인가?

① -10

② 10

③ 50

④ -100

⑤ 100

해설

$$a^2 = 4, b^2 = 25$$

$$a^2b^2 = 4 \times 25 = 100$$

5.  $(-12)^2$  의 제곱근 중 양수인 것을  $x$ ,  $\sqrt{625}$ 의 제곱근 중 음수인 것을  $y$  라 할 때,  $x - 2y$ 의 값을 구하여라.

① 2

② 7

③ 17

④ 22

⑤ 29

해설

$$(-12)^2 = 144 \text{ 의 제곱근은 } \pm 12, \text{ 양수 } x = 12$$

$$\sqrt{625} = 25 \text{ 의 제곱근 } \pm 5, \text{ 음수 } y = -5$$

$$\therefore x - 2y = 12 - 2 \times (-5) = 12 - (-10) = 22$$

6.  $\sqrt{50-x}$ 의 값이 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수  $x$ 는?

- ① 1      ② 3      ③ 5      ④ 10      ⑤ 14

해설

$\sqrt{49}$  이므로  $x = 1$  이다.

7. 다음 보기의 수들을 큰 수부터 차례대로 나열했을 때, 첫째와 셋째에 놓이는 수는?

보기

$$2\sqrt{5}, -\sqrt{2}, \sqrt{2^3}, -\sqrt{5}, 3\sqrt{3}$$

- ①  $2\sqrt{5}, \sqrt{2^3}$       ②  $2\sqrt{5}, -\sqrt{2}$       ③  $2\sqrt{5}, -\sqrt{5}$   
④  $3\sqrt{3}, 2\sqrt{5}$       ⑤  $3\sqrt{3}, \sqrt{2^3}$

해설

$2\sqrt{5} = \sqrt{20}$ ,  $-\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{2^3} = \sqrt{8}$ ,  $-\sqrt{5}$ ,  $3\sqrt{3} = \sqrt{27}$ 이고,  
큰 수부터 차례대로 나열하면 다음과 같다.

$$3\sqrt{3}, 2\sqrt{5}, \sqrt{2^3}, -\sqrt{2}, -\sqrt{5}$$

따라서 첫째와 셋째에 놓이는 수는 각각  $3\sqrt{3}$ ,  $\sqrt{2^3}$ 이다.

8. 다음 중 무리수로만 묶은 것은?

①  $\sqrt{0}, \sqrt{2}, \sqrt{4}$

②  $\frac{2}{3}, 0.\dot{3}, -\frac{1}{4}$

③  $\sqrt{3}, \sqrt{5}, \pi$

④  $\sqrt{\frac{1}{10}}, \sqrt{9}, \sqrt{8}$

⑤  $\sqrt{(-11)^2}, -\sqrt{2}, \sqrt{7}$

해설

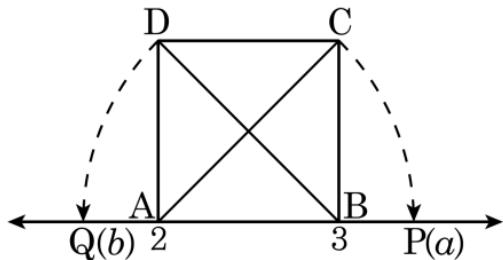
①  $\sqrt{0} = 0, \sqrt{4} = 2$  : 유리수

②  $\frac{2}{3}, 0.\dot{3}, -\frac{1}{4}$  : 유리수

④  $\sqrt{9} = 3$  : 유리수

⑤  $\sqrt{(-11)^2} = 11$  : 유리수

9. 다음 그림과 같이 수직선 위에 한 변의 길이가 1인 정사각형 ABCD의 대각선  $\overline{AC} = \overline{AP}$ ,  $\overline{BD} = \overline{BQ}$  인 두 점 P, Q를 수직선 위에 잡았을 때,  $P(a)$ ,  $Q(b)$ 에 대하여 다음 중 옳은 것은?



보기

- Ⓐ  $P(a) = 2 + \sqrt{2}$
- Ⓑ  $Q(b) = 3 - 2\sqrt{2}$
- Ⓒ  $\overline{PQ} = -1 + 4\sqrt{2}$
- Ⓓ  $\overline{AB} = 2\sqrt{2}$
- Ⓔ  $\overline{AP} = \sqrt{2}$

- ① Ⓐ, Ⓑ    ② Ⓐ, Ⓒ    ③ Ⓑ, Ⓓ    ④ Ⓑ, Ⓓ, Ⓕ    ⑤ Ⓒ, Ⓕ

해설

- Ⓑ  $Q(b) = 3 - \sqrt{2}$
- Ⓒ  $\overline{PQ} = 2 + \sqrt{2} - 3 + \sqrt{2} = -1 + 2\sqrt{2}$
- Ⓓ  $\overline{AB} = 1$

## 10. 다음 중 옳은 것을 고르면?

- ① 1 과 2 사이에 1 개의 유리수가 있다.
- ②  $-\sqrt{5}$  와  $-\sqrt{3}$  사이에는 정수가 없다.
- ③ 0과 5 사이에는 정수가 6 개 있다.
- ④ ○ 0과  $\sqrt{3}$  사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.
- ⑤ (무리수) – (무리수) = (무리수) 가 된다.

### 해설

- ① × 1 과 2 사이에 무수히 많은 유리수가 있다.
- ② ×  $-\sqrt{5}$  와  $-\sqrt{3}$  사이에는  $-2$  가 있다.
- ③ × 0 과 5 사이에는 정수가 4개 있다.(1, 2, 3, 4로 4개 있다.)
- ④ ○ 0과  $\sqrt{3}$  사이에는 무수히 많은 무리수가 있다.
- ⑤ × (무리수) – (무리수) 는 무리수가 될 수도 있고 유리수가 될 수도 있다.

11.  $A = 5\sqrt{2} - 2$ ,  $B = 3\sqrt{2} + 1$ ,  $C = 4\sqrt{3} - 2$  일 때, 다음 중 대소 관계가 옳은 것은?

- ①  $A > B > C$       ②  $A > C > B$       ③  $B > A > C$
- ④  $B > C > A$       ⑤  $C > A > B$

해설

$$A - B = 2\sqrt{2} - 3 < 0 \text{ 이므로 } A < B$$

$$A - C = 5\sqrt{2} - 4\sqrt{3} > 0 \text{ 이므로 } A > C$$

$\therefore B > A > C$  이다.

12.  $\sqrt{5} = a$ ,  $\sqrt{7} = b$  라 할 때,  $\sqrt{0.014}$  를  $a, b$  를 사용하여 나타내면?

①  $\frac{ab}{100}$

②  $\frac{ab}{50}$

③  $ab$

④  $2ab$

⑤  $4ab$

해설

$$\sqrt{0.014} = \sqrt{\frac{140}{10000}} = \frac{\sqrt{2^2 \times 5 \times 7}}{100} = \frac{2}{100} \times \sqrt{5} \times \sqrt{7} = \frac{1}{50}ab$$

13.  $a > 0, b > 0$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고른 것은?

$$\textcircled{\text{D}} \quad \frac{ab}{\sqrt{a}} = \frac{b\sqrt{a}}{a}$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{ab}}{b}$$

$$\textcircled{\text{L}} \quad \frac{\sqrt{b}}{c\sqrt{a}} = \frac{\sqrt{ab}}{ac}$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \frac{b}{c\sqrt{a}} = \frac{b\sqrt{a}}{c}$$

- ① ⑦, ⑨      ⑦, ⑨      ③ ⑧, ⑩      ④ ⑧, ⑩      ⑤ ⑩, ⑨

해설

$$\textcircled{\text{D}} \quad \frac{ab}{\sqrt{a}} = \frac{ab\sqrt{a}}{a} = b\sqrt{a}$$

$$\textcircled{\text{L}} \quad \frac{\sqrt{b}}{c\sqrt{a}} = \frac{\sqrt{b}\sqrt{a}}{ac} = \frac{\sqrt{ab}}{ca}$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}\sqrt{b}}{b} = \frac{\sqrt{ab}}{b}$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \frac{b}{c\sqrt{a}} = \frac{b\sqrt{a}}{ac}$$

14.  $\frac{3\sqrt{2}}{2} + \frac{3\sqrt{5}}{5} - \frac{3\sqrt{2}}{5} - \frac{\sqrt{5}}{4}$  을 간단히 나타내면?

①  $\frac{3\sqrt{2}}{4} - \frac{7\sqrt{5}}{20}$

③  $\frac{9\sqrt{2}}{10} + \frac{7\sqrt{5}}{20}$

⑤  $\frac{21\sqrt{2}}{5} - \frac{17\sqrt{5}}{20}$

②  $\frac{7\sqrt{2}}{20} + \frac{7\sqrt{5}}{20}$

④  $\frac{9\sqrt{2}}{10} - \frac{5\sqrt{5}}{20}$

해설

$$\frac{3\sqrt{2}}{2} + \frac{3\sqrt{5}}{5} - \frac{3\sqrt{2}}{5} - \frac{\sqrt{5}}{4}$$

$$= \frac{15\sqrt{2} - 6\sqrt{2}}{10} + \frac{12\sqrt{5} - 5\sqrt{5}}{20}$$

$$= \frac{9\sqrt{2}}{10} + \frac{7\sqrt{5}}{20}$$

## 15. 다음 중 분모의 유리화가 잘못된 것은?

$$\textcircled{1} \quad \frac{1}{2 + \sqrt{3}} = 2 - \sqrt{3}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{2}{\sqrt{6} - 2} = \sqrt{6} + 2$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{1}{\sqrt{7} - \sqrt{5}} = \frac{\sqrt{7} + \sqrt{5}}{2}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} = 5 - 2\sqrt{6}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{11} + 2\sqrt{3}} = \sqrt{22} - 2\sqrt{6}$$

해설

$$\textcircled{5} \quad \frac{\sqrt{2}(\sqrt{11} - 2\sqrt{3})}{(\sqrt{11} + 2\sqrt{3})(\sqrt{11} - 2\sqrt{3})} = \frac{\sqrt{22} - 2\sqrt{6}}{11 - 12} = -\sqrt{22} + 2\sqrt{6}$$

16. 길이가 24 인 끈을 잘라서 넓이의 비가 3: 1 인 두 개의 정사각형을 만들려고 한다. 작은 사각형의 한 변의 길이를 구하면?

①  $2\sqrt{3} + 3$

②  $3\sqrt{3} - 3$

③  $3\sqrt{3} + 3$

④  $4 - 4\sqrt{3}$

⑤  $6\sqrt{3} - 2$

해설

작은 정사각형 한 변의 길이 :  $a$

큰 정사각형 한 변의 길이 :  $b$

$$4(a + b) = 24 \Rightarrow a + b = 6$$

$$b = \sqrt{3}a \Rightarrow a + \sqrt{3}a = 6$$

$$(1 + \sqrt{3})a = 6$$

$$\therefore a = \frac{6}{1 + \sqrt{3}} = \frac{6(\sqrt{3} - 1)}{2} = 3\sqrt{3} - 3$$

17. 다음 제곱근표에서  $\sqrt{5.84}$ 의 값은  $a$ 이고,  $\sqrt{b} = 2.352$  일 때,  $a+b$ 의 값은?

수	0	1	2	3	4
5.5	2.345	2.347	2.349	2.352	2.354
5.6	2.366	2.369	2.371	2.373	2.375
5.7	2.387	2.390	2.392	2.394	2.396
5.8	2.408	2.410	2.412	2.415	2.417

- ① 7.217    ② 7.548    ③ 7.947    ④ 8.132    ⑤ 8.492

해설

$$\sqrt{5.84} = 2.417$$

$$\sqrt{5.53} = 2.352$$

$$\therefore a = 2.417, b = 5.53$$

$$\therefore a+b = 2.417 + 5.53 = 7.947$$

18. 다항식  $8x^2 - 14x + 3$  을 인수분해 하였더니  $(ax+b)(cx+d)$  가 되었다.  
 $a + b + c + d$  의 값은?

- ① -8
- ② -4
- ③ 0
- ④ 2
- ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned}8x^2 - 14x + 3 &= (4x - 1)(2x - 3) = (ax + b)(cx + d) \\ \therefore a + b + c + d &= 4 - 1 + 2 - 3 = 2\end{aligned}$$

19. 어떤 이차식  $ax^2 + bx + c$  를 인수 분해하는데 수미는  $x$  의 계수를 잘못 보고 풀어서  $3(x - 1)(x - 4)$  가 되었고, 현정이는 상수항을 잘못 보고 풀어서  $3(x - 1)(x + 5)$  가 되었다. 이 때, 주어진 이차식을 바르게 인수 분해한 것은?

①  $3(x - 2)^2$

②  $3(x + 2)^2$

③  $2(x - 2)(x + 2)$

④  $3(x - 2)(x + 2)$

⑤  $3(x - 4)(x + 5)$

해설

수미는  $3(x - 1)(x - 4)$  에서 상수항 12 를 맞게 보았고,  
현정이는  $3(x - 1)(x + 5)$  에서  $x$  의 계수 12 를 맞게 보았다.  
따라서  $3x^2 + 12x + 12 = 3(x + 2)^2$  이다.

20.  $-3a^2 + 12b^2 = k(ma + nb)(ma - nb)$  일 때, 세 정수  $k, m, n$ 의 곱  $kmn$ 의 값은?(단,  $n > 0$ )

① 5

② 6

③ -6

④ -4

⑤ -5

해설

$$\begin{aligned}-3a^2 + 12b^2 &= -3(a^2 - 4b^2) \\&= -3(a + 2b)(a - 2b)\end{aligned}$$

$$k = -3, m = 1, n = 2$$

$$\therefore kmn = -3 \times 1 \times 2 = -6$$

21.  $x^2 - y^2 + 10yz - 25z^2$  을 인수분해하였더니  $(ax + y + bz)(x - y + cz)$  가 되었다. 이때  $a - b + c$  의 값은?

- ① 7      ② 11      ③ 16      ④ 32      ⑤ 64

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 10yz - 25z^2 &= x^2 - (y^2 - 10yz + 25z^2) \\&= x^2 - (y - 5z)^2 \\&= (x + y - 5z)(x - y + 5z)\end{aligned}$$

∴므로

$$a = 1, b = -5, c = 5$$

$$\therefore a - b + c = 11$$

22.  $x = \frac{1}{\sqrt{2} + 1}$ ,  $y = \frac{1}{\sqrt{2} - 1}$  일 때,  $x^2 + 3xy + y^2$  의 값은?

① 3

② 6

③ 9

④ 12

⑤ 15

해설

$$x = \frac{1}{\sqrt{2} + 1} = \frac{\sqrt{2} - 1}{(\sqrt{2} + 1)(\sqrt{2} - 1)} = \sqrt{2} - 1$$

$$y = \frac{1}{\sqrt{2} - 1} = \frac{\sqrt{2} + 1}{(\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 1)} = \sqrt{2} + 1$$

$$x^2 + 3xy + y^2 = (x + y)^2 + xy \text{에서}$$

$$x + y = (\sqrt{2} - 1) + (\sqrt{2} + 1) = 2\sqrt{2}$$

$$xy = (\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 1) = 1$$

$$\therefore (\text{준식}) = (x + y)^2 + xy = (2\sqrt{2})^2 + 1 = 9$$

23. 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 의 해가  $x = 2$  또는  $x = -3$  일 때,  $a + b$ 의 값은?

- ① 5      ② 6      ③ -6      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$x^2 + ax + b = 0 \text{ 에}$$

$$x = 2 \text{ 를 대입하면 } 4 + 2a + b = 0 \cdots \textcircled{\text{ㄱ}}$$

$$x = -3 \text{ 을 대입하면 } 9 - 3a + b = 0 \cdots \textcircled{\text{ㄴ}}$$

㉠, ㉡를 연립하여 풀면  $a = 1$ ,  $b = -6$

$$\therefore a + b = -5$$

24. 이차방정식  $ax^2 - x - 1 = 0$  의 한 근이 1 일 때,  $a$ 의 값과 또 다른 근과의 곱을 구하면?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$x = 1 \text{ 을 대입하면 } a - 1 - 1 = 0 \therefore a = 2$$

$$\text{따라서 주어진 식은 } 2x^2 - x - 1 = 0$$

$$(2x + 1)(x - 1) = 0$$

$$x = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } x = 1$$

$$\therefore 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -1$$

25. 이차방정식  $x^2 + 6x - 3 + k = 0$  이 중근을 갖기 위한 실수  $k$ 의 값은?

① 11

② 12

③ 13

④ 14

⑤ 15

해설

중근이 되려면  $D = b^2 - 4ac = 0$  이므로

$$36 - 4 \times 1 \times (-3 + k) = 0$$

$$36 + 12 - 4k = 0$$

$$4k = 48$$

$$\therefore k = 12$$

26. 이차방정식  $x^2 + 5x - 9 = 0$  을  $(x+P)^2 = Q$  의 꼴로 고칠 때,  $P+2Q$ 의 값을 구하면?

- ① -33      ② -12      ③ -4      ④ 0      ⑤ 33

해설

$$x^2 + 5x - 9 = 0$$

$$\left(x + \frac{5}{2}\right)^2 = \frac{61}{4}$$

$$\therefore P = \frac{5}{2}, Q = \frac{61}{4}$$

$$\therefore P + 2Q = \frac{5}{2} + \frac{61}{2} = 33$$

27.  $\sqrt{18} + 3$  과  $\sqrt{15} - 2$  중 큰 수를  $a$ ,  $2\sqrt{7}$  과  $3\sqrt{2} - 1$  중 작은 수를  $b$ 라고 할 때,  $b - a$ 의 값을 구하면?

① 4

② 2

③ 0

④ -2

⑤ -4

해설

$$\textcircled{1} \quad \sqrt{18} + 3 - (\sqrt{15} - 2) = \sqrt{18} + 3 - \sqrt{15} + 2 > 0$$

$$\therefore \sqrt{18} + 3 > \sqrt{15} - 2$$

$$\textcircled{2} \quad 2\sqrt{7} - (3\sqrt{2} - 1) = 2\sqrt{7} - 3\sqrt{2} + 1 = \sqrt{28} - \sqrt{18} + 1 > 0$$

$$\therefore 2\sqrt{7} > 3\sqrt{2} - 1$$

$$\therefore a = \sqrt{18} + 3 = 3\sqrt{2} + 3, b = 3\sqrt{2} - 1$$

$$b - a = 3\sqrt{2} - 1 - (3\sqrt{2} + 3) = -4 \text{ 이다.}$$

28.  $\sqrt{20} + \sqrt{0.2} + \frac{4}{\sqrt{5}} = a\sqrt{5}$ ,  $\sqrt{2.5} \times \sqrt{\frac{6}{5}} \times \sqrt{18} = b\sqrt{6}$  일 때,  $a \times b$ 의 값은?

① 4

② 9

③ 16

④ 25

⑤ 36

해설

$$2\sqrt{5} + \frac{\sqrt{5}}{5} + \frac{4\sqrt{5}}{5} = \frac{10\sqrt{5} + \sqrt{5} + 4\sqrt{5}}{5} = \frac{15\sqrt{5}}{5} = 3\sqrt{5}$$

$$\therefore a = 3$$

$$\sqrt{2.5} \times \sqrt{\frac{6}{5}} \times \sqrt{18} = \sqrt{\frac{25}{10} \times \frac{6}{5} \times 18} = 3\sqrt{6}$$

$$\therefore b = 3$$

$$\therefore a \times b = 9$$

29.  $x, y$  가 유리수일 때,  $x(2-2\sqrt{2})+y(3+2\sqrt{2})$  의 값이 유리수가 된다고 한다.  $\frac{y}{x}$  의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(\text{주어진 식}) &= 2x - 2x\sqrt{2} + 3y + 2y\sqrt{2} \\&= (2x + 3y) + (-2x + 2y)\sqrt{2}\end{aligned}$$

이 식이 유리수가 되기 위해서는

$-2x + 2y = 0$  ( $x, y$ 는 유리수) 이 되어야 한다.

$$\therefore x = y$$

$$\therefore \frac{y}{x} = \frac{x}{x} = 1$$

30. 자연수  $n$ 에 대하여  $\sqrt{n}$ 의 소수 부분을  $f(n)$ 이라 할 때,  $f(80)+f(45)=a\sqrt{5}+b$ 이다. 이 때,  $2a+b$ 의 값을 구하면?

① -28

② -7

③ 0

④ 7

⑤ 21

해설

$$\text{i) } 8 < \sqrt{80} = 4\sqrt{5} < 9 \therefore f(80) = 4\sqrt{5} - 8$$

$$\text{ii) } 6 < \sqrt{45} = 3\sqrt{5} < 7 \therefore f(45) = 3\sqrt{5} - 6$$

$$\begin{aligned}\therefore f(80) + f(45) &= 4\sqrt{5} - 8 + 3\sqrt{5} - 6 \\ &= 7\sqrt{5} - 14\end{aligned}$$

$$7\sqrt{5} - 14 = a\sqrt{5} + b \text{이므로}$$

$$\therefore a = 7, b = -14$$

$$\therefore 2a + b = 14 + (-14) = 0$$

31. 신의는 한 변의 길이가 각각  $x$  cm,  $y$  cm 인 정사각형 모양의 생일 카드를 만들었다. 이 두 카드의 둘레의 길이의 차가 24 cm이고 넓이의 차가  $150 \text{ cm}^2$  일 때, 두 카드의 둘레의 길이의 합을 구하면?

- ① 6 cm
- ② 25 cm
- ③ 50 cm
- ④ 100 cm
- ⑤ 150 cm

해설

$$4x - 4y = 24 \text{ 이므로 } x - y = 6$$

$$x^2 - y^2 = 150 \text{ 이므로 } (x + y)(x - y) = 150$$

$$x + y = 25$$

$$\therefore 4x + 4y = 100$$

32. 다음 자연수 중  $3^{16} - 1$  을 나누어 떨어지지게 하는 수가 아닌 것은?

① 2

② 4

③ 5

④ 9

⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}3^{16} - 1 &= (3^8 - 1)(3^8 + 1) \\&= (3^4 - 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= (3^2 - 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= (3 - 1)(3 + 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= 2 \times 4 \times 10 \times 82 \times 6562\end{aligned}$$

33. 임의의 실수  $x$  의 정수 부분이  $a$  일 때,  $[x] = a$  로 나타내기로 한다.  
 $2 \leq x < 3$  일 때, 방정식  $[x]x^2 - x - 5[x] = 0$  의 해는?

①  $\frac{5}{2}$

②  $\frac{7}{3}$

③  $\frac{3}{2}$

④ -2

⑤  $-\frac{5}{2}$

해설

$2 \leq x < 3$  이므로  $[x] = 2$  이다.

$[x] = 2$  를 대입하면  $2x^2 - x - 10 = 0$  이고, 인수분해를 하면  $(2x - 5)(x + 2) = 0$  이다.

$$\therefore x = \frac{5}{2} \quad (\because 2 \leq x < 3)$$