

1.  $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = -\sqrt{\frac{a}{b}}$  일 때, 다음 중 옳은 것은?

- ①  $a \geq 0, b < 0$       ②  $a > 0, b > 0$       ③  $a \geq 0, b > 0$   
④  $a < 0, b < 0$       ⑤  $a \leq 0, b < 0$

해설

$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = -\sqrt{\frac{a}{b}}$  가 성립할 조건은  $b < 0$  이고  $a \geq 0$  일 때이다.

## 2. 다음 중 옳은 것은?

①  $\sqrt{-3} \times \sqrt{-4} = -\sqrt{12}$

②  $\sqrt{-3} \times \sqrt{-4} = \sqrt{12}$

③  $\sqrt{-3} \times \sqrt{4} = -\sqrt{12}$

④  $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{-4}} = -\sqrt{\frac{3}{4}}$

⑤  $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{4}} = -\sqrt{\frac{3}{4}}$

해설

②  $\sqrt{-3} \times \sqrt{-4} = \sqrt{3}i \times \sqrt{4}i = -\sqrt{12}$

③  $\sqrt{-3} \times \sqrt{4} = \sqrt{3}i \times \sqrt{4} = \sqrt{12}i$

④  $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{-4}} = \sqrt{\frac{3}{4}}$

⑤  $\frac{\sqrt{-3}}{\sqrt{4}} = \sqrt{\frac{3}{4}i}$

3.  $\sqrt{-3} \cdot \sqrt{-5}$ 를 계산하면?

①  $\sqrt{15}$

②  $-\sqrt{15}$

③  $\sqrt{15}i$

④  $-\sqrt{15}i$

⑤ -15

해설

$$\sqrt{-3} \cdot \sqrt{-5} = \sqrt{3}i \cdot \sqrt{5}i = -\sqrt{15}$$

4. 이차방정식  $x^2 - 2x + k + 2 = 0$ 이 중근을 가지도록 하는 상수  $k$ 의 값을 구하면?

① -1

② 1

③ 0

④ -2

⑤ 2

해설

$$x^2 - 2x + (k + 2) = 0$$

$$\frac{D}{4} = (-1)^3 - (k + 2) = 0$$

$$1 - k - 2 = 0 \quad \therefore k = -1$$

5. 이차방정식  $x^2 + (m+1)x + m + 4 = 0$ 이 중근을 가질 때, 모든 실수  $m$ 의 값의 합을 구하면?

- ① -3      ② 0      ③ 2      ④ 3      ⑤ 5

해설

중근을 가지므로, 판별식  $D = 0$

$$D = (m+1)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (m+4) = m^2 - 2m - 15 = 0$$

$$(m-5)(m+3) = 0 \quad \therefore m = -3, 5$$

$$\therefore m \text{의 값의 합은 } -3 + 5 = 2$$

6.  $x$ 에 대한 이차방정식  $(m+3)x^2 - 4mx + 2m - 1 = 0$ 이 중근을 갖도록 하는 실수  $m$ 의 값의 합은?

①  $-\frac{5}{2}$

②  $-\frac{3}{2}$

③ 0

④  $\frac{3}{2}$

⑤  $\frac{5}{2}$

해설

주어진 이차방정식의 판별식을  $D$ 라고 하면 중근을 가질 조건은  $D = 0$ 이므로

$$\frac{D}{4} = (-2m)^2 - (m+3)(2m-1) = 0$$

$$4m^2 - (2m^2 + 5m - 3) = 0$$

$$2m^2 - 5m + 3 = 0$$

$$(m-1)(2m-3) = 0$$

$$\therefore m = 1 \text{ 또는 } \frac{3}{2}$$

$$\therefore 1 + \frac{3}{2} = \frac{5}{2}$$

7. 이차방정식  $ix^2 + (2+i)x - i(1+i) = 0$ 의 두 근의 합은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

①  $-1 - 2i$

②  $1 - i$

③  $-1 + i$

④  $-1 + 2i$

⑤  $3i$

해설

주어진 양 방정식에  $i$  를 곱하면

$$-x^2 + (2i - 1)x - i(i - 1) = 0$$

$$x^2 - (2i - 1)x + i(i - 1) = 0$$

$$(x - i)(x + 1 - i) = 0$$

$$\therefore x = i \text{ 또는 } x = -1 + i$$

두 근의 합은  $-1 + 2i$

8.  $x$ 에 대한 다음 방정식의 두 근의 곱은?

$$2\sqrt{3}x^2 - x - \sqrt{3} = 0$$

- ①  $-\frac{\sqrt{2}}{2}$     ②  $-1$     ③  $-\frac{1}{2}$     ④  $1$     ⑤  $\frac{\sqrt{2}}{2}$

해설

주어진 방정식의 좌변을 인수분해하면

$$(2x - \sqrt{3})(\sqrt{3}x + 1) = 0$$

$$\therefore x = \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ 또는 } x = -\frac{1}{\sqrt{3}} = -\frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\therefore \frac{\sqrt{3}}{2} \times \left(-\frac{\sqrt{3}}{3}\right) = -\frac{1}{2}$$

9. 이차방정식  $f(x) = 0$ 의 두근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha + \beta = 6$ 이 성립한다.  
이 때, 방정식  $f(5x - 7) = 0$ 의 두 근의 합은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$f(x) = a(x - \alpha)(x - \beta) = 0 (a \neq 0) \text{에서}$$

$$f(5x - 7) = a(5x - 7 - \alpha)(5x - 7 - \beta) = 0$$

$$\therefore 5x = 7 + \alpha, 7 + \beta$$

$$\therefore x = \frac{7 + \alpha}{5}, \frac{7 + \beta}{5}$$

따라서, 구하는 두 근의 합은

$$\frac{14 + \alpha + \beta}{5} = \frac{20}{5} = 4$$

10.  $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.

① 15

② 18

③ 21

④ 26

⑤ 28

해설

준식을 전개하면

$$\begin{aligned} & 10^{15} + 2^3 + 3 \times 2 \times 10^5 (10^5 + 2) \\ &= 10^{15} + 2^3 + 6 \times 10^{10} + 12 \times 10^5 \\ &= 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8 \\ \therefore & 1 + 6 + 1 + 2 + 8 = 18 \end{aligned}$$

11.  $a = 2004$ ,  $b = 2001$  일 때,  $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$  의 값은?

① 21

② 23

③ 25

④ 27

⑤ 29

해설

준 식은  $(a - b)^3$  이다.

$$a - b = 2004 - 2001 = 3$$

$$\therefore (a - b)^3 = 3^3 = 27$$

12. 삼각형의 세 변의 길이  $a, b, c$ 에 대하여  $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$  이 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

① 직각삼각형

② 이등변삼각형

③ 정삼각형

④ 직각이등변삼각형

⑤ 둔각삼각형

해설

$$a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca \text{에서 } a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$$

$$\frac{1}{2}(2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2bc - 2ca) = 0$$

$$\frac{1}{2}(a^2 - 2ab + b^2 + b^2 - 2bc + c^2 + c^2 - 2ca + a^2) = 0$$

$$\frac{1}{2} \{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\} = 0 \text{이고,}$$

$a, b, c$ 는 실수이므로,  $a-b=0, b-c=0, c-a=0$

$$\therefore a=b=c$$

따라서, 주어진 삼각형은 정삼각형이다.

13. 실수  $x$ 가  $x^2 - 3x + 1 = 0$ 을 만족할 때,  $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값을 구하면?

① 18

② 19

③ 20

④ 21

⑤ 22

해설

준식의 양변을  $x$ 로 나누면

$$x + \frac{1}{x} = 3$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$= 3^3 - 3 \times 3 = 18$$

14.  $x^2 + x + 1 = 0$  일 때,  $x^3 + \frac{1}{x^3}$  의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$x^2 + x + 1 = 0$ 에서 양변을  $x$ 로 나누면

$$x + \frac{1}{x} = -1$$

$$\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3x \cdot \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$= -1 - 3 \cdot (-1) = 2$$

15.  $x + \frac{1}{x} = 3$  일 때,  $x^2 + \frac{1}{x^2}$  의 값과  $x^3 + \frac{1}{x^3}$  의 값을 차례대로 구하면?  
(단,  $x > 0$ )

① 5, 6

② 7, 18

③ 8, 16

④ 9, 18

⑤ 10, 27

해설

$$x + \frac{1}{x} = 3 \text{ 일 때}$$

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 = 3^2 - 2 = 7$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right) = 27 - 9 = 18$$

16.  $x^4 - 11x^2 + 1$  Ⓛ  $(x^2 + ax + b)(x^2 + 3x + b)$ 로 인수분해될 때,  $a + b$ 의 값은?

- ① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 11x^2 + 1 &= (x^2 - 1)^2 - 9x^2 \\&= (x^2 - 1)^2 - (3x)^2 \\&= (x^2 - 3x - 1)(x^2 + 3x - 1) \\&= (x^2 + ax + b)(x^2 + 3x + b)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -3, b = -1$$

$$\therefore a + b = -4$$

17.  $x^4 - 3x^2 + 1$  을 인수분해 하면?

- ①  $(x^2 + x - 1)(x^2 - x - 1)$       ②  $(x^2 + x + 1)(x^2 - x + 1)$
- ③  $(x^2 + 2x - 1)(x^2 - x - 1)$       ④  $(x^2 + x - 1)(x^2 - 2x - 1)$
- ⑤  $(x^2 + x + 1)(x^2 - 2x + 1)$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 3x^2 + 1 &= x^4 - 2x^2 + 1 - x^2 \\&= (x^2 - 1)^2 - x^2 \\&= (x^2 + x - 1)(x^2 - x - 1)\end{aligned}$$

18.  $1 - 4x^2 - y^2 + 4xy = (1 + ax + by)(1 + cx + dy)$  일 때,  $ac + bd$ 의 값을 구하면?

- ① -6      ② -5      ③ -4      ④ -3      ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 1 - (4x^2 - 4xy + y^2) \\&= 1^2 - (2x - y)^2 \\&= (1 + 2x - y)(1 - 2x + y)\end{aligned}$$

$$\therefore a = 2, b = -1, c = -2, d = 1$$

$$\therefore ac + bd = 2 \times (-2) + (-1) \times 1 = -5$$

19.  $\alpha = 1 - i$  일 때,  $\alpha\bar{\alpha}^2 + \alpha^2\bar{\alpha}$ 의 값은?

(단,  $\bar{\alpha}$ 는  $\alpha$ 의 콤팩트복소수이고,  $i = \sqrt{-1}$ 이다.)

①  $-2i$

② 2

③  $2i$

④ 4

⑤  $2 + 3i$

해설

$$\alpha = 1 - i, \bar{\alpha} = 1 + i$$

$$\alpha + \bar{\alpha} = 2, \alpha\bar{\alpha} = 2$$

$$\alpha\bar{\alpha}^2 + \alpha^2\bar{\alpha} = \alpha\bar{\alpha}(\alpha + \bar{\alpha})$$

$$= 2 \cdot 2$$

$$= 4$$

20.  $z^2 = \sqrt{5} + i$  를 만족하는 복소수  $z$  에 대하여  $z\bar{z}$  의 값은? (단,  $\bar{z}$  는  $z$ 의 콤plex 복소수)

①  $\sqrt{2}$

②  $\sqrt{3}$

③ 2

④  $\sqrt{5}$

⑤  $\sqrt{6}$

해설

$z = x + yi$  ( $x, y$  는 실수)로 놓으면  $(x + yi)^2 = \sqrt{5} + i$

$x^2 - y^2 + 2xyi = \sqrt{5} + i$  에서 복소수가 서로 같을 조건에 의하여

$$x^2 - y^2 = \sqrt{5}, 2xy = 1$$

$$z\bar{z} = (x + yi)(x - yi) = x^2 + y^2 \text{ 이므로}$$

$$(x^2 + y^2)^2 = (x^2 - y^2)^2 + 4x^2y^2 = (\sqrt{5})^2 + 4\left(\frac{1}{2}\right)^2 = 6$$

$$x^2 + y^2 > 0 \text{ 이므로 } x^2 + y^2 = \sqrt{6}$$

$$\therefore z\bar{z} = \sqrt{6}$$

해설

$$z^2 = \sqrt{5} + i, \bar{z}^2 = \sqrt{5} - i$$

$$z^2\bar{z}^2 = (\sqrt{5} + i)(\sqrt{5} - i) = 6$$

$$z\bar{z} = \pm \sqrt{6}$$

$$z\bar{z} \geq 0 \text{ 이므로 } z\bar{z} = \sqrt{6}$$

21.  $x, y$  가 실수일 때, 복소수  $z = x + yi$  의 켤레복소수를  $\bar{z}$  라 하면  $z\bar{z} = 3$  일 때,  $\frac{1}{2} \left( z + \frac{3}{z} \right)$  의 값은 ?

①  $x$

②  $y$

③  $x + y$

④  $x - y$

⑤  $2x + y$

해설

$$z = x + yi, \bar{z} = x - yi \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$z \cdot \bar{z} = 3 \text{ } \circ] \text{면 } \bar{z} = \frac{3}{z} \text{ 을 대입}$$

$$\frac{1}{2} \left( z + \frac{3}{z} \right) = \frac{1}{2}(z + \bar{z})$$

$$\begin{aligned} &= \frac{1}{2}(x + yi + x - yi) \\ &= x \end{aligned}$$

22. 이차방정식  $x^2 - 2ax + 4 = 0$ 의 두 근이 모두 1보다 크다. 이 때, 실수  $a$ 의 값의 범위를 정하면?

- ①  $2 \leq a < \frac{5}{2}$       ②  $2 \leq a \leq \frac{5}{2}$       ③  $2 < a < \frac{5}{2}$   
④  $2 \leq a < 3$       ⑤  $2 < a < 3$

해설

$f(x) = x^2 - 2ax + 4$ 라고 하면

( i )  $f(1) > 0 \Rightarrow a < \frac{5}{2}$

( ii ) 두근을 가지므로

$$\frac{D}{4} = a^2 - 4 \geq 0$$

$a \leq -2$  또는  $a \geq 2$

( iii ) 그래프의 축이  $x = 1$ 의 오른쪽에 있어야 하므로

$a > 1$

( i ), ( ii ), ( iii )에 의해  $2 \leq a < \frac{5}{2}$

23. 다음의 이차방정식에 대한 설명 중 틀린 것은? (단,  $a, b, c$ 는 실수이다.)

- ① 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 하면  $ax^2 + bx + c = a(x - \alpha)(x - \beta)$ 이다.
- ② 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta, D = b^2 - 4ac$ 라고 하면  $(\alpha - \beta)^2 = \frac{D}{a^2}$ 이다.
- ③ 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 이 서로 다른 부호의 두 실근을 가지기 위한 필요충분 조건은  $ab < 0$ 이다.
- ④ 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가지면,  $x^2 + (a - 2c)x + b - ac$ 도 서로 다른 두 실근을 갖는다.
- ⑤ 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 하면  $\alpha + \beta = -\frac{b}{a}, \alpha\beta = \frac{c}{a}$ (단,  $a \neq 0$ )

해설

- ③ 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 이 서로 다른 부호의 두 실근을 가지기 위한 필요충분 조건은  $ac < 0$ 이다.

24.  $a, b, c$ 는 실수이고,  $a > 0, ac - b^2 > 0, b \neq 0$ 이라 할 때,  $x$ 의 이차방정식  $x^2 - (a+c)x + ac - b^2 = 0$ 의 근에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 서로 다른 두 개의 음의 근      ② 서로 다른 두 개의 양의 근  
③ 양의 중근                                  ④ 음의 중근  
⑤ 서로 다른 두 허근

해설

$x^2 - (a+c)x + ac - b^2 = 0$ 의 판별식을  $D$ 라 하면

$$\begin{aligned} D &= (a+c)^2 - 4(ac - b^2) \\ &= (a-c)^2 + 4b^2 > 0 \cdots \textcircled{\text{D}} \quad (\because b \neq 0) \end{aligned}$$

$a > 0, ac > b^2 > 0$ 에서  $c > 0$ 이므로

$$(\text{두 근의 곱}) = ac - b^2 > 0 \cdots \textcircled{\text{L}}$$

$$(\text{두 근의 합}) = a + c > 0 \cdots \textcircled{\text{E}}$$

㉠, ㉡, ㉢에서 주어진 방정식은 서로 다른 두 개의 양의 근을 가진다.