

1. $f(x) = 3x^3 + px^2 + qx + 12$ 가 $x+2$ 로도 나누어떨어지고, $x-1$ 로도 나누어떨어질 때, $\frac{q}{p}$ 의 값은?

① 9 ② 4 ③ -9 ④ -3 ⑤ -12

해설

$$f(-2) = -24 + 4p - 2q + 12 = 0$$

$$f(1) = 3 + p + q + 12 = 0$$

$$p = -3, q = -12, \frac{q}{p} = \frac{-12}{-3} = 4$$

2. 복소수 z 에 대한 다음 보기의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, \bar{z} 는 z 의 결례복소수이다.)

보기

- Ⓐ $z \cdot \bar{z}$ 는 실수이다.
- Ⓑ $z + \bar{z}$ 는 실수이다.
- Ⓒ $z - \bar{z}$ 는 허수이다.
- Ⓓ $(z + 1)(\bar{z} + 1)$ 은 실수이다.

Ⓐ Ⓛ, Ⓜ

Ⓑ Ⓛ, Ⓝ

Ⓒ Ⓜ, Ⓞ

Ⓓ Ⓛ, Ⓜ, Ⓝ

Ⓔ Ⓛ, Ⓜ, Ⓝ, Ⓞ

해설

$z = a + bi$ (a, b 는 실수)로 놓으면 $\bar{z} = a - bi$ 이므로

$$\textcircled{A} z \cdot \bar{z} = (a + bi)(a - bi) = a^2 + b^2 \text{ (실수)}$$

$$\textcircled{B} z + \bar{z} = (a + bi) + (a - bi) = 2a \text{ (실수)}$$

$$\textcircled{C} z - \bar{z} = (a + bi) - (a - bi) = 2bi$$

$b = 0$ 이면 실수, $b \neq 0$ 이면 허수이다.

$$\textcircled{D} (z + 1)(\bar{z} + 1) = (a + bi + 1)(a - bi + 1)$$

$$= (a + 1 + bi)(a + 1 - bi)$$

$$= (a + 1)^2 + b^2 \text{ (실수)}$$

3. $(x^3 + 2x^2 - 3x + 2)^4(2x - 1)^7$ 을 전개했을 때, 모든 계수들의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

$$\begin{aligned}(x^3 + 2x^2 - 3x + 2)^4 \cdot (2x - 1)^7 \\= a_0x^{19} + a_1x^{18} + a_2x^{17} + \cdots + a_{19}\end{aligned}$$

계수들의 총합 $a_0 + a_1 + \cdots + a_{19}$ 는 양변에 $x = 1$ 을 대입한 결과와 같으므로 항등식의 성질에서

$$(1 + 2 - 3 + 2)^4 \cdot (2 - 1)^7 = 2^4 = 16$$

4. 복소수 $z = (1+i)x^2 + (5+2i)x + 3(2-i)$ 에서 z 가 순허수일 때, 실수 x 의 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$)

- ① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

해설

$$\begin{aligned} z &= (x^2 + 5x + 6) + (x^2 + 2x - 3)i \\ &= (x+2)(x+3) + (x-1)(x+3)i \\ \text{순허수가 되려면 } \text{실수부} &= 0, \text{ 허수부} \neq 0 \\ \therefore x &= -2 \end{aligned}$$

5. 다항식 $(x+1)(x+3)(x+5)(x+7) + a$ 가 이차다항식의 완전제곱꼴이 되도록 a 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

$$\begin{aligned} & (x+1)(x+3)(x+5)(x+7) + a \\ &= (x+1)(x+7)(x+3)(x+5) + a \\ &= (x^2 + 8x + 7)(x^2 + 8x + 15) + a \\ &x^2 + 8x = A \text{로 놓으면} \\ &(\text{준식}) = (A+7)(A+15) + a \\ &= A^2 + 22A + 105 + a \\ &= (A+11)^2 - 16 + a \end{aligned}$$

따라서, $a = 16$ 일 때 이차식 $x^2 + 8x + 11$ 의 완전제곱식이 된다.