

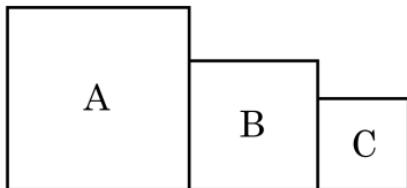
# 1. 다음 중 그 계산이 옳지 않은 것을 고르면?

- ①  $97^2 = (100 - 3)^2 = 100^2 - 2 \times 100 \times 3 + 3^2 = 9409$
- ②  $5.1 \times 4.9 = (5 + 0.1)(5 - 0.1) = 5^2 - 0.1^2 = 24.99$
- ③  $301^2 = (300 + 1)^2 = 300^2 + 2 \times 300 \times 1 + 1^2 = 90601$
- ④  $(\sqrt{2} + \sqrt{3})(\sqrt{2} - \sqrt{3}) = (\sqrt{2})^2 - (\sqrt{3})^2 = -1$
- ⑤  $(-\sqrt{10} - \sqrt{2})(\sqrt{10} - \sqrt{2}) = (\sqrt{10})^2 - (\sqrt{2})^2 = 8$

해설

$$\begin{aligned} & (-\sqrt{10} - \sqrt{2})(\sqrt{10} - \sqrt{2}) \\ &= (-\sqrt{2} - \sqrt{10})(-\sqrt{2} + \sqrt{10}) \\ &= (-\sqrt{2})^2 - (\sqrt{10})^2 = 2 - 10 = -8 \end{aligned}$$

2. 다음 그림에서 사각형 A, B, C는 모두 정사각형이고, 각 사각형의 넓이 사이에는 B는 C의 2배, A는 B의 2배인 관계가 있다고 한다. A의 넓이가  $2\text{cm}^2$  일 때, C의 한 변의 길이는?



- ①  $\frac{1}{4}\text{cm}$       ②  $\frac{1}{2}\text{cm}$       ③  $\frac{\sqrt{2}}{3}\text{cm}$   
④  $\frac{\sqrt{2}}{4}\text{cm}$       ⑤  $\frac{\sqrt{2}}{2}\text{cm}$

해설

$$(\text{B의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 2 = 1$$

$$(\text{C의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 1 = \frac{1}{2}$$

따라서, C의 한 변의 길이는  $\sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}\text{cm}$  이다.

3.  $\sqrt{(-6)^2} + (-2\sqrt{3})^2 - \sqrt{3} \left( \sqrt{24} - \frac{3}{\sqrt{3}} \right) = a + b\sqrt{2}$  의 꼴로 나타낼 때,  $a + b$ 의 값은?(단,  $a, b$ 는 유리수)

- ① -15      ② 15      ③ -9      ④ 9      ⑤ 0

해설

$$6 + 12 - 6\sqrt{2} + 3 = 21 - 6\sqrt{2}$$

$$\therefore a = 21, b = -6$$

$$\therefore a + b = 21 - 6 = 15$$

4. 다음의 표는 제곱근표의 일부이다. 이 표를 이용하여  $\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \sqrt{3} - \frac{9}{\sqrt{3}} \right)$ 의 값을 구하면?

수	0	1	2
1	1.000	1.005	1.010
2	1.414	1.418	1.421
3	1.732	1.735	1.738
4	2	2.002	2.005
5	2.236	2.238	2.241
6	2.449	2.452	2.454
7	2.646	2.648	2.650
8	2.828	2.830	2.832

- ① 1.414      ② -1.732      ③ 1.732  
④ -2.449      ⑤ 2.449

해설

$$\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - \frac{3\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = -\frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = -\sqrt{6} = -2.449$$

5. 자연수 A 의 양의 제곱근을  $a$  , 자연수 B 의 음의 제곱근을  $b$  라고 할 때, 다음 보기에서 옳은 것을 모두 고르면? (단,  $A < B$  )

보기

㉠  $a + b = 0$

㉡  $ab < 0$

㉢  $a^2 < b^2$

㉣  $a - b > 0$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉣

④ ㉠, ㉡, ㉢

⑤ ㉡, ㉢, ㉣

해설

$$|a| < |b| \cdots (1)$$

$$a > 0, b < 0 \cdots (2)$$

(1), (2)에 의해 ㉠  $a + b < 0$

6.  $-2 < x < y < 0$  일 때, 다음 양수를 모두 고르면?

㉠  $\sqrt{(2-x)^2}$

㉡  $-\sqrt{(x-2)^2}$

㉢  $\sqrt{(2+y)^2}$

㉣  $-\sqrt{(-y)^2}$

㉤  $-\sqrt{(y-2)^2}$

① ㉠

② ㉡

③ ㉢

④ ㉠, ㉢

⑤ ㉢, ㉣

해설

㉠  $-2 < x < y < 0$   $\Rightarrow 2 < 2-x < 4$

$$\Rightarrow 2 < \sqrt{(2-x)^2} = 2-x < 4$$

㉡  $-2 < x < 0$   $\Rightarrow -4 < x-2 < -2$

$$\Rightarrow -4 < x-2 < -2$$

㉢  $-2 < y < 0$   $\Rightarrow 0 < y+2 < 2$

$$\Rightarrow 0 < \sqrt{(2+y)^2} = y+2 < 2$$

㉣  $-2 < y < 0$   $\Rightarrow 0 < -y < 2$

$$\Rightarrow -2 < -\sqrt{(-y)^2} = -(-y) = y < 0$$

㉤  $-2 < y < 0$   $\Rightarrow -4 < y-2 < -2$

7.  $\sqrt{\frac{96x}{y}} = N$  이 자연수가 되는 자연수  $x, y$ 에 대해 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ①  $xy$ 의 최솟값은 6이다.
- ②  $2x + y$ 의 최솟값은 7이다.
- ③  $y = 3$ 이면  $N$ 은 자연수가 될 수 없다.
- ④  $x$ 가 반드시 2의 배수일 필요는 없다.
- ⑤  $xy$ 는 반드시 6의 배수여야 한다.

해설

$N = \sqrt{\frac{96x}{y}}$  가 자연수가 되기 위해서는  $\frac{96x}{y}$  가 완전제곱수여야 한다.

$96 = 2^5 \times 3$  이므로  $xy$  는 반드시 6(제곱수)이어야 한다.(① 성립)

$x = 1$  일 때,  $y = 6$  이면  $N = \sqrt{16} = 4$  이다.(④ 성립)

$y = 3$  일 때,  $x = 2$  이면  $N = 8$  이다.(③은 성립하지 않는다.)

$2x + y$  는  $x = 2, y = 3$  일 때 최솟값 7을 갖는다.(② 성립)

$x = 3$ 이고  $y = 25$ 인 경우  $N$ 은 자연수가 되지만  $xy$ 는 6의 배수 가 아니다.(⑤는 성립하지 않는다.)

8.  $-1 < x < y < 0$  일 때, 다음 중 1 보다 큰 수를 고르면?

①  $\sqrt{xy}$

②  $\sqrt{-\frac{y^2}{x}}$

③  $\sqrt{-\frac{y}{x^2}}$

④  $\sqrt{-x^2y}$

⑤  $\sqrt{-xy^2}$

해설

$-1 < x < y < 0$  이므로  $xy < 1$  이고  $\frac{y}{x} < 1$ ,  $\frac{x}{y} > 1$

①  $\sqrt{xy} < 1$

②  $\sqrt{-\frac{y^2}{x}} < \sqrt{-y} < 1$

③  $\frac{x}{y} > 1, -\frac{1}{y} > 1$  이므로  $\sqrt{-\frac{x}{y^2}} > 1$

④  $\sqrt{-x} < 1$  이므로 양변에  $\sqrt{xy}$  를 곱하면  $\sqrt{-x^2y} < \sqrt{xy} < 1$

⑤  $\sqrt{-y} < 1$  이므로 양변에  $\sqrt{xy}$  를 곱하면  $\sqrt{-x^2y} < \sqrt{xy} < 1$   
따라서 1 보다 큰 것은 ③뿐이다.

9.  $\sqrt{5} < x < \sqrt{A}$  를 만족하는 정수  $x$ 의 개수가 2개일 때, 이 식을 성립하게 하는 정수  $A$  는 모두 몇 개인가?

- ① 8 개      ② 9 개      ③ 10 개      ④ 11 개      ⑤ 12 개

해설

$\sqrt{5} < x < \sqrt{A}$  를 만족하는 정수  $x$  가 2 개가 되려면  $4 < \sqrt{A} \leq 5$  여야 하므로  $16 < A \leq 25$

$A = 17, 18 \dots 23, 24, 25$  이므로 9 개이다.

10.  $f(x) = \sqrt{x+1} - \sqrt{x}$ 이고,  $S(x) = f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(x)$ 이라고 한다. 100 이하의 자연수  $n$ 에 대하여  $S(n)$ 의 값이 자연수가 되는  $n$ 을 모두 고르면?

① 8

② 15

③ 35

④ 50

⑤ 99

해설

$$\begin{aligned} S(n) &= (\sqrt{2} - 1) + (\sqrt{3} - \sqrt{2}) + (\sqrt{4} - \sqrt{3}) + \dots + \\ &(\sqrt{n+1} - \sqrt{n}) = \sqrt{n+1} - 1 \end{aligned}$$

①  $n = 8$  일 때,  $S(n) = 3 - 1 = 2$

②  $n = 15$  일 때,  $S(n) = 4 - 1 = 3$

③  $n = 35$  일 때,  $S(n) = 6 - 1 = 5$

④  $n = 50$  일 때,  $S(n) = \sqrt{51} - 1$

⑤  $n = 99$  일 때,  $S(n) = 10 - 1 = 9$

따라서 ①, ②, ③, ⑤가 답이다.

11. 기호  $\langle x \rangle$  를  $x$ 에 가장 가까운 정수라고 하자. 이 때,  $\langle \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}+1} \rangle$

+  $\langle \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}-1} \rangle$  의 값을 구하면?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

### 해설

$\langle x \rangle$ 는  $x$ 에 가장 가까운 정수이다.

$1 < \sqrt{2} < \sqrt{(1.5)^2} < 2$  이므로  $\langle \sqrt{2} \rangle = 1$   
(주어진 식)

$$= \langle \frac{\sqrt{2}(\sqrt{2}-1)}{(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)} \rangle$$

$$+ \langle \frac{\sqrt{2}(\sqrt{2}+1)}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} \rangle$$

$$= \langle 2 - \sqrt{2} \rangle + \langle 2 + \sqrt{2} \rangle$$

$$= 1 + 3 = 4 \quad (\because 1 < \sqrt{2} < 1.5)$$

12.  $A = 4x + 2$ ,  $B = 6x^2 - 5x - 4$  이고  $\frac{B}{A} = ax + b$  로 나타내어 질 때,  $ab$ 의 값을 구하면?

① -3

② -5

③ -7

④ -8

⑤ -9

해설

$$\begin{aligned}\frac{B}{A} &= \frac{6x^2 - 5x - 4}{4x + 2} \\&= \frac{(2x + 1)(3x - 4)}{4x + 2} \\&= \frac{(2x + 1)(3x - 4)}{2(2x + 1)} \\&= \frac{3x - 4}{2} = ax + b\end{aligned}$$

$$a = \frac{3}{2}, b = -\frac{4}{2} = -2$$

$$\therefore ab = \frac{3}{2} \times (-2) = -3$$

13.  $x^2 - ax - 3x + 3a - 3$  이 두 일차식의 곱으로 인수분해 될 때,  $a$  가 될 수 있는 값의 합은? (단, 주어진 다항식은 정수 범위에서 인수분해 된다.)

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

### 해설

$$x^2 - ax - 3x + 3a - 3 = (x + \alpha)(x + \beta) \text{로 놓으면}$$

$$x^2 - (a+3)x + 3a - 3 = x^2 + (\alpha + \beta)x + \alpha\beta$$

$$a+3 = -(\alpha + \beta) \text{에서 } a = -\alpha - \beta - 3$$

$$3a - 3 = \alpha\beta \text{에서 } a = \frac{\alpha\beta + 3}{3}$$

$$\therefore -\alpha - \beta - 3 = \frac{\alpha\beta + 3}{3}$$

$$\alpha\beta + 3\alpha + 3\beta + 12 = 0$$

$$(\alpha + 3)(\beta + 3) = -3$$

$$\alpha + 3 = \pm 1 \text{ 일 때, } \beta + 3 = \mp 3 \text{ 이므로}$$

$$(\alpha, \beta) = (-2, -6), (-4, 0)$$

$$\therefore a = -\alpha - \beta - 3 \text{에서 } a = 1, 5$$

14. 다항식  $(x^2 - 4)(x^2 - 2x - 3) - 21$  를 인수분해했을 때, 다음 중 인수인 것은?

- ①  $x^2 - x + 1$       ②  $x^2 + x - 1$       ③  $x^2 - 2x - 1$   
④  $x^2 - x + 3$       ⑤  $x^2 - x + 9$

해설

$$\begin{aligned} & (x^2 - 4)(x^2 - 2x - 3) - 21 \\ &= (x+2)(x-2)(x-3)(x+1) - 21 \\ &= (x+2)(x-3)(x+1)(x-2) - 21 \\ &= (x^2 - x - 6)(x^2 - x - 2) - 21 \\ &x^2 - x = A \text{ 로 놓으면} \\ &(A - 6)(A - 2) - 21 = A^2 - 8A + 12 - 21 \\ &\quad = A^2 - 8A - 9 \\ &\quad = (A - 9)(A + 1) \\ &\quad = (x^2 - x - 9)(x^2 - x + 1) \end{aligned}$$

15. 다항식  $x^4 - 3x^2 + 1$  이  $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$  로 인수분해 될 때,  
 $a + b + c + d$  의 값을 구하면?

① 2

② 1

③ 0

④ -1

⑤ -2

해설

$x^2 = X$  로 치환하면

$$x^4 - 3x^2 + 1 = X^2 - 3X + 1$$

$$= X^2 - 2X + 1 - X$$

$$= (X - 1)^2 - X$$

$$= (x^2 - 1)^2 - x^2$$

$$= (x^2 - 1 - x)(x^2 - 1 + x)$$

$$= (x^2 - x - 1)(x^2 + x - 1) \text{ 이므로}$$

$a = -1, b = -1, c = 1, d = -1$  이거나

$a = 1, b = -1, c = -1, d = -1$

$$\therefore a + b + c + d = -2$$