1. 다음 중 순환소수의 표현이 옳은 것을 모두 골라라.

 \bigcirc 21.1515 · · · = 2 $\dot{1}$.1 $\dot{5}$

 $\bigcirc 0.345345\cdots = 0.\dot{3}4\dot{5}$

▶ 답:

답:

▶ 답:

▷ 정답: ⑤

▷ 정답: ②

해설

▷ 정답: □

© $21.1515 \dots = 21.\dot{1}\dot{5}$ © $3.14151415 \dots = 3.\dot{1}41\dot{5}$

따라서 옳은 것은 ①, ②, ②이다.

2. $0.\dot{2}0\dot{7} = 207 \times$ 일 때, 인에 알맞은 순환소수는?

① 0.001 ② 0.001 ③ 0.001 ④ 0.001 ⑤ 0.101

 $0.\dot{2}0\dot{7} = \frac{207}{999} = 207 \times \frac{1}{999} = 207 \times 0.\dot{0}0\dot{1}$

다음 수 중에서 0.6 에 가까운 순으로 쓴 것은? 3.

 \bigcirc 0.61 \bigcirc $0.59\dot{5}$ ② 0.61 \bigcirc $0.\dot{5}\dot{9}$ $\textcircled{\scriptsize 1}\textcircled{\scriptsize 1}\textcircled{\scriptsize 2} \rightarrow \textcircled{\scriptsize 2} \rightarrow \textcircled{\scriptsize 3} \rightarrow \textcircled{\scriptsize 3} \qquad \textcircled{\scriptsize 2}\textcircled{\scriptsize 2} \rightarrow \textcircled{\scriptsize 3} \rightarrow \textcircled{\scriptsize 3} \rightarrow \textcircled{\scriptsize 2}$

 \bigcirc 0.616161 · · ·

 $\bigcirc 0.595555\cdots$ © 0.595959 · · ·

@ 0.611111 ⋯ $\therefore \ \, \boxdot \ \, \rightarrow \ \, \boxdot \ \, \rightarrow \ \, \boxdot \ \, \rightarrow \ \, \boxdot 의 순서이다.$

- 부등식 $\frac{4}{5} < x < 4.1$ 을 만족하는 자연수 x의 값이 <u>아닌</u> 것은?
 - **③**5 ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

---0.8 < x < 4.111 ··· 이므로 만족하는 자연수 x의 값이 아닌 것은 5이다.

 $32^{2} = 4^{3} \times 2^{\Box}$ ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 8

5. 다음 □안에 알맞은 수는?

해설 - 192² — (25)2 — 210 — (22)3 × 2미

 $32^2 = (2^5)^2 = 2^{10} = (2^2)^3 \times 2^{\square}$ 이므로 $6 + \square = 10$ ∴ $\square = 4$ 6. $4x^4 \div x^2 \div 2x$ 을 간단히 하여라.

답:

▷ 정답: 2x

 $4x^4 \div x^2 \div 2x = 2x^{4-2-1} = 2x$

7. $\left(\frac{2x^a}{y}\right)^b = \frac{16x^4}{y^c} 일 때, a+b-c 의 값은?$

 $\frac{2^b x^{ab}}{y^b} = \frac{2^4 x^4}{y^c}$ $b = 4, \ c = 4$

 $ab = 4, \ a = 1$ $\therefore a+b-c=1$ 8. 다음에서 x의 값을 구하여라.

 $9^3 \times 27^2 \div 3^4 = 3^x$

▶ 답:

▷ 정답: 8

 $(3^2)^3 \times (3^3)^2 \div 3^4 = 3^8$

- $ax^2y^3 \times (-xy)^b = -5x^cy^6$ 일 때, 자연수 a, b, c에 대하여 각각의 값은? 9.
 - ① a = 1, b = 2, c = 3
- ② a = 3, b = 4, c = 3
- ③ a = 5, b = 2, c = 3⑤ a = 4, b = 5, c = 3
- $\bigcirc a = 5, \ b = 3, \ c = 5$

해설

 $ax^2y^3 \times (-xy)^b$

 $= a \times (-1)^b \times x^2 \times x^b \times y^3 \times y^b$ = $-5x^c y^6$ $a \times (-1)^b = -5, 2 + b = c, 3 + b = 6$ 이므로

 $\therefore a = 5, b = 3, c = 5$

 $10. \quad \frac{4b^2}{a^2} \times (-8a^5b) \div \boxed{ } = 32a^3b^3 일 \ \text{때}, \boxed{ } \ \ \,$ 안에 알맞은 수를 써넣어라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

 $\frac{4b^2}{a^2} \times (-8a^5b) \div \boxed{} = -32a^3b^3 \div \boxed{} = 32a^3b^3$ $\therefore \boxed{} = \frac{1}{32a^3b^3} \times \frac{-32a^3b^3}{1} = -1$

11.
$$\frac{2x+y}{4} - \frac{x-3y}{3}$$
 를 간단히 하면?

①
$$2x + 15y$$
 ② $\frac{1}{6}x + \frac{5}{4}y$ ③ $\frac{5}{6}x + 5y$ ④ $x + 4y$ ⑤ $\frac{5}{4}x - \frac{1}{6}y$

$$\frac{2x+y}{4} - \frac{x-3y}{3}$$

$$= \frac{3(2x+y) - 4(x-3y)}{3(2x+y) - 4(x-3y)}$$

$$= \frac{6x+3y-4x+12y}{2x+15y}$$

$$= \frac{2x+15y}{12} = \frac{1}{6}x + \frac{5}{4}y$$

- **12.** () $-(2x^2+3y)=4x^2-y$ 에서 () 안에 알맞은 식은?
- ① $2x^2 3y$ ② $2x^2 y$ ③ $2x^2 + 3y$

$$() = 4x^2 - y + (2x^2 + 3y)$$

$$= 6x^2 + 2y$$

- 13. 어떤 다항식에서 2x 5y + 3을 빼어야 할 것을 잘못하여 더했더니 6x - y + 4가 되었다. 이 때, 바르게 계산한 답은?
 - ① -6x + 4y 232x + 9y - 2
- ② -4x 4y 1

해설

- 4 8x 6y + 7

어떤 식을 A 라 하면

A + (2x - 5y + 3) = 6x - y + 4

A = (6x - y + 4) - (2x - 5y + 3) = 4x + 4y + 1

 $\therefore (4x + 4y + 1) - (2x - 5y + 3) = 2x + 9y - 2$

14. $\frac{x+2y-2}{2} + \frac{3x-4y}{3} - \frac{2x-5y-3}{4} = Ax+By+C$ 라고 할 때, A+B+C

① 20

- **15.** 비례식 (x+y):(x-y-1)=2:3 일 때, 이 식을 y 에 관해 풀면?
- ① x = -8y + 1 ② $y = \frac{-x 3}{11}$ ③ x = 2y + 1② $y = \frac{-x 2}{5}$ ③ x = -4y 1

$$2(x-y-1) = 3x + 3y$$

$$-5y = x + 2$$

$$\therefore y = \frac{-x-2}{5}$$

$$-5y = x +$$

$$\therefore y = \frac{1}{5}$$

16. 자연수, 정수, 유리수에 대하여, 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은 <u>모두</u> 몇 개인가?

- ⊙ −1은 자연수가 아니다.
- ⓒ 3은 정수가 아니다.
- ® −1.23은 유리수가 아니다.
- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

⑦ -1은 음의 정수⑥ 3은 정수

 \bigcirc $\frac{5}{3}$ 는 정수가 아닌 유리수 \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc -1.23 \bigcirc 정수가 아닌 유리수

 \bigcirc $\frac{7}{12}$ 는 정수가 아닌 유리수

즉, 옳지 않은 것은 ⓒ, ⓒ, @로 3개이다.

- $\frac{2}{3}$ ② $\frac{3}{14}$ ③ $\frac{8}{15}$ ④ $\frac{9}{22}$ ⑤ $\frac{7}{125}$

10의 거듭제곱의 꼴로 나타내기 위해서는 기약 분수의 분모의 소인수가 2 또는 5만 있어야 한다.

18. $\frac{1}{3}$ 과 $\frac{3}{5}$ 사이의 분수 중 분모가 45 이고, 유한소수인 분수를 구하여라.

▶ 답:

ightharpoonup 정답: $rac{18}{45}$

 $\frac{1}{3} = \frac{15}{45}, \ \frac{3}{5} = \frac{27}{45}$ $45 = 3^2 \times 5 \ \bigcirc \boxed{3}$

 $45 = 3^2 \times 5$ 이고 유한소수가 되려면 분모에 2 또는 5만 있어야하므로 9가 없어져야 한다. 분자에서 15 와 27 사이에 있는 수중 9 의 배수는 18 이다.

19. 분수 $\frac{27}{110}$ 의 순환마디를 x, $\frac{14}{3}$ 의 순환마디를 y 라 할 때 x-y 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 39

 $\frac{27}{110} = 0.2\dot{4}\dot{5}$ x = 45 $\frac{14}{3} = 4.\dot{6}$ y = 6 x - y = 39

20. 분수를 순환소수로 나타낸 것 중 옳은 것은?

①
$$\frac{1}{3} = 0.3\dot{3}$$
 ② $\frac{2}{3} = 0.\dot{7}$ ③ $\frac{6}{7} = 0.\dot{8}71\dot{4}$ ④ $\frac{3}{11} = 0.\dot{2}7\dot{2}$ ⑤ $\frac{5}{11} = 0.\dot{4}\dot{5}$

①
$$\frac{1}{3} = 0.333 \dots = 0.\dot{3}$$
 , ② $\frac{2}{3} = 0.666 \dots = 0.\dot{6}$
③ $\frac{6}{7} = 0.857142857142 \dots = 0.\dot{8}5714\dot{2}$, ④ $\frac{3}{11} = 0.272727 \dots = 0.\dot{2}\dot{7}$

21. 다음 순환소수 중 정수인 것을 모두 구하면?

 $\bigcirc 0.\dot{9}$ ② 2. $\dot{1}$ ③ 4. $\dot{0}\dot{9}$ ④ 0. $\dot{9}$ ⑤ 2. $\dot{8}$

$$3 \cdot 4.09 = \frac{409 - 4}{99} = \frac{405}{99} = \frac{45}{11}$$

$$4 - 0.9 = -\frac{3}{9} = -\frac{3}{9} = -1$$
 (정수)

- **22.** 다음 중 순환소수 x = 0.23을 분수로 나타내려고 할 때, 가장 편리한 식은?
 - ① 100x x ② 1000x x ③ 1000x 10x ④ 1000x 100x

해설 $100x=23.333\cdots$ -) $10x=2.333\cdots$ 90x=21따라서 ③ 100x-10x 이다.

23. $\frac{5}{36}$, $\frac{13}{36}$ 을 각각 소수로 나타내면 $x-0.\dot{3}$, $y+0.\dot{3}$ 이다. $\frac{x}{y}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 17

24. 기약분수 A 를 순환소수로 나타내는데, 승연이는 분자를 잘못 보아서 답이 $0.4\dot{i}$ 이 되었고, 승민이는 분모를 잘못 보아서 답이 $0.\dot{3}\dot{i}$ 이 되었다. 이 때, 기약분수 A를 구하면?

승연: $0.4\dot{1} = \frac{37}{90}$, 승민: $0.\dot{3}\dot{1} = \frac{31}{99}$ 따라서 처음의 기약분수는 (승민이가 본 분자) (승연이가 본 분모) = $\frac{31}{90} = A$ 이다.

(중천의가 건 군도) 90 _____ **25.** 순환소수 1.26에 A를 곱하면 그 결과는 자연수가 된다고 한다. 이때, A의 값이 될 수 없는 것을 모두 고르면?

⑤99

①5 ② 15 ③ 60 ④ 90

해설 $1.2\dot{6}=\frac{126-12}{90}=\frac{114}{90}=\frac{19}{15}$ 이므로 A는 15의 배수이어야한다. 따라서 A의 값이 될 수 없는 것은 5, 99이다.

26. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 분수를 기약분수로 나타냈을 때, 분모의 소인수가 2나 5뿐이면 그 분수는 유한소수이다.
 ② 모든 정수는 유리수이다.
- (의 소리 / 시 · 이 · 시 · 이 · 시 · 이 · 시
- ③ 순환소수는 유리수와 유리수가 아닌 것으로 나타내어진다.④ 정수가 아닌 유리수는 모두 유한소수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 유한소수와 순환소수는 유리수이다.

③ 순환소수는 유리수이다.

해설

- ④ 정수가 아닌 유리수는 유한소수 또는 순환소수이다.

27. 다음 보기 중 계산 결과가 나머지와 같지 <u>않은</u> 것을 골라라.

$\bigcirc a^{12} \div (a^3 \div a^2)$ $\bigcirc (a^4)^3 \div a^2 \div a^3$

▷ 정답: ⑤

답:

28.
$$x = 2y$$
일 때, $\frac{x}{x+y} + \frac{y}{x-y}$ 의 값을 구하면? (단, $x \neq 0$, $y \neq 0$)

- ① $\frac{2}{3}$ ② $\frac{5}{3}$ ③ $\frac{2}{5}$ ④ $\frac{3}{5}$ ⑤ $\frac{4}{3}$
- 해설 $\frac{x}{x+y} + \frac{y}{x-y} \text{ of } x = 2y 를 대입하면$ $\frac{2y}{2y+y} + \frac{y}{2y-y} = \frac{2y}{3y} + \frac{y}{y} = \frac{2}{3} + 1 = \frac{5}{3}$

$$\frac{x}{x+y} + \frac{y}{x-y} \text{ 에 } x = 2y 를 대입하면
\frac{2y}{x+y} + \frac{y}{x-y} = \frac{2y}{x+y} + \frac{y}{x+y} = \frac{2}{x+y} + \frac{y}{x+y} + \frac{y}{x+y} + \frac{y}{x+y} = \frac{2}{x+y} + \frac{y}{x+y} + \frac{y}{x+y} + \frac{y}{x+y} = \frac{2}{x+y} + \frac{y}{x+y} + \frac{y}$$

29. 다음 조건을 만족할 때, 상수 A, B, C, D, E 의 값이 <u>아닌</u> 것은?

①
$$4(x^2 - 3x) - (3x^2 - 6x + 7) = Ax^2 + Bx - 7$$

② $\frac{2x^2 - 3x + 1}{2} - \frac{x^2 - 2x + 3}{3} = \frac{Cx^2 + Dx + E}{6}$

- $\Phi D = -5$ E = 3
- ① A = 1 ② B = -6 ③ C = 4

해설

 \bigcirc 4($x^2 - 3x$) – (3 $x^2 - 6x + 7$) $=4x^2 - 12x - 3x^2 + 6x - 7$ $= x^2 - 6x - 7$ 즉, $Ax^2 + Bx - 7 = x^2 - 6x - 7$ 이다. 따라서 A = 1, B = -6 이다. $\bigcirc \frac{2x^2 - 3x + 1}{2} - \frac{x^2 - 2x + 3}{3}$ $=\frac{3(2x^2-3x+1)}{6}-\frac{2(x^2-2x+3)}{6}$ $=\frac{6x^2-9x+3}{6}-\frac{2x^2-4x+6}{6}$ $= \frac{6x^2 - 9x + 3 - (2x^2 - 4x + 6)}{6}$ $= \frac{6x^2 - 9x + 3 - 2x^2 + 4x - 6}{6}$ $= \frac{4x^2 - 5x - 3}{6}$ 즉, $\frac{Cx^2 + Dx + E}{6} = \frac{4x^2 - 5x - 3}{6}$ 이다. 따라서 C = 4, D = -5, E = -3 이다.

30. 다음 식을 간단히 하여라.

$$10x - [2y - {3x - (x - 5y) - y}]$$

답:

해설

➢ 정답: 12x + 2y

(준식) = $10x - \{2y - (3x - x + 5y - y)\}$ = 10x - (2y - 3x + x - 5y + y)= 10x - (-2x - 2y)

= 12x + 2y

- **31.** $\frac{3}{4}xy\left(-\frac{5}{3}x+\frac{1}{6}y-\frac{1}{3}\right)$ 을 간단히 하였을 때, 각 항의 계수의 합을 a 라 하자. 이때, |8a|의 값은?
 - ① $\frac{15}{8}$ ② $\frac{11}{8}$ ③ 11 ④ 15 ⑤ $\frac{1}{8}$

해설 $\frac{3}{4}xy \times \left(-\frac{5}{3}x\right) + \frac{3}{4}xy \times \frac{1}{6}y + \frac{3}{4}xy \times \left(-\frac{1}{3}\right) = -\frac{5}{4}x^2y + \frac{1}{8}xy^2 - \frac{1}{4}xy$ 따라서 $a = \left(-\frac{5}{4}\right) + \frac{1}{8} + \left(-\frac{1}{4}\right) = -\frac{11}{8}$ 이므로 |8a| = 11 이다.

32. $(4xy-x^3y-3xy^2)\div \frac{1}{2}xy$ 를 간단히 할 때, 상수항을 포함한 모든 계수의 합을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 0

$$(4xy - x^3y - 3xy^2) \div \frac{1}{2}xy$$

$$= (4xy - x^3y - 3xy^2) \div \frac{xy}{2}$$

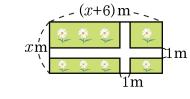
$$= (4xy - x^3y - 3xy^2) \times \frac{2}{xy}$$

$$= 8 - 2x^2 - 6y$$

$$=8-2x^2-6y$$

 x^2 의 계수 -2 , y 의 계수 -6 , 상수항 8
이들의 합을 구하면 $-2-6+8=0$ 이다.

33. 다음 그림은 직사각형 모양으로 생긴 꽃밭에 폭이 $1 \mathrm{m}$ 인 길을 만든 것이다. 길을 내고 난 꽃밭의 넓이를 x를 사용하여 나타내면?



① $x^2 + 2x + 1$ ② 3x + 2 ③ $x^2 - 2x - 3$

해설

 $(x+5)(x-1) = x^2 + 4x - 5$

34. $a = -\frac{1}{2}, b = 9$ 일 때, 다음 식의 값을 구하여라.

$$\left(-\frac{ab^2}{3}\right)^3 \div \frac{b^3}{2a^2} \times \left(\frac{3}{a^2b}\right)^2$$

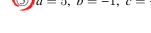
답:

▷ 정답: 3

(조시) =
$$\left(-\frac{a^3b^6}{27}\right) \times \frac{2a^2}{b^3} \times \frac{9}{a^4b^2} = -\frac{2}{3}ab$$

 $a = -\frac{1}{2}, b = 9$ 대입: $\left(-\frac{2}{3}\right) \times \left(-\frac{1}{2}\right) \times 9 = 3$

- **35.** 2x y = 1 일 때, 식 $3x^2 + xy 2$ 를 x 에 관한 식으로 나타내면 $ax^2 + bx + c$ 라 한다. 이때, a, b, c 의 값을 차례로 나열하면?
 - ③ a = 3, b = -1, c = -2
 - ① a = 3, b = 1, c = -1 ② a = 3, b = 2, c = -1
 - \bigcirc a = 5, b = -1, c = -2
- a = 5, b = 1, c = -1



2x-y=1을 y로 정리하면 y=2x-1 이다.

이것을 $3x^2 + xy - 2$ 에 대입하면

 $3x^{2} + xy - 2 = 3x^{2} + x(2x - 1) - 2 = 5x^{2} - x - 2$ $\therefore a = 5, b = -1, c = -2$

- **36.** x가 1이상 50이하인 자연수일 때, $\frac{x}{105}$ 가 유한소수로 나타내어진다고 한다. 이때, x의 값이 될 수 있는 수는 모두 몇 개인가?
 - ②2^개 3 3^개 4 4^개 5 5^개 ① 1개

해설 $105 = 3 \times 5 \times 7$ 이므로 x는 21의 배수이다.

따라서 21의 배수는 21, 42의 2개다.

- **37.** 분수 $\frac{53}{11}$ 을 소수로 나타내었을 때, 소수점 아래 27 번째 자리의 숫자
 - ① 2 ② 4 ③ 5 ④ 7

53 11 = 4.818181.... 27÷2 = 13···1 이므로 소수점 아래 27 번째 자리의 수는 8 이다

38. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고른 것은? 보기

① ⑦, ⑤

②(¬), (E)

① $8^4 = (2^3)^4 = 2^{12}$ ⑥ $(-25)^4 = (-5^2)^4 = 5^8$ © $27^8 = (3^3)^8 = 3^{24}$ ② $64^5 = (2^6)^5 = 2^{30}$ 따라서 옳은 것은 ⑦, ②이다. **39.** $(2^a \times 3^b \times 5^c)^m = 2^8 \times 3^{12} \times 5^{20}$ 일 때, m 의 최댓값을 구하여라. (단, a, b, c, m은 자연수)

답:

▷ 정답: 4

 $(2^a \times 3^b \times 5^c)^m = 2^8 \times 3^{12} \times 5^{20}$

 $2^{am} \times 3^{bm} \times 5^{cm} = 2^8 \times 3^{12} \times 5^{20}$ am = 8, bm = 12, cm = 20모두 자연수의 곱이므로 8, 12, 20 의 공약수가 곱해질 수 있다. m 의 최댓값은 4 이다. **40.** $\frac{3^6+3^6+3^6}{5^6+5^6+5^6+5^6+5^6} \times \frac{4^6+4^6+4^6+4^6}{2^6+2^6} = \left(\frac{n}{m}\right)^7$ 일 때, m+n의 값은? (단, $\frac{n}{m}$ 은 기약분수이다.)

① 6 ② 9 ③ 11 ④ 16 ⑤ 17

 $3^{6} + 3^{6} + 3^{6} = 3^{6} \times 3 = 3^{7}$ $5^{6} + 5^{6} + 5^{6} + 5^{6} + 5^{6} = 5^{6} \times 5 = 5^{7}$ $4^{6} + 4^{6} + 4^{6} + 4^{6} = 4^{6} \times 4 = 4^{7}$ $2^{6} + 2^{6} = 2^{6} \times 2 = 2^{7}$ $\frac{3^{6} + 3^{6} + 3^{6}}{5^{6} + 5^{6} + 5^{6} + 5^{6} + 5^{6}} \times \frac{4^{6} + 4^{6} + 4^{6} + 4^{6}}{2^{6} + 2^{6}}$ $= \frac{3^{7}}{5^{7}} \times \frac{4^{7}}{2^{7}} = \left(\frac{3}{5}\right)^{7} \times \left(\frac{4}{2}\right)^{7}$ $= \left(\frac{3 \times 4}{5 \times 2}\right)^{7} = \left(\frac{6}{5}\right)^{7}$ $\therefore \frac{n}{m} = \frac{6}{5}$ $\therefore m + n = 5 + 6 = 11$

41. $2^{100} = a$ 일 때, $4^{50} - 4^{49}$ 을 a에 관한 식으로 나타내면?

① $\frac{1}{4}a$ ② $\frac{1}{2}a$ ③ $\frac{3}{4}a$ ④ $\frac{3}{2}a$ ⑤ $\frac{4}{3}a$

$$4^{50} - 4^{49} = (2^{2})^{50} - (2^{2})^{49}$$

$$= 2^{100} - 2^{98}$$

$$= 2^{100} - 2^{100} \div 2^{2}$$

$$= 2^{100} \left(1 - \frac{1}{4}\right)$$

$$= \frac{3}{4} \times 2^{100}$$

$$= \frac{3}{4}a$$

42. $2^{4n+3a} \div 4^{2n} = 512$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 3

해설 $2^{4n+3a} \div 4^{2n} = 512$ $2^{4n+3a} \div 2^{4n} = 2^{9}$ $4n+3a-4n=9 \qquad \therefore a=3$

43. $\left(-\frac{4}{3}xy^3\right)^2 \times 4xy \div 4x^py^q = \frac{16y}{9x^2}$ 일 때, p+q 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 11

44. $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{3}{4}$ 일 때, $\frac{5a - 3ab + 5b}{a + b}$ 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 1

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{a+b}{ab} = \frac{3}{4}$$

$$\therefore 3ab = 4(a+b)$$

$$\left(\stackrel{\text{Z-A}}{\leftarrow} \right) = \frac{5(a+b) - 3ab}{a+b}$$

$$= \frac{5(a+b) - 4(a+b)}{a+b}$$

$$= \frac{a+b}{a+b}$$

$$= 1$$

45.
$$b + \frac{6}{c} = c - \frac{1}{a} - 1 = 2$$
일 때, $abc - 3$ 의 값은?

① 1 ② 0 ③ -1 ④ 2 ⑤ -2

해설
$$b + \frac{6}{c} = c - \frac{1}{a} - 1 = 2 \text{에서}$$

$$b + \frac{6}{c} = 2 \stackrel{?}{=} b \text{에 관한 식으로 풀면}$$

$$b = 2 - \frac{6}{c} = \frac{2(c - 3)}{c}$$

$$c - \frac{1}{a} - 1 = 2 \stackrel{?}{=} a \text{에 관한 식으로 풀면}$$

$$-\frac{1}{a} = 3 - c$$

$$\frac{1}{a} = c - 3$$

$$a = \frac{1}{c - 3}$$

$$\therefore abc - 3 = \frac{1}{(c - 3)} \times \frac{2(c - 3)}{c} \times c - 3 = 2 - 3 = -1$$

$$b = 2 - \frac{6}{c} = \frac{2(c-3)}{c}$$

$$\begin{vmatrix} a \\ \frac{1}{2} = c - 3 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} a \\ 1 \end{vmatrix}$$

$$\therefore abc - 3 = \frac{1}{(c-3)} \times \frac{2(c-3)}{c} \times c - 3 = 2 - 3$$

- 46. $80 \le a \le 90$ 인 조건에서 $\frac{a}{180}$ 는 유한소수이고, 기약분수로 나타내면 $\frac{9}{b}$ 와 같을 때, a-b의 값은?
 - ① 41 ② 51 ③ 61 ④ 71 ⑤ 81

 $\frac{a}{180} = \frac{a}{2^2 \times 3^2 \times 5} = \frac{9}{b}$ a는 9의 배수가 되어야 하므로 81이 된다.

 $\therefore b = 20$ $\therefore a - b = 81 - 20 = 61$

47. 다음을 계산하여라. $0.\dot{1} + \frac{0.\dot{2}}{1} + \frac{0.\dot{3}}{1} + \frac{0.\dot{4}}{1} = 0.\dot{4}$

$$0.\dot{1} + \frac{0.\dot{2}}{2} + \frac{0.\dot{3}}{3} + \frac{0.\dot{4}}{4} + \dots + \frac{0.\dot{9}}{9}$$

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설
$$\frac{1}{9} + \frac{2}{9} \times \frac{1}{2} + \frac{3}{9} \times \frac{1}{3} + \frac{4}{9} \times \frac{1}{4} + \dots + \frac{9}{9} \times \frac{1}{9} = \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \dots + \frac{1}{9}$$
$$= \frac{1}{9} \times 9 = 1$$

48. 자연수 n 을 7 로 나눈 나머지를 f(n) 이라 정의할 때, $f(8^{12} \times 25^{18})$ 의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: 1

 $8^{12} \times 25^{18} = (2^3)^{12} \times (5^2)^{18} = 2^{36} \times 5^{36} = 10^{36}$ 이므로 $f(8^{12} \times 25^{18}) = f(10^{36})$

 25^{10}) = $f(10^{30})$ 10 을 7 로 나눈 나머지는 3 이므로 10^{36} 를 7 로 나눈 나머지는 $3^{36} = (3^2)^{18} = 9^{18}$ 을 7 로 나눈 나머지와 같다. 또, 9 를 7 로 나눈 나머지는 2 이므로 9^{18} 을 7 로 나눈 나머지는

따라서 10^{36} 를 7 로 나눈 나머지는 1, 즉 $f(10^{36}) = 1$

49. 다음 식을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

$$16^{2x-1} = \left(\frac{1}{2}\right)^{x+1}$$

▶ 답:

ightharpoonup 정답: $rac{1}{3}$

민을 2 의 거듭제곱으로 나타내면 $16=2^4$ 이고 $\frac{1}{2}=2^{-1}$ 이므로 $16^{2x-1}=\left(\frac{1}{2}\right)^{x+1}$

$$\frac{2}{16^{2x-1}-\left(\frac{1}{x}\right)^{x+1}}$$

$$(2^4)^{2x-1} = (2^{-1})^x$$

$$(2^{4})^{2x-1} = (2^{-1})^{x+1}$$
$$2^{8x-4} = 2^{-x-1}$$

주어진 식이 성립되려면 지수가 같아야 한다.
$$8x - 4 = -x - 1$$
$$\therefore x = \frac{1}{3}$$

$$\therefore x = \frac{1}{3}$$

50. $f(x) = a^{2x}b^{3x}$ 이고, $f(3x+1) = f(m) \times f^n(x)$ 일 때, m-n 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설 $f(x) = a^{2x}b^{3x} = (a^2b^3)^x \circ \Box \Box \Xi$ (좌번) = $f(3x+1) = (a^2b^3)^{3x+1}$ (우번) = $f(m) \times f^n(x)$ = $(a^2b^3)^m \times ((a^2b^3)^x)^n$ = $(a^2b^3)^m \times (a^2b^3)^{nx}$ = $(a^2b^3)^{nx+m}$ 따라서 3x+1=nx+m, n=3, m=1이다. ∴ m-n=1-3=-2