

1. 실수 a, b 에 대하여 $(a+b-5)^2 + \sqrt{(ab+3)^2} = 0$, $\frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}} = -\sqrt{\frac{b}{a}}$ 일 때, $a-b$ 의 값은?

① $-\sqrt{13}$ ② $-\sqrt{37}$ ③ $\sqrt{19}$

④ $\sqrt{13}$ ⑤ $\sqrt{37}$

2. $a, b \in \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ 일 때, 등식 $\frac{\sqrt{a+b}}{\sqrt{a-b}} = -\sqrt{\frac{a+b}{a-b}}$ 를 만족시키는 순서쌍 (a, b) 의 개수는?

- ① 4 개 ② 5 개 ③ 6 개 ④ 7 개 ⑤ 8 개

3. 다음 보기 중 옳은 것은 모두 몇 개인가?

Ⓐ $\sqrt{-2} \sqrt{-5} = \sqrt{10}$	Ⓑ $\sqrt{-3} \sqrt{12} = -6$
Ⓒ $(-\sqrt{-2})^2 = -2$	Ⓓ $(\sqrt{-3})^3 = -3\sqrt{3}i$
Ⓔ $\frac{\sqrt{8}}{\sqrt{-2}} = -2i$	Ⓕ $\frac{\sqrt{-8}}{\sqrt{2}} = -2$

- ① 2 개] ② 3 개] ③ 4 개] ④ 5 개] ⑤ 6 개]

4. $a = \frac{1+i}{1-i}$ 일 때, $a + a^2 + a^3 + \dots + a^{100}$ 의 값을 구하면?

- ① i ② $-i$ ③ -1 ④ 1 ⑤ 0

5. 정수 n 에 대하여 $z = i^n + i^{-n}, i = \sqrt{-1}$ 을 만족하는 z 의 개수는?

- ① 1개
- ② 2개
- ③ 3개
- ④ 4개
- ⑤ 4개보다 많다.

6. $1 + \frac{1}{i} + \frac{1}{i^2} + \frac{1}{i^3} + \frac{1}{i^4} + \frac{1}{i^5} + \frac{1}{i^6} + \frac{1}{i^7} + \frac{1}{i^8}$ 을 간단히 하여라.

▶ 답: _____

7. $(2 - i)\bar{z} + 4iz = -1 + 4i$ 를 만족하는 복소수 z 에 대하여 $z\bar{z}$ 의 값은?
(단, \bar{z} 는 z 의 켤레복소수이다.)

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

8. 복소수 z 의 결례복소수를 \bar{z} 라 할 때, $(1 + 2i)z + 5(1 - \bar{z}i) = 0$ 을 만족시키는 복소수 z 는?

① $1 + 3i$

② $1 - 3i$

③ $\frac{1}{2} + \frac{3}{2}i$

④ $\frac{1}{4} + \frac{3}{4}i$

⑤ $\frac{1}{4} - \frac{3}{4}i$

9. $A = \{x + yi | x^2 + y^2 = 2, x, y \text{는 실수}\}$ 이다.
 $z = \frac{1}{2a} + \frac{1}{2a}i$ (단, $a : \text{실수}$) 일 때, $\frac{1}{z} \in A$ 가 되는 복소수 z 는 2개가 있다. 이들의 곱을 구하면?

① $2i$ ② $-2i$ ③ $\frac{1}{2}i$ ④ $-\frac{1}{2}i$ ⑤ $\frac{3}{2}i$

10. 직선 $\frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 1$ 위를 움직이는 한 점 P 가 있다. 점 P 에서 x 축, y 축 위에 내린 수선의 발을 각각 Q, R 라고 할 때, 직사각형 OQPR 의 넓이의 최댓값을 구하여라. (단, 점 P 는 제 1 사분면 위에 있다.)



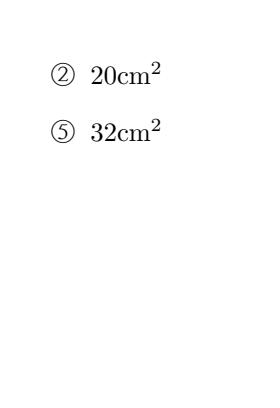
▶ 답: _____

11. $y = -x^2 + x + 6$ 의 그래프와 x 축에 평행인 직선 l 이 만나는 두 점 A, B에서 x 축에 수선을 그어 그 수선의 발을 각각 D, C 라 하고, 점D의 x 좌표를 m 이라고 할 때, $\square ABCD$ 의 둘레의 길이의 최댓값은? ($\frac{1}{2} < m < 3$)

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \frac{11}{2} & \textcircled{2} \frac{31}{4} & \textcircled{3} 10 \\ \textcircled{4} \frac{49}{4} & \textcircled{5} \frac{29}{2} & \end{array}$$



12. 뱃변의 길이가 16cm인 직각이등변삼각형에 그림과 같이 직사각형을 그려 넣을 때, 그 넓이의 최댓값은?



- ① 16cm^2 ② 20cm^2 ③ 24cm^2
④ 28cm^2 ⑤ 32cm^2

13. 이차방정식 $x^2 - 3x + 1 = 0$ 의 두 근을 α, β 라고 할 때, $\alpha^3 + \beta^3$ 의 값은?

- ① 15 ② 16 ③ 17 ④ 18 ⑤ 20

14. 이차방정식 $x^2 + 3x + 1 = 0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, $(\sqrt{\alpha} + \sqrt{\beta})^2$ 의 값은?

- ① -5 ② -4 ③ -1 ④ 1 ⑤ 4

15. 방정식 $x^2+3x+1=0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, $(\alpha^2+5\alpha+1)(\beta^2-4\beta+1)$ 의 값은?

- ① -2 ② -4 ③ -8 ④ -14 ⑤ -17

16. $x^2 + x + 1 = 0$ 의 한 해근을 ω 라고 할 때, $\omega^{2012} + \omega^{2013} + \omega^{2014}$ 의 값은?

① 3 ② -1 ③ 1 ④ 0 ⑤ 2

17. $x^3 = 1$ 의 한 허근을 ω 라 할 때, $\omega^{50} + \omega^{51} + \omega^{52}$ 의 값을 구하라.

▶ 답: _____

18. 방정식 $x^3 = 8$ 의 한 허근을 α 라 하고, $z = \frac{2\alpha + 1}{\alpha + 2}$ 이라 할 때, $4z \cdot \bar{z}$ 의 값을 구하면? (단, \bar{z} 는 z 의 켤레복소수)

① 3 ② 5 ③ 7 ④ 9 ⑤ 13

19. 주말 연속극을 시작하기 전에 상품 광고를 하려고 한다. 광고에는 광고 시간이 20초인 것과 25초인 것 두 종류가 있고, 광고 내용이 바뀔 때마다 1초 동안의 간격을 둔다. 정확하게 4분 30초 동안에 11개의 상품을 광고하고 싶다면 광고 시간이 20초인 상품을 몇 개 광고해야 하는지 구하면?

- ① 1개 ② 3개 ③ 5개 ④ 7개 ⑤ 9개

20. 버스가 P 시와 Q 시 사이를 상, 하행 모두 같은 시간 간격으로 운행하고 있다. P 시에서 Q 시로 자전거를 타고 가는 사람이 어떤 곳에서 상, 하행버스를 동시에 만나고 6분 후에 P 시행의 버스를 만났고, 다시 6분이 지난 후에 Q 시행의 버스에 추월당했다. 버스의 속력이 일정할 때, 버스는 몇분 간격으로 운행되는가?

① 6분 ② 8분 ③ 10분 ④ 12분 ⑤ 14분

21. 어떤 공장에서 A , B 의 두 제품을 생산하고 있다. A 제품의 생산량은 작년에 비하여 20% 증가하였고, B 제품은 25% 증가하였다. 올해 총 생산량이 작년보다 16개 늘어나 총 86개일 때, 작년의 B 제품의 생산량을 구하면?

▶ 답: _____ 개