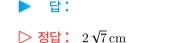
1. 다음 보기 중 $a^2(x-y) + 2ab(y-x)$ 의 인수를 <u>모두</u> 고른 것은?

해설

$$a^{2}(x-y) + 2ab(y-x) = a^{2}(x-y) - 2ab(x-y)$$
$$= a(x-y)(a-2b)$$

2. 넓이가 4 cm^2 , 5 cm^2 , 19 cm^2 인 세 정사각형이 있다. 이 세 정사각형의 넓이를 합쳐서 큰 정사각형을 만들 때 한 변의 길이를 구하여라.

cm



- a > 0, b > 0 일 때 옳은 것은?

- ① $\sqrt{a^2b} = ab$ ② $-\sqrt{ab^2} = b\sqrt{a}$ ③ $-a\sqrt{b} = \sqrt{a^2b}$

- ① $\sqrt{a^2b} = a\sqrt{b}$
- $2 \sqrt{ab^2} = -b\sqrt{a}$ $3 a\sqrt{b} = -\sqrt{a^2b}$
- $4\sqrt{\frac{b}{a^2}} = \frac{\sqrt{b}}{a}$

4.
$$a = -\sqrt{5}, b = \sqrt{3}$$
 일 때, $2a^2 - (-b)^2$ 의 값을 구하여라.

$$2a^{2} - (-b)^{2} = 2(-\sqrt{5})^{2} - (-\sqrt{3})^{2}$$
$$= 2 \times 5 - 3 = 7$$

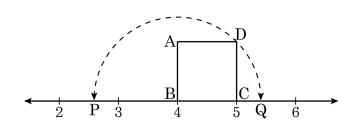
5. 다음 보기에서 옳은 것의 개수는?

- ① 모든 무한소수는 무리수이다.
- © 0 이 아닌 모든 유리수는 무한소수 또는 유한소수로 나타낼 수 있다.
- © -100 은 $\sqrt{10000}$ 의 제곱근이다.
- ② 음이 아닌 수의 제곱근은 반드시 2개가 있고. 그 절댓값은 같다.
- $\bigcirc \sqrt{25} = +5$
- 田 모든 유리수는 유한소수이다.
- 1개
- ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

- ⊙ 무한소수는 순환하는 무한소수(유리수)와 순환하지 않는 무한소수(무리수)로 나뉜다.
- © $\sqrt{10000} = 100$ 의 제곱근은 ±10 이다.
- ② 0 의 제곱근은 0 뿐이므로 1 개다.
- \bigcirc $\sqrt{25} = 5$
- ① 유리수 중 순환소수는 무한소수이다.

다음 그림과 같이 수직선 위의 점 A(4) 에서 점 D(5) 까지의 거리를 한 변으로 하는 정사각형 ABCD 가 있다. 점 B 를 중심으로 하고 대각선 BD 를 반지름으로 하는 반원을 그려 수직선과 만나는 점을 각각 P(a)
 , Q(b) 라 할 때, b - a 의 값을 구하면?



① 0 ②
$$\sqrt{2}$$
 ③ $\sqrt{2} + 2$ ④ $2\sqrt{2}$ ③ $2\sqrt{2} - 2$

$$\square ABCD$$
 넓이는 1 이므로 대각선의 길이는 $\sqrt{2}$
 $\therefore P(4 - \sqrt{2}), Q(4 + \sqrt{2})$

해설

따라서 $b-a=4+\sqrt{2}-(4-\sqrt{2})=2\sqrt{2}$ 이다.

. 다음 수직선에서 $3\sqrt{2} - 5$ 에 대응하는 점은?

① A ②B ③ C ④ D ⑤ E

$$\sqrt{16} < 3\sqrt{2} < \sqrt{25}$$
 에서 $4 < 3\sqrt{2} < 5$ 이므로 $-1 < 3\sqrt{2} - 5 < 0$ 이다. $3\sqrt{2} - 5$ 에 대응하는 점은 점 B 이다.

8. $\sqrt{0.36} = a \times 6$ 이고 $\sqrt{1200} = \sqrt{b} \times 10$ 일 때, ab 의 값을 구하여라.

$$\triangleright$$
 정답: $ab=rac{6}{5}$

$$\sqrt{0.36} = \sqrt{\frac{1}{100} \times 36} = \frac{1}{10} \times 6 : a = \frac{1}{10}$$

$$\sqrt{1200} = \sqrt{12 \times 100} = \sqrt{12} \times 10 : b = 12$$

9.
$$\frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{6}} = \sqrt{a}$$
, $\frac{3}{5\sqrt{3}} = \sqrt{b}$ 일 때, 유리수 a , b 의 $a \div b$ 의 값을 구하여 라.

$$\frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{6}} = \sqrt{\frac{3^2 \times 2}{6}} = \sqrt{3}$$

$$\therefore a = 3$$

$$\frac{3}{5\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{3^2}{5^2 \times 3}} = \sqrt{\frac{3}{25}}$$
$$\therefore b = \frac{3}{25}$$
$$\therefore a \div b = 3 \times \frac{25}{3} = 25$$

$$\frac{3}{\sqrt{2}} + \frac{5}{\sqrt{2}} - \sqrt{2}\left(2 + \sqrt{6}\right)$$

①
$$\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$$
 ② $\sqrt{2} - \sqrt{3}$

 $\sqrt{2} - 2$

$$\begin{vmatrix} \frac{3}{\sqrt{2}} + \frac{5}{\sqrt{2}} - \sqrt{2}(2 + \sqrt{6}) \\ = \frac{3\sqrt{2}}{2} + \frac{5\sqrt{2}}{2} - (2\sqrt{2} + 2\sqrt{3}) \end{vmatrix}$$

$$= 4\sqrt{2} - (2\sqrt{2} + 2\sqrt{3})$$
$$= 2\sqrt{2} - 2\sqrt{3}$$

11.
$$(3-2\sqrt{2})(x+\sqrt{2})$$
 가 유리수일 때, x 의 정수 부분을 a , 소수 부분을 b 라고 한다. 이 때, 다음 식의 값은? (단, x 는 유리수)
$$\left(\frac{1}{\sqrt{a}}+2\right)\left(\frac{1}{\sqrt{b}}+2\right)$$

①
$$3\sqrt{2} + 2$$
 ② $3\sqrt{2} + 3$ ③ $3\sqrt{2} + 4$ ④ $3\sqrt{2} + 5$ ⑤ $3\sqrt{2} + 6$

(3 - 2
$$\sqrt{2}$$
)($x + \sqrt{2}$) = $3x - 4 + (3 - 2x)\sqrt{2}$
유리수이므로 $3 - 2x = 0$, $x = \frac{3}{2}$
 $a = 1$, $b = \frac{1}{2}$
$$\left(\frac{1}{\sqrt{a}} + 2\right)\left(\frac{1}{\sqrt{b}} + 2\right) = (1 + 2)\left(\frac{1}{\sqrt{\frac{1}{2}}} + 2\right)$$
$$= 3(\sqrt{2} + 2)$$
$$= 3\sqrt{2} + 6$$

12. $ax^2 + 5x + b$ 는 x + 3, 2x - 1을 인수로 가질 때, a + b의 값을 구하여라.

$$ightharpoonup$$
 정답: $a+b=-1$

$$(x+3)(2x-1) = 2x^2 - x + 6x - 3$$
$$= 2x^2 + 5x - 3$$

∴
$$a = 2, b = -3$$

∴ $a + b = 2 - 3 = -1$

13. 이차방정식
$$x^2 - 2x - 2 = 0$$
의 해 중 $2x + 3 < 6$ 를 만족하는 것을 a 라 할 때, a 의 값은?

①
$$1 - \sqrt{3}$$

(4) $2 + \sqrt{3}$

②
$$1 + \sqrt{3}$$

③ $3 - \sqrt{3}$

$$\overline{3}$$

(3) $2 - \sqrt{3}$

$$x^2 - 2x - 2 = 0$$
의 해를 구하면 $x = 1 + \sqrt{3}, 1 - \sqrt{3}$

$$2x + 3 < 6, \ x < \frac{3}{2}$$

$$2x + 3 < 6, \ x < \frac{3}{2}$$

따라서 $a = 1 - \sqrt{3}$

14. 이차방정식 $x^2 - 7x + 10 = 0$ 의 해 중 부등식 2(4 - x) > x - 2 를 만족하는 것을 구하면?

①
$$x = 2$$
 ② $x = 3$ ③ $x = 4$ ④ $x = 5$ ⑤ $x = 6$

$$x^{2} - 7x + 10 = 0$$

$$(x - 2)(x - 5) = 0$$

$$x = 2, 5$$

$$2(4 - x) > x - 2$$

$$-3x > -10$$

 $\therefore x < \frac{10}{3}$

따라서 구하는 값은 x = 2이다.

15. 이차방정식 $x^2 + 4x - 1 = 0$ 을 $(x + a)^2 = b$ 의 꼴로 고칠 때, a + b 의 값을 구하면?

① 5 ② 7 ③ 9 ④ 11 ⑤ 13

$$x^{2} + 4x - 1 = 0$$

$$x^{2} + 4x = 1$$

$$(x+2)^{2} = 5$$

$$a = 2, b = 5$$

$$a + b = 7$$

16. 이차방정식 $(x+3)^2 = k-1$ 이 중근 a 를 갖는다고 할 때, a+k 의 값을 구하여라.

답:

k-1=0, k=1

$$k-1=0, k=1$$

 $(x+3)^2=0$ 이므로 $a=-3$

 $\therefore a + k = -2$

17. 2x-y=3 일 때, $\sqrt{2x+y}$ 가 자연수가 되게 만드는 가장 작은 두 자리 자연수 x 는?

$$2x - y = 3 \Rightarrow y = 2x - 3$$

 $\sqrt{2x + y} = \sqrt{2x + 2x - 3} = \sqrt{4x - 3}$
 $x 는 최소한 가장 작은 두자리 수인 10 이상이어야 하므로,$
근호 안의 제곱수는 7^2 이상이 되어야 한다. $(\sqrt{4 \times 10 - 3} = \sqrt{37} > 7^2)$
 $\therefore \sqrt{4x - 3} = 7$ 일 때, $x = 13$ 이므로 성립한다.

18. 임의의 실수
$$a, b$$
 에 대하여 $\bigstar 를 a \bigstar b = ab - a - b - 3$ 이라 할 때,

$$\sqrt{5}$$
 ★ $\frac{3\sqrt{5}}{5}$ 의 값은?

해설
$$\sqrt{5} \star \frac{3\sqrt{5}}{5} = \sqrt{5} \times \frac{3\sqrt{5}}{5} - \sqrt{5} - \frac{3\sqrt{5}}{5} - 3$$

$$= 3 - \sqrt{5} - \frac{3\sqrt{5}}{5} - 3$$

$$= -\frac{8}{5}\sqrt{5}$$

19. 실수 x, y에 대하여 연산 \odot 를 $x \odot y = \sqrt{3}x + \sqrt{3}y + \sqrt{2}xy$ 라 하자. 등식 $(a \odot 2) + (2a \odot 1) = b\sqrt{3} + 20\sqrt{2}$ 일 때, a + b 의 값을 구하면?

$$(a \otimes 2) + (2a \otimes 1)$$

$$= \sqrt{3}a + 2\sqrt{3} + 2\sqrt{2}a + 2\sqrt{3}a + \sqrt{3} + 2\sqrt{2}a$$

$$= (a + 2 + 2a + 1)\sqrt{3} + (2a + 2a)\sqrt{2}$$

$$= (3a + 3)\sqrt{3} + 4a\sqrt{2}$$

b = 3a + 3, 4a = 20이므로 a = 5. b = 18

a + b = 23

20.
$$\frac{k}{\sqrt{3}}(\sqrt{3}-\sqrt{2})+\frac{\sqrt{8}-2\sqrt{3}+6\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$$
 의 값이 유리수가 되도록 하는 유리수 k 의 값은?

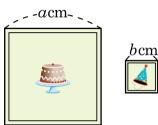
해설 (주설)
$$-k - \frac{\sqrt{2}}{k+1} \sqrt{16} - 2\sqrt{6} + 6\sqrt{6}$$

(준식) =
$$k - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}k + \frac{\sqrt{16} - 2\sqrt{6} + 6\sqrt{6}}{2}$$

= $k - \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}}k + 2 + 2\sqrt{6}$
= $-\frac{k}{3}\sqrt{6} + 2\sqrt{6} + k + 2$
= $\left(-\frac{k}{3} + 2\right)\sqrt{6} + k + 2$
값이 유리수가 되려면
 $-\frac{k}{3} + 2 = 0$
 $\therefore k = 6$

$$k = 6$$

21. 한 변의 길이가 각각 a cm, b cm 인 정사각형 모양의 생일 카드를 만들었다. 이 두 카드의 둘레의 길이의 합이 80 cm 이고 넓이의 차가 100 cm² 일 때, 두 카드의 둘레의 길이의 차를 구하면?



①
$$5 \text{ cm}$$
 ② 20 cm ③ 40 cm ④ 60 cm ⑤ 80 cm

$$4(a+b) = 80$$
이므로 $a+b = 20$
 $a^2 - b^2 = 100$ 이므로 $(a+b)(a-b) = 100$
 $a-b=5$
 $\therefore 4(a-b) = 4 \times 5 = 20$

22. 자연수 2^{160} – 1 은 30 과 40 사이의 두 자연수에 의하여 나누어떨어진 다. 이 두 자연수의 합을 구하여라.

답:

▷ 정답: 64

2¹⁶⁰ - 1 = (2⁸⁰ + 1)(2⁴⁰ + 1)(2²⁰ + 1)(2¹⁰ + 1)(2⁵ + 1)(2⁵ - 1) 2¹⁶⁰ - 1 을 나누어 떨어지게 하는 수 중 30 과 40 사이의 수는

 $\therefore 33 + 31 = 64$

 $2^5 + 1 = 33$ 과 $2^5 - 1 = 31$ 이다

23.
$$a = \frac{2 - \sqrt{3}}{2}$$
 , $b = \frac{2 + \sqrt{3}}{2}$ 일 때, $a^2 + 2ab + b^2$ 의 값은?

$$a^2 + 2ab + b^2 = (a+b)^2$$

$$(a + b)^2$$

$$= \left(\frac{2-\sqrt{3}}{2} + \frac{2+\sqrt{3}}{2}\right)^2$$

$$= \left(\frac{4}{2}\right)^2 = 4$$

24. 이차방정식 $x^2 - ax - 2x + 4 = 0$ 이 중근을 가질 때의 a 의 값이 이차방정식 $x^2 + mx + n = 0$ 의 두 근이다. 이 때, m + n 의 값을 구하여라.

$$\left(\frac{a+2}{2}\right)^2 = 4, \ \frac{a+2}{2} = \pm 2$$

$$a+2 = \pm 4$$

$$\therefore \ a = 2 \ \text{또는} \ a = -6$$

$$x^2 + mx + n = 0 \ \text{의 두 군이 2, -6 이므로}$$

$$4 + 2m + n = 0$$

$$-)36 - 6m + n = 0$$

-32 + 8m = 0

m = 4, n = -12m + n = 4 - 12 = -8

 $x^{2} - ax - 2x + 4 = 0$, $x^{2} - (a+2)x + 4 = 0$

25. $x^2 + 2x - 1 = 0$ 일 때, $x^4 - 3x^2 + 6x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$x^{2} + 2x - 1 = 0 에서$$

$$x^{2} = 1 - 2x$$

$$x^{4} = (1 - 2x)^{2}$$

$$= 1 - 4x + 4x^{2}$$

= 1 - 4x + 4(1 - 2x)= 1 - 4x + 4 - 8x

= 5 - 12x

 $\therefore x^4 - 3x^2 + 6x = 5 - 12x - 3(1 - 2x) + 6x$ = 5 - 12x - 3 + 6x + 6x= 2