

1. 다음 중 인수분해가 바르게 된 것은?

①  $4a^2 - 2ab = 2a(a - b)$

②  $x^2 + 20x - 100 = (x + 10)^2$

③  $-x^2 + 1 = (x + 1)(-x - 1)$

④  $x^2 - 7x + 12 = (x - 2)(x - 6)$

⑤  $10x^2 + 23x - 21 = (x + 3)(10x - 7)$

해설

①  $4a^2 - 2ab = 2a(2a - b)$

②  $x^2 + 20x - 100 = (x + 10)^2$

③  $-x^2 + 1 = -(x + 1)(x - 1)$

④  $x^2 - 7x + 12 = (x - 3)(x - 4)$

2.  $Ax^2 + 36x + B = (2x + C)^2$  에서 양수  $A, B, C$  의 합을 구하면?

① 4

② 9

③ 81

④ 90

⑤ 94

해설

$Ax^2 + 36x + B = 4x^2 + 2 \times 2Cx + C^2$  이므로  $A = 4, B = 81, C = 9$ 이다.

따라서  $A + B + C = 4 + 81 + 9 = 94$  이다.

3.  $(x - 2)x^2 - 3(x - 2)x - 10(x - 2)$  를 인수분해하면?

- ①  $(x - 2)(x - 5)(x + 2)$       ②  $(x - 2)(x + 5)(x + 2)$   
③  $(x - 2)(x - 5)(x + 3)$       ④  $(x - 2)(x + 5)(x - 2)$   
⑤  $(x - 2)(x + 5)(x - 3)$

해설

$A = x - 2$  로 치환하면

$$\begin{aligned} & (x - 2)x^2 - 3(x - 2)x - 10(x - 2) \\ &= Ax^2 - 3Ax - 10A \\ &= A(x^2 - 3x - 10) \\ &= A(x - 5)(x + 2) \\ &= (x - 2)(x - 5)(x + 2) \end{aligned}$$

4.  $x + \frac{1}{x} = 4$  일 때,  $x - \frac{1}{x}$ 의 값이 될 수 있는 것을 모두 고르면?

①  $2\sqrt{3}$

②  $3\sqrt{3}$

③  $-2\sqrt{3}$

④  $-3\sqrt{3}$

⑤ 2

해설

$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = 4^2$$

$$x^2 + \frac{1}{x^2} + 2 = 16$$

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = 16 - 2 = 14$$

$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} - 2 = 14 - 2 = 12$$

$$x - \frac{1}{x} = \pm\sqrt{12} = \pm 2\sqrt{3}$$

5.  $\frac{1}{49}a^2 - \frac{2}{35}ab + \frac{1}{25}b^2$  을 인수분해 하면?

①  $\left(\frac{1}{7}a + \frac{1}{5}\right)^2$

②  $\left(\frac{1}{7}a - \frac{1}{5}\right)^2$

③  $\left(\frac{1}{7}b - \frac{1}{5}a\right)^2$

④  $\left(\frac{1}{7}a - \frac{1}{5}b\right)^2$

⑤  $\left(\frac{1}{7}a + \frac{1}{5}b\right)^2$

해설

$$\frac{1}{49}a^2 - \frac{2}{35}ab + \frac{1}{25}b^2 = \frac{1}{49}a^2 - \left(2 \times \frac{1}{7}a \times \frac{1}{5}b\right) + \frac{1}{25}b^2 =$$

$$\left(\frac{1}{7}a - \frac{1}{5}b\right)^2$$

6.  $f(x) = 4x + 2$ ,  $g(x) = 6x^2 - 5x - 4$  에 대하여  $\frac{g(x)}{f(x)} = ax + b$  로 나타내어질 때,  $2ab$  의 값을 구하면?

- ① -3      ② -6      ③ 3      ④ 6      ⑤ 12

해설

$$g(x) = (ax + b)f(x) \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$6x^2 - 5x - 4 = (3x - 4)(2x + 1)$$

$$= \left(\frac{3}{2}x - 2\right)(4x + 2)$$

$$= \left(\frac{3}{2}x - 2\right)f(x)$$

$$\therefore a = \frac{3}{2}, b = -2$$

$$\therefore 2ab = -6$$

7.  $x^2 - ax - 3x + 3a - 3$  이 두 일차식의 곱으로 인수분해 될 때,  $a$  가 될 수 있는 값의 합은? (단, 주어진 다항식은 정수 범위에서 인수분해 된다.)

① 2

② 4

③ 6

④ 8

⑤ 10

### 해설

$$x^2 - ax - 3x + 3a - 3 = (x + \alpha)(x + \beta) \text{로 놓으면}$$

$$x^2 - (a+3)x + 3a - 3 = x^2 + (\alpha + \beta)x + \alpha\beta$$

$$a+3 = -(\alpha + \beta) \text{에서 } a = -\alpha - \beta - 3$$

$$3a - 3 = \alpha\beta \text{에서 } a = \frac{\alpha\beta + 3}{3}$$

$$\therefore -\alpha - \beta - 3 = \frac{\alpha\beta + 3}{3}$$

$$\alpha\beta + 3\alpha + 3\beta + 12 = 0$$

$$(\alpha + 3)(\beta + 3) = -3$$

$$\alpha + 3 = \pm 1 \text{ 일 때, } \beta + 3 = \mp 3 \text{ 이므로}$$

$$(\alpha, \beta) = (-2, -6), (-4, 0)$$

$$\therefore a = -\alpha - \beta - 3 \text{에서 } a = 1, 5$$

8.  $4x^2 - 4x - a$  가 두 일차식의 곱으로 인수분해되고, 이 중 한 인수가  $2x + 3$  일 때,  $a$  의 값은?

- ① -15      ② -6      ③ 3      ④ 6      ⑤ 15

해설

$$\begin{aligned}4x^2 - 4x - a &= (2x + 3)(bx + c) \\&= 2bx^2 + (3b + 2c)x + 3c\end{aligned}$$

$$2b = 4, \quad b = 2$$

$$2c + 3b = -4, \quad c = -5$$

$$-a = 3c = -15, \quad a = 15$$

9. 다항식  $(x^2 - 4)(x^2 - 2x - 3) - 21$  를 인수분해했을 때, 다음 중 인수인 것은?

- ①  $x^2 - x + 1$       ②  $x^2 + x - 1$       ③  $x^2 - 2x - 1$   
④  $x^2 - x + 3$       ⑤  $x^2 - x + 9$

해설

$$\begin{aligned} & (x^2 - 4)(x^2 - 2x - 3) - 21 \\ &= (x+2)(x-2)(x-3)(x+1) - 21 \\ &= (x+2)(x-3)(x+1)(x-2) - 21 \\ &= (x^2 - x - 6)(x^2 - x - 2) - 21 \\ &x^2 - x = A \text{ 로 놓으면} \\ &(A - 6)(A - 2) - 21 = A^2 - 8A + 12 - 21 \\ &\quad = A^2 - 8A - 9 \\ &\quad = (A - 9)(A + 1) \\ &\quad = (x^2 - x - 9)(x^2 - x + 1) \end{aligned}$$

10.  $ab - 6a + 5b - 48 = 0$  을 만족하는 정수  $a, b$  의 순서쌍의 개수는? (단,  $a > 0, b > 0$ )

① 1개

② 2개

③ 3개

④ 4개

⑤ 5개

해설

$$ab - 6a + 5b - 48 = 0$$

$$b(a+5) - 6a - 48 = 0$$

$$b(a+5) - 6(a+5) - 18 = 0$$

$$(a+5)(b-6) = 18$$

$$a > 0, b > 0 \text{ 이므로 } a+5 > 5$$

$$(i) a+5 = 18, b-6 = 1$$

$$a = 13, b = 7$$

$$(ii) a+5 = 9, b-6 = 2$$

$$a = 4, b = 8$$

$$(iii) a+5 = 6, b-6 = 3$$

$$a = 1, b = 9$$

$\therefore$  순서쌍  $a, b$ 의 개수는 3개

11.  $x^2 - 2xz + z^2 - y^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(x + y + z)(x - y + z)$
- ②  $(x + y + z)(x - y - z)$
- ③  $(x - y + z)(x - y - z)$
- ④  $(x + y - z)(x - y + z)$
- ⑤  $(x + y - z)(x - y - z)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xz + z^2 - y^2 &= (x - z)^2 - y^2 \\&= (x - z + y)(x - z - y)\end{aligned}$$

12. 다항식  $x^4 - 3x^2 + 1$  이  $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$  로 인수분해 될 때,  
 $a + b + c + d$  의 값을 구하면?

① 2

② 1

③ 0

④ -1

⑤ -2

해설

$x^2 = X$  로 치환하면

$$x^4 - 3x^2 + 1 = X^2 - 3X + 1$$

$$= X^2 - 2X + 1 - X$$

$$= (X - 1)^2 - X$$

$$= (x^2 - 1)^2 - x^2$$

$$= (x^2 - 1 - x)(x^2 - 1 + x)$$

$$= (x^2 - x - 1)(x^2 + x - 1) \text{ 이므로}$$

$a = -1, b = -1, c = 1, d = -1$  이거나

$a = 1, b = -1, c = -1, d = -1$

$$\therefore a + b + c + d = -2$$

13. 두 정수  $a, b$  가  $(a - 1)^2 - 4b^2 = 33$  을 만족할 때, 순서쌍  $(a, b)$  는 모두 몇 개 존재하는가? (단,  $a > 2b > 0$ )

- ① 1개      ② 2개      ③ 3개      ④ 4개      ⑤ 5개

해설

$$(a - 1)^2 - 4b^2 = 33 \text{에서}$$

$$(a + 2b - 1)(a - 2b - 1) = 33$$

$a > 2b > 0$  이므로

$$33 \times 1 = 33 \text{ 또는 } 11 \times 3 = 33$$

따라서 조건을 만족하는  $(a, b)$  는  $(18, 8), (8, 2)$  2개 존재한다.

14.  $x^2 + 3x - 1 = 0$  일 때,  $-x^4 + 7x^2 - 12x + 5$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$x^2 + 3x - 1 = 0 \text{에서}$$

$$x^2 = 1 - 3x$$

$$x^4 = (1 - 3x)^2$$

$$= 1 - 6x + 9x^2$$

$$= 1 - 6x + 9(1 - 3x)$$

$$= 1 - 6x + 9 - 27x$$

$$= 10 - 33x$$

$$\therefore -x^4 + 7x^2 - 12x + 5$$

$$= 33x - 10 + 7(1 - 3x) - 12x + 5$$

$$= 33x - 10 + 7 - 21x - 12x + 5$$

$$= 2$$

15. 부피가  $x^3 + x^2y - x - y$  인 직육면체의 밑면의 가로와 세로의 길이가 각각  $x - 1, x + 1$  일 때, 이 직육면체의 높이를 구하면?

- ①  $x + y$       ②  $x - y^2$       ③  $x^2 + y$   
④  $x + y^2$       ⑤  $x - y$

해설

$$\begin{aligned}x^3 + x^2y - x - y \\&= x^2(x + y) - (x + y) \\&= (x + y)(x + 1)(x - 1) \text{ 이다.}\end{aligned}$$

따라서 직육면체의 높이는  $x + y$  이다.