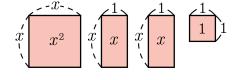
1. 다음 그림의 모든 직사각형의 넓이의 합과 넓이가 같은 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.



답:

▷ 정답: x+1

(넓이) =  $x^2 + 2x + 1 = (x+1)^2$ 

따라서 구하는 정사각형의 한 변의 길이는 x+1이다.

**2.**  $a = \sqrt{2} - 1$  일 때,  $a^2 + 4a + 4$  의 값을 구하여라.

답:

ightharpoonup 정답:  $3+2\sqrt{2}$ 

해설  $a^{2} + 4a + 4 = (a + 2)^{2}$   $= (\sqrt{2} - 1 + 2)^{2}$   $= (\sqrt{2} + 1)^{2}$   $= 2 + 2\sqrt{2} + 1$   $= 3 + 2\sqrt{2}$ 

- **3.** 다음 수의 제곱근 중 바르지 <u>않은</u> 것은?

  - ① 100의 제곱근 =  $\pm 10$  ② 7의 제곱근 =  $\pm \sqrt{7}$
  - ⑤  $\frac{1}{2}$ 의 제곱근  $=\pm\sqrt{\frac{1}{2}}$
  - ③ -4의 제곱근은 없다. ④ 0.2의 제곱근 = ±0.04

④ 0.2의 제곱근  $=\pm\sqrt{0.2}=\pm\sqrt{\frac{1}{5}}$ 

두 자리 자연수 n 에 대하여,  $\sqrt{5(n+13)}$  이 자연수가 되도록 하는 n4. 의 값의 합은?

② 79 ③ 89 ④ 99 ① 69 ⑤ 109

 $10 \leq n < 100$  ,  $\sqrt{5(n+13)} \rightarrow$  자연수  $n+13=5k^2$  $23 \leq 5k^2 < 113$ 

 $4.6 \le k^2 < 22.6$ 

 $\therefore k^2 = 9 \ , \, 16$ 

해설

 $n = 5 \times 9 - 13 = 32$ ,  $n = 5 \times 16 - 13 = 67$ 

따라서 n 의 값의 합은 32 + 67 = 99 이다.

## **5.** 다음 중 유리수는?

① 
$$\sqrt{3}-3$$
 ②  $-\sqrt{3.61}$  ③  $\frac{\pi}{5}$  ④  $\frac{1+\sqrt{6}}{2}$  ⑤  $\sqrt{9}$  의 제곱근

해설
$$-\sqrt{3.61} = -\sqrt{\frac{361}{100}} = -\sqrt{\left(\frac{19}{10}\right)^2} = -\frac{19}{10}$$

 $\sqrt{0.36}=a \times 6$  이고  $\sqrt{1200}=\sqrt{b} \times 10$  일 때, ab 의 값을 구하여라. 6.

▶ 답:

ightharpoonup 정답:  $ab=rac{6}{5}$ 

$$\sqrt{0.36} = \sqrt{\frac{1}{100} \times 36} = \frac{1}{10} \times 6 : a = \frac{1}{10}$$

$$\sqrt{1200} = \sqrt{12 \times 100} = \sqrt{12} \times 10 : b = 12$$

$$\therefore ab = \frac{6}{5}$$

7.  $x = \sqrt{5}$ ,  $y = \sqrt{2}$  일 때, 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면?

- $\sqrt{20} = xy^2$  ②  $100 = x^2y^2$  ③  $0.2 = \frac{y}{10}$  ④  $\sqrt{50} = x^2y$  ⑤  $\frac{\sqrt{2}}{5} = \frac{y}{x^2}$

- $x^2y^2 = (xy)^2 = (\sqrt{10})^2 = 10$ ∴  $100 = 10^2 = (x^2y^2)^2 = x^4y^4$ ③  $\sqrt{0.2} = \sqrt{\frac{20}{100}} = \frac{\sqrt{2^2 \times 5}}{10} = \frac{2}{10}\sqrt{5} = \frac{\sqrt{5}}{5} = \frac{x}{5}$

8. 다음 유리화의 계산 과정이 옳지 <u>않은</u> 것을 구하여라.

$$\frac{2}{\sqrt{12}} \times 4\sqrt{6} \div \sqrt{3}$$

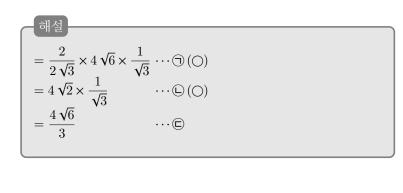
$$= \frac{2}{2\sqrt{3}} \times 4\sqrt{6} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \cdots \bigcirc$$

$$= 4\sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{3}} \cdots \bigcirc$$

$$= 4\sqrt{\frac{2}{3}} \cdots \bigcirc$$

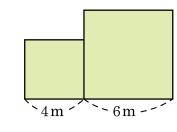
▶ 답:

▷ 정답: ⑤



 $\frac{4}{\sqrt{10}} \times \sqrt{30} \div \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{5}} = \frac{4}{\sqrt{10}} \times \sqrt{30} \times \frac{\sqrt{5}}{2\sqrt{3}}$  $= 2\sqrt{\frac{30 \times 5}{10 \times 3}} = 2\sqrt{5}$ 

10. 그림과 같이 한 변의 길이가 각각  $4\,\mathrm{m},\,6\,\mathrm{m}$  인 정사각형 모양의 화단이 나란히 붙어 있다. 이것과 넓이가 같은 정사각형 모양의 화단을 만들 때, 한 변의 길이는?



①  $\sqrt{13}$  m  $4 \sqrt{26} \,\mathrm{m}$ 

②  $2\sqrt{13}$  m 3  $\sqrt{24}$  m  $\bigcirc$   $\sqrt{42} \,\mathrm{m}$ 

해설

 $4^2 + 6^2 = 16 + 36 = 52$ 한 변의 길이를 *x* 라 하면

 $x^2 = 52$  $\therefore x = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}(\text{ m})$ 

11. 다음의 A의 값이 유리수일 때, 유리수 a의 값과 A의 값을 모두 바르게 말한 것은?

$$A = \sqrt{24} \left( \frac{1}{\sqrt{3}} - \sqrt{6} \right) - \frac{a}{\sqrt{2}} (\sqrt{32} - 2)$$

- **④** −1, −8 **⑤** 2, −20
- ① -2, -1
  - 3 -2, 2

$$\begin{split} &\text{i } ) \ \frac{\sqrt{24}}{\sqrt{3}} - \sqrt{24} \times \sqrt{6} - \frac{a}{\sqrt{2}} \times \sqrt{32} + \frac{a}{\sqrt{2}} \times 2 \\ &= \sqrt{8} - \sqrt{4} \times \sqrt{6} \times \sqrt{6} - \sqrt{16}a + a\sqrt{2} \\ &= \sqrt{2}(2+a) - 12 - 4a \\ &a 는 유리수이므로 값이 유리수가 되기 위해서는  $2+a=0$$$

$$= \sqrt{2}(2+a) - 12 - 4a$$

$$a$$
는 규터구이므도 없이 규터구가 되기 뒤에서는  $a = -2$ 

ii) 
$$\sqrt{2}(2+a) - 12 - 4a$$
에  $a = -2$ 를 대입하면  $\sqrt{2}(2-2) - 12 - 4 \times (-2) = -12 + 8 = -4$ 

**12.** 제곱근의 값이 각각  $\sqrt{a}=7.563$  ,  $\sqrt{b}=7.436$  일 때, 다음 제곱근표를 이용하여 a-b 의 값을 구하여라.

수	0	1	2	3
55	7.416	7.423	7.430	7.436
56	7.483	7.490	7.497	7.503
57	7.550	7.556	7.563	7.570
58	7.616	7.622	7.629	7.635

**> 정답:** a − b = 1.9

▶ 답:

a = 57.2, b = 55.3 $\therefore a - b = 57.2 - 55.3 = 1.9$ 

13. 제곱근표에서  $\sqrt{6} = 2.449$  일 때,  $\sqrt{0.54}$  의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 0.7347

$$\sqrt{0.54} = \sqrt{\frac{54}{100}} = \frac{\sqrt{54}}{10}$$

$$= \frac{\sqrt{6 \times 3^2}}{10} \frac{3 \times 2.449}{10}$$

$$= 0.7347$$

14.  $\sqrt{x}$  의 정수 부분이 5 일 때, 자연수 x 의 값이 아닌 것은?

① 25 ② 27 ③ 31 ④ 34

 $\sqrt{x} = 5. \times \times$ 

 $5 \le \sqrt{x} < 6 \quad \to \quad 25 \le x < 36$ 

**15.** 주어진 식을 인수분해했을 때, 빈 칸에 들어갈 값이 <u>다른</u> 것은?

- ①  $3x^2 + 18x + 27 = 3(x + \square)^2$ ②  $9x^2 - 24x + 16 = ( x - 4)^2$
- ③  $2x^2 72 = 2(x+6)(x-2 \times \square)$
- $4 6x^2 17x + 12 = (2x (3x 4))$

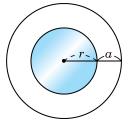
16. 수학 수업시간에 민지는 선생님께서 칠판에 적어준 이차식을 잘못보고 다음과 같이 필기하였다. 선생님께서 처음에 적어주신 이차식을 바르게 인수분해하면?

(1) 민지는 x 항의 계수와 상수항을 바꾸어 필기하였다.

- (나) 경돈이는 민지의 노트를 보고 필기를 하다가 x 의 계수의 부호를 반대로 하였더니  $x^2 8x + 6$  이었다.
- ① (x+1)(x+2) ② (x+2)(x+3) ③ (x+2)(x+4) ④ (x+3)(x+5) ⑤ (x+2)(x+6)

 $x^2 - 8x + 6 \rightarrow x^2 + 8x + 6 \rightarrow x^2 + 6x + 8 \rightarrow (x+2)(x+4)$ 

17. 다음 그림과 같이 반지름이 rm 인 원형의 연못 둘레에 폭이 am 인 도로를 만들려고 한다. 이 도로의 넓이를 S 라 할 때, S 를 a와 r을 사용한 식으로 나타낸 것은?



- $3 S = a(r+3a)\pi$
- ①  $S = (r-a)\pi$  ②  $S = (a^2 + r)\pi$

 $S = (a+r)^2\pi - r^2\pi$ 

해설

 $= \pi \{ (a+r)^2 - r^2 \}$  $=\pi(a+r+r)(a+r-r)$ 

 $=a\pi(2r+a)$ 

- **18.** 이차방정식  $x^2 3x + 1 = 0$  의 한 근을 m 이라고 할 때,  $m + \frac{1}{m}$  의 값은?
  - ① -1 ② -3 ③ 1 ④ 3 ⑤ 4
  - 한 근 x = m을 대입하면  $m^2 3m + 1 = 0$ 양변을 m으로 나누면  $m 3 + \frac{1}{m} = 0$  $\therefore m + \frac{1}{m} = 3$

19. 이차방정식  $(x-2)^2 = 3x-6$  의 두 근을 a, b 라고 할 때, (a-b)(a+b)b) - 3(a + b) 의 값을 구하여라. (단, a > b)

▶ 답: ▷ 정답: 0

해설

 $(x-2)^2 = 3x - 6$ 

 $x^2 - 4x + 4 = 3x - 6$  $x^2 - 7x + 10 = 0$ (x-2)(x-5) = 0 $\therefore x = 2$  또는 x = 5

 $a=5,\;b=2$  이므로

(a-b)(a+b) - 3(a+b) = (a+b)(a-b-3)= (5+2)(5-2-3)

=0

 ${f 20}.$  이차방정식  $2x^2-12x+k-3=0$  가 중근을 가질 때, k 의 값을 구하 여라.

▶ 답:

▷ 정답: 21

 $2x^2 - 12x = -k + 3$ 

해설

 $2(x^2 - 6x) = -k + 3$  $2(x-3)^2 = -k + 3 + 18$ -k + 3 + 18 = 0

 $\therefore k = 21$ 

**21.** 이차방정식  $(x-1)^2 + a - 2 = 0$  의 근이 존재할 때, 다음 중 a 의 값이 될 수 <u>없는</u> 것은?

- $\bigcirc 3$  2 0 3 -2 4 -5 5 -7

 $(x-1)^2 = -a+2$  가 해를 가지려면,  $-a+2 \ge 0$ 

 $\therefore a \leq 2$ 

**22.** 다음 중 옳은 것은?(단, a > 0, b > 0)

① 
$$-\sqrt{0.121} = -0.11$$

$$2 \frac{1}{\sqrt{\frac{9}{100}}} = 0.3$$

$$4a > 0$$
 이면,  $\frac{-\sqrt{(-a)^2}}{a} = -1$  이다

① 
$$-\sqrt{0.121} = -0.11$$
②  $\frac{1}{\sqrt{\frac{9}{100}}} = 0.3$ 
③  $\sqrt{(-1)^2}$  의 제곱근은  $-1$  이다.
④  $a > 0$  이면,  $\frac{-\sqrt{(-a)^2}}{a} = -1$  이다.
⑤  $A = -(\sqrt{a})^2, B = \sqrt{(-b)^2}$  이면,  $A \times B = ab$  이다.

① 
$$-0.11 = -\sqrt{0.11^2} = -\sqrt{0.0121}$$
  
②  $\frac{1}{\sqrt{\frac{9}{100}}} = \frac{1}{0.3} = \frac{10}{3}$ 

$$2) \frac{\sqrt{\frac{9}{100}}}{\sqrt{\frac{9}{100}}} = \frac{1}{0.3} = \frac{9}{0.3} = \frac{9}$$

③ 
$$\sqrt{(-1)^2} = 1$$
 의 제곱근은  $\pm 1$  이다.  
⑤  $A = -(\sqrt{a})^2 = -a, B = \sqrt{(-b)^2} = b$  이므로  $A \times B = -ab$ 

- **23.** 실수 a, b 에 대하여 a < 0, ab < 0 일 때,  $\sqrt{(2a-b)^2} + \sqrt{a^2} \sqrt{(b-a)^2}$ 을 간단히 하면?
  - $\bigcirc$  -2a

① -4a + 2b

- ② -2a-2b
- $\bigcirc$  -2a+2b
- $\bigcirc$  4a-2b

a < 0, b > 0 이므로 2a - b < 0, b - a > 0 $\sqrt{(2a - b)^2} + \sqrt{a^2} - \sqrt{(b - a)^2}$ 

해설

= |2a - b| + |a| - |b - a|= -2a + b - a - b + a = -2a **24.**  $\sqrt{180-18a}$  가 자연수가 되도록 하는 자연수 a 중에서 가장 큰 값을  $\mathbf{M}$ , 가장 작은 값을 m 이라고 할 때, Mm 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

 $\sqrt{180-18a}=\sqrt{18(10-a)}=3\sqrt{2}\times\sqrt{10-a}$   $\sqrt{10-a}=\sqrt{2}$  일 때, a 가 가장 큰 값을 가지므로 a = 8 $\sqrt{10-a}=\sqrt{8}$  일 때, a 가 가장 작은 값을 가지므로 M=8, m=2이다. 따라서 Mm = 16 이다.

**25.** -1 < x < 0 일 때, 다음 보기 중 그 값이 가장 큰 것을 구하여라.

답:▷ 정답: @

 $-\frac{1}{x}$  이 양수이고 1 보다 크므로 답이다.

## 26. 다음 중에서 옳은 설명을 모두 고른 것은?

모든 무리수 x, y 에 대하여  $\neg$ . x + y 는 항상 무리수이다.  $\bot$ . x - y 는 항상 무리수이다. $\Box$ .  $x \times y$  는 항상 무리수이다. =.  $x \div y$  는 항상 무리수이다.

③ ᄀ, ㄴ, ㄷ

② 7, L

③ 없다 ④ ㄱ, ㄴ, ㄷ, ㄹ

해설

ㄱ.의 반례 :  $x=\sqrt{2},\;y=-\sqrt{2}$  라 하면  $\sqrt{2}+(-\sqrt{2})=0$ ㄴ.의 반례 :  $x=\sqrt{2},\ y=\sqrt{2}$  라 하면  $\sqrt{2}-\sqrt{2}=0$ 

ㄷ.의 반례 :  $x=\sqrt{2},\ y=\sqrt{2}$  라 하면  $\sqrt{2}\times\sqrt{2}=(\sqrt{2})^2=2$ ㄹ.의 반례 :  $x=\sqrt{2},\ y=\sqrt{2}$  라 하면  $\sqrt{2}\div\sqrt{2}=1$ 따라서, 옳은 것은 ⑤ 없다.

- **27.** 두 실수 a,b 가  $a=\sqrt{8}-3$  ,  $b=-\sqrt{7}+\sqrt{8}$  일 때, 다음 중 옳은 것은?
  - ① a b > 0(4) ab > 0 (5) a + 1 > 0
- ② b a < 0
- ③  $b + \sqrt{7} > 3$

$$a-b = \sqrt{8} - 3 - \left(-\sqrt{7} + \sqrt{8}\right)$$

$$= \sqrt{7} - 3$$

$$= \sqrt{7} - \sqrt{9} < 0$$

$$\therefore a-b<0$$

$$b - a = -\sqrt{7} + \sqrt{8} - (\sqrt{8} - 3)$$

$$= -\sqrt{7} + 3$$

$$= \sqrt{9} - \sqrt{7} > 0$$

$$\therefore b-a>0$$
  
③ (좌변)=  $b+\sqrt{7}=-\sqrt{7}+\sqrt{8}+\sqrt{7}=\sqrt{8}$   
(우변)=  $3=\sqrt{9}$ 

$$\therefore b + \sqrt{7} < 3$$

$$\textcircled{4} a = \sqrt{8} - 3 = \sqrt{8} - \sqrt{9} < 0$$

$$b = \sqrt{8} - \sqrt{7} > 0$$
  
$$\therefore ab < 0$$

$$a+1 = \left(\sqrt{8} - 3\right) + 1$$

$$\boxed{3} = \sqrt{8} - 2$$

$$= \sqrt{8} - \sqrt{4} > 0$$

$$\therefore a+1>0$$

**28.**  $f(x) = \sqrt{x+2} - \sqrt{x+1}$  일 때,  $f(0) + f(1) + f(2) + \cdots + f(99) + f(100)$ 의 값을 구하면?

해설

① -1 ②  $\sqrt{101} - 1$  $4 \sqrt{102} - \sqrt{101}$ ⑤  $\sqrt{102}$ 

 $\sqrt{3}\sqrt{102} - 1$ 

 $f(0) = \sqrt{2} - \sqrt{1} = -1 + \sqrt{2}$  $f(1) = \sqrt{3} - \sqrt{2} = -\sqrt{2} + \sqrt{3}$  $f(2) = \sqrt{4} - \sqrt{3} = -\sqrt{3} + \sqrt{4} \cdots$  $f(99) = \sqrt{101} - \sqrt{100} = -\sqrt{100} + \sqrt{101}$  $f(100) = \sqrt{102} - \sqrt{101} = -\sqrt{101} + \sqrt{102}$  $\therefore f(0) + f(1) + f(2) + \dots + f(99) + f(100)$  $= -1 + \sqrt{2} - \sqrt{2} + \sqrt{3} + -\sqrt{3} + \sqrt{4} + \cdots - \sqrt{100} + \sqrt{101} \sqrt{101} + \sqrt{102}$  $= -1 + (\sqrt{2} - \sqrt{2}) + (\sqrt{3} - \sqrt{3}) + (\sqrt{4} + \dots - \sqrt{100}) + (\sqrt{101} - \sqrt{100}) + (\sqrt{100} + \sqrt{100}) + (\sqrt{$  $\sqrt{101}) + \sqrt{102}$ 

 $= -1 + (0) + (0) + (0) + \sqrt{102}$ 

 $= -1 + \sqrt{102}$ 

$$\sqrt{2} - 1 + \sqrt{3} - \sqrt{2} + \dots + \sqrt{9} - \sqrt{8} = -1 + \sqrt{9} = -1 + 3 = 2$$

**30.** 
$$a=\frac{4-\sqrt{2}}{3}$$
 ,  $b=\frac{4+2\sqrt{2}}{3}$  일 때,  $4a^2+4ab+b^2$  의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 16

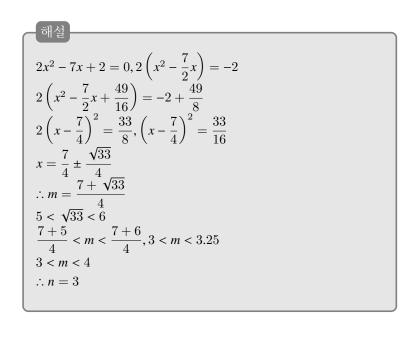
$$4a^{2} + 4ab + b^{2} = (2a + b)^{2}$$

$$= \left(\frac{8 - 2\sqrt{2}}{3} + \frac{4 + 2\sqrt{2}}{3}\right)$$

$$= 4^{2}$$

$$= 16$$

- **31.** 이차방정식  $2x^2 7x + 2 = 0$  의 두 근 중에서 큰 것을 m 이라 하면 n < m < n + 1이다. 정수 n 의 값은?
  - ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6



32. 다음을 계산하여라.

$$20^2 - 21^2 + 22^2 - 23^2 + 24^2 - 25^2$$

답:

▷ 정답: -135

 $20^{2} - 21^{2} + 22^{2} - 23^{2} + 24^{2} - 25^{2}$  = (20 + 21)(20 - 21) + (22 + 23)(22 - 23)

$$+ (24 + 25)(24 - 25)$$
  
=  $41 \times (-1) + 45 \times (-1) + 49 \times (-1) = -135$ 

**33.** 이차방정식  $x^2 + 3ax + 2a^2 = 0$  의 한 근이 -2 일 때, a 의 값과 다른 한 근을 구하여라. (단, 다른 한 근은 -2 보다 작은 수이다.)

▶ 답: ▶ 답:

➢ 정답: a = 2

> 정답: x = -4

 $x^2 + 3ax + 2a^2 = 0$  에 x = -2 를 대입하면  $4 - 6a + 2a^2 = 0$  $2a^2 - 6a + 4 = 0$ 

 $a^2 - 3a + 2 = 0$ (a-1)(a-2) = 0

∴ a = 1 또는 a = 2i) a = 1 일 때,

 $x^{2} + 3x + 2 = 0$ , (x + 1)(x + 2) = 0 $\therefore x = -1 \stackrel{\mathbf{L}}{\mathbf{L}} x = -2$ 따라서 다른 한 근은 -2 보다 작은 수이므로 조건에 맞지 않는다.

ii) a=2 일 때,  $x^{2} + 6x + 8 = 0, (x + 2)(x + 4) = 0$ 

다른 한 근은 -2 보다 작은 수이므로 -4 이다.  $\therefore a = 2, x = -4$ 

 $\therefore x = -2$  또는 x = -4