

1. 다음 중 [] 안의 수가 주어진 방정식의 해인 것을 모두 고르면?

① $x^2 + 2x - 3 = 0$ [-1]

③ $2x^2 + x - 15 = 0$ $\left[\frac{5}{2}\right]$

⑤ $x^2 - 9x - 22 = 0$ [11]

② $x^2 - 9x + 20 = 0$ [4]

④ $x^2 + 4x - 12 = 0$ [6]

해설

[] 안의 수를 식에 대입한다.

② $16 - 9 \cdot 4 + 20 = 0$

③ $2\left(\frac{25}{4}\right) + \frac{5}{2} - 15 = 0$

⑤ $121 - 9 \cdot 11 - 22 = 0$

2. $x^2 + ax + 4 = 0$ 의 두 근이 1, b 일 때, a, b의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = -5$

▷ 정답: $b = 4$

해설

$$1^2 + a + 4 = 0 \quad \text{이므로 } a = -5$$

$$\therefore x^2 - 5x + 4 = 0 \quad \text{이므로 } (x-1)(x-4) = 0$$

$$\therefore x = 1 \text{ 또는 } x = 4$$

따라서 $b = 4$ 이다.

3. 다음 중 이차방정식 $(x - 2)(x + 5) = 0$ 의 해를 구하면?

- ① $x = 2$ 또는 $x = 5$ ② $x = -2$ 또는 $x = 5$
③ $x = -2$ 또는 $x = -5$ ④ $x = 2$ 또는 $x = -5$
⑤ $x = 0$ 또는 $x = 2$

해설

$(x - 2)(x + 5) = 0$,
 $x - 2 = 0$ 또는 $x + 5 = 0$,
따라서 $x = 2$ 또는 $x = -5$ 이다.

4. 다음 이차방정식 중 해가 다른 하나는?

$$\textcircled{1} \quad \left(x + \frac{1}{3}\right) \left(x - \frac{1}{4}\right) = 0 \quad \textcircled{2} \quad \left(\frac{1}{3} + x\right) \left(\frac{1}{4} - x\right) = 0$$

$$\textcircled{3} \quad (3x + 1)(4x - 1) = 0 \quad \textcircled{4} \quad (4x + 1)(3x - 1) = 0$$

$$\textcircled{5} \quad (6x + 2)(8x - 2) = 0$$

해설

$$\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{3}, \textcircled{5} \quad x = -\frac{1}{3} \text{ 또는 } x = \frac{1}{4}$$

$$\textcircled{4} \quad (4x + 1)(3x - 1) = 0 \text{에서}$$

$$4x + 1 = 0 \text{ 또는 } 3x - 1 = 0$$

$$\therefore x = -\frac{1}{4} \text{ 또는 } x = \frac{1}{3}$$

5. 이차방정식 $(3x - 1)(x + 2) = 0$ 을 풀면?

- Ⓐ $x = \frac{1}{3}$ 또는 $x = -2$ Ⓑ $x = \frac{2}{3}$ 또는 $x = -2$
Ⓒ $x = \frac{1}{3}$ 또는 $x = 2$ Ⓒ $x = 1$ 또는 $x = -3$
Ⓓ $x = \frac{1}{2}$ 또는 $x = -3$

해설

$$(3x - 1)(x + 2) = 0$$
$$3x - 1 = 0 \text{ 또는 } x + 2 = 0$$
$$\therefore x = \frac{1}{3} \text{ 또는 } x = -2$$

6. 다음 중 이차방정식 $x^2 + 2x - 3 = 0$ 의 해는?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 2x - 3 &= 0 \\(x + 3)(x - 1) &= 0 \\∴ x = 1 \text{ 또는 } x &= -3\end{aligned}$$

7. 이차방정식 $x^2 - 2x - 15 = 0$ 의 근을 구하면?

- ① $x = 5, x = -3$ ② $x = -5, x = 3$
③ $x = 15, x = 1$ ④ $x = -3, x = -5$
⑤ $x = -5, x = -3$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - 15 &= 0 \\(x + 3)(x - 5) &= 0,\end{aligned}$$

$$\therefore x = 5, x = -3$$

8. 다음 이차방정식 $x^2 - 3x - 18 = 0$ 의 해를 모두 구하면? (정답 2개)

- ① -6 ② -3 ③ 0 ④ 3 ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 3x - 18 &= 0 \\(x - 6)(x + 3) &= 0 \\\therefore x = 6 \text{ 또는 } x &= -3\end{aligned}$$

9. $x \neq -2, -1, 0, 1, 2$ 일 때, 이차방정식 $x^2 - 4x + 3 = 0$ 의 해는?

- ① $x = -2$ ② $x = -1$ ③ $x = 0$
④ $x = 1$ ⑤ $x = 2$

해설

x 에 $-2, -1, 0, 1, 2$ 를 대입하면 $x = 1$ 일 때에만 성립한다.
따라서 해는 $x = 1$ 이다.

10. 이차방정식 $x^2 + 2x + A = 0$ 의 근이 $x = 3$ 또는 $x = -5$ 일 때, A 의 값은?

① -15 ② -10 ③ -8 ④ -6 ⑤ -4

해설

$$(x - 3)(x + 5) = 0$$

$$x^2 + 2x - 15 = 0$$

$$\therefore A = -15$$

11. 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 해가 $x = 2$, $x = -4$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

$$(x - 2)(x + 4) = 0$$

$$x^2 + 2x - 8 = 0$$

$$\therefore a = 2, b = -8$$

$$\therefore a + b = -6$$

12. x 에 관한 이차방정식 $2x^2 - 11x + a = 0$ 의 한 근이 2일 때, a 의 값을 구하면?

① 14 ② 13 ③ 12 ④ 11 ⑤ 10

해설

이차방정식 $2x^2 - 11x + a = 0$ 에 $x = 2$ 를 대입하면,

$$2 \times 2^2 - 11 \times 2 + a = 0$$

$$8 - 22 + a = 0$$

$$\therefore a = 14$$

13. 이차방정식 $x^2 - 5x + 6 = 0$ 의 두 근 중 작은 근이 $2x^2 - ax + 5a + 4 = 0$ 의 근일 때, a^2 의 값은?

- ① 9 ② 13 ③ 16 ④ 18 ⑤ 20

해설

$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$(x - 3)(x - 2) = 0$$

$$x = 3 \text{ 또는 } x = 2$$

$x = 2$ 가 $2x^2 - ax + 5a + 4 = 0$ 의 근이므로 대입하면

$$2(2^2) - 2a + 5a + 4 = 0$$

$$3a = -12$$

$$a = -4$$

$$\therefore a^2 = (-4)^2 = 16$$

14. 이차방정식 $x^2 + 2x - a = 0$ 의 한 근이 -5 일 때, a 의 값을 구하면?

- ① -15 ② -8 ③ 1 ④ 8 ⑤ 15

해설

이차방정식 $x^2 + 2x - a = 0$ 에 $x = -5$ 를 대입하면 $25 - 10 - a = 0$
 $\therefore a = 15$

15. 다음 \square 안에 알맞은 것을 써넣어라.

$AB = 0$ 이면 \square 또는 \square 이다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $A = 0$

▷ 정답: $B = 0$

해설

$AB = 0$ 이면 $A = 0$ 또는 $B = 0$ 이다.

16. 다음 중 $(x - 1)(x + 2) = 0$ 과 같은 것은?

- ① $x + 1 = 0$ 또는 $x - 2 = 0$ ② $x - 1 = 0$ 또는 $x + 2 = 0$
③ $x + 1 = 0$ 또는 $x + 2 = 0$ ④ $x - 1 = 0$ 또는 $x - 2 = 0$
⑤ $x - 1 = 0$ 또는 $x + 1 = 0$

해설

$$(x - 1) = 0 \text{ 또는 } (x + 2) = 0$$

17. 이차방정식 $x(x - 2) = 0$ 을 풀면?

- ① $x = 2$ 또는 $x = 2$
② $x = 0$ 또는 $x = 2$
③ $x = 1$ 또는 $x = -2$
④ $x = 1$ 또는 $x = 2$
⑤ $x = 0$ 또는 $x = -2$

해설

$$x(x - 2) = 0$$
$$\therefore x = 0 \text{ 또는 } x = 2$$

18. 이차방정식 $2x^2 + 3x - 2 = 0$ 을 풀면?

- ① $x = 1$ 또는 $x = 2$ ② $x = -1$ 또는 $x = 2$
③ $x = 1$ 또는 $x = -2$ ④ $x = \frac{1}{2}$ 또는 $x = 1$
⑤ $x = -2$ 또는 $x = \frac{1}{2}$

해설

$$2x^2 + 3x - 2 = 0$$
$$(2x - 1)(x + 2) = 0$$

$$\therefore x = \frac{1}{2} \text{ 또는 } x = -2$$

19. 두 이차방정식 $x^2 - 5x + 6 = 0$, $x^2 - 9 = 0$ 의 공통인 해는?

- ① $x = -3$ ② $x = 0$ ③ $x = 2$
④ $x = 3$ ⑤ $x = 9$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 5x + 6 &= 0 \\(x - 3)(x - 2) &= 0 \\\therefore x &= 2, 3\end{aligned}$$

$$x^2 - 9 = (x - 3)(x + 3) = 0$$

$$\therefore x = \pm 3$$

따라서, 공통인 해는 $x = 3$ 이다.

20. $x^2 + 2x - 63 = 0$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = -9$

▷ 정답: $x = 7$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 2x - 63 &= 0 \\(x + 9)(x - 7) &= 0 \\\therefore x = -9 \text{ 또는 } x &= 7\end{aligned}$$

21. 이차방정식 $2x^2 + 6x - a = 0$ 의 한 근이 3 일 때, 다른 한 근의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

$$\begin{aligned}x = 3 \text{ 을 주어진 식에 대입하면} \\18 + 18 - a = 0 \\∴ a = 36 \\2x^2 + 6x - 36 = 0, (2x + 12)(x - 3) = 0 \\2(x + 6)(x - 3) = 0 \\∴ x = -6 \text{ 또는 } x = 3\end{aligned}$$

22. x 에 관한 이차방정식 $x^2 - 4x + a = 0$ 의 한 근이 3 일 때, a 의 값과 다른 한 근의 차를 구하면?

① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 6

해설

$$3^2 - 4 \times 3 + a = 0 \quad \therefore a = 3$$

$$x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$(x - 3)(x - 1) = 0$$

따라서 다른 한 근은 1이다.

$$\therefore 3 - 1 = 2$$

23. 이차방정식 $(x+3)^2 = 4x + 9$ 를 인수분해를 이용하여 풀면?

- ① $x = 0$ 또는 $x = 3$ ② $x = 0$ 또는 $x = -3$
③ $x = 0$ 또는 $x = -2$ ④ $x = 0$ 또는 $x = 2$
⑤ $x = -2$ 또는 $x = -3$

해설

방정식을 정리하면 $x^2 + 2x = 0$

$$x(x+2) = 0$$

$$\therefore x = 0 \text{ 또는 } x = -2$$

24. $3x^2 + 5x - 2 = 0$ 를 인수분해하면 $(ax + b)(cx + d) = 0$ 가 된다고 할 때, $a + b + c + d$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned}3x^2 + 5x - 2 &= 0 \\3x - 1 &= 0 \quad \text{또는} \quad x + 2 = 0 \\(3x - 1)(x + 2) &= 0 \\\therefore a + b + c + d &= 3 - 1 + 1 + 2 = 5\end{aligned}$$

25. 이차방정식 $2x^2 - 4x - 3 = 0$ 의 한 근을 a 라 할 때, $2a^2 - 4a$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$x = a$ 를 대입하면 $2a^2 - 4a - 3 = 0$

$$\therefore 2a^2 - 4a = 3$$

26. 이차방정식 $x^2 - x - 1 = 0$ 의 한 근을 a , $x^2 - 2x - 3 = 0$ 의 한 근을 b 라고 할 때, $a^2 - a - b^2 + 2b$ 의 값은?

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$x = a$ 를 $x^2 - x - 1 = 0$ 에 대입하면

$a^2 - a - 1 = 0$ 에서 $a^2 - a = 1$

$x = b$ 를 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 에 대입하면

$b^2 - 2b - 3 = 0$ 에서 $b^2 - 2b = 3$

$\therefore a^2 - a - b^2 + 2b = a^2 - a - (b^2 - 2b) = 1 - 3 = -2$