- 다항식 f(x)를  $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이 3x 4이고, 나머지가 1. 2x + 5이었다. 이 때, f(1)의 값은?
  - ① -1
- ②0 3 1 4 3 5 5

 $f(x) = (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5)$ 

$$= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5$$
$$= 6x^3 + x^2 - 4x - 3$$

$$= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5$$
$$= 6x^3 + x^2 - 4x - 3$$

$$f(1) = 6 + 1 - 4 - 3 = 0$$

해설

$$f(x) = (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5)$$
  
$$f(1) = (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0$$

- **2.** x에 대한 이차방정식  $(m+3)x^2 4mx + 2m 1 = 0$ 이 중근을 갖도록 하는 실수 m의 값의 합은?
  - ①  $-\frac{5}{2}$  ②  $-\frac{3}{2}$  ③ 0 ④  $\frac{3}{2}$

주어진 이차방정식의 판별식을 D라고 하면 중근을 가질 조건은

D=0이므로  $\frac{D}{4} = (-2m)^2 - (m+3)(2m-1) = 0$ 

$$4m^2 - (2m^2 + 5m - 3) = 0$$

$$2m^2 - 5m + 3 = 0$$

$$(m-1)(2m-3) = 0$$

$$\therefore m = 1$$
또는  $\frac{3}{2}$ 

$$\therefore m = 1 \, \text{ET} \frac{3}{2}$$

$$\therefore 1 + \frac{3}{2} = \frac{5}{2}$$

$$\left[\begin{array}{c} \dots 1 + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \end{array}\right]$$

**3.**  $\frac{2x + ay - b}{x - y - 1}$ 가  $x - y - 1 \neq 0$ 인 어떤 x, y의 값에 대하여도 항상 일정한 값을 가질 때, a-b의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

 $\frac{2x + ay - b}{x - y - 1} = k$ 라 놓으면

2x + ay - b = k(x - y - 1)x, y에 대하여 정리하면,

(2 - k)x + (a + k)y - b + k = 0

위의 식이 x, y에 대한 항등식이어야 하므로 2-k=0, a+k=0, -b+k=0

 $\therefore k = 2, a = -2, b = 2$  $\therefore a - b = -4$ 

**4.** 다항식 f(x)를 x-1로 나눈 나머지가 2이고, x+2로 나눈 나머지가 5이다. 다항식 f(x)를 (x-1)(x+2)로 나눈 나머지를 R(x)라 할 때, R(2)의 값은?

1

② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

나머지 정리에 의하여, f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b라 할 수 있다.

f(1) = a + b = 2f(-2) = -2a + b = 5

연립하면, a = -1 b = 3 $\therefore R(x) = -x + 3$ 

R(2) = 1

 $5. \qquad (x^2-x+1)(x^2-x-3)-5 \\ \equiv \\ \ \, \mathrm{인수분해하면} \, \, (x^2+ax+b)(x^2+cx+2)$ 일 때, 상수 a, b, c의 합 a+b+c의 값은?

① -6 ② -3 ③ 0 ④ 3 ⑤ 6

해설

 $x^2 - x$ 를 X로 치환하면  $(x^2 - x + 1)(x^2 - x - 3) - 5$ = (X+1)(X-3) - 5 $= X^{2} - 2X - 3 - 5$   $= X^{2} - 2X - 8$ = (X-4)(X+2)

 $= (x^2 - x - 4)(x^2 - x + 2)$ 

따라서, a = -1, b = -4, c = -1이므로 a+b+c=-1-4-1=-6

이차방정식  $x^2-3x+1=0$ 의 두 근을  $\alpha,\beta$ 라 할 때,  $\alpha+\frac{1}{\beta},\ \beta+\frac{1}{\alpha}$ 을 6. 두 근으로 가지는 x의 이차방정식이  $x^2 + ax + b = 0$ 이다. a + b의 값을 구하면?

② 1 ③ -1 ① 2  $\bigcirc$  -3

이차방정식  $x^2$  – 3x+1=0의 두 근이  $\alpha$ ,  $\beta$ 이므로, 근과 계수와의 관계에 의해서

 $\alpha + \beta = 3$ ,  $\alpha\beta = 1$ 이다.

$$\left(\alpha + \frac{1}{\beta}\right) + \left(\beta + \frac{1}{\alpha}\right) = (\alpha + \beta) + \left(\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}\right)$$
$$= (\alpha + \beta) + \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = 3 + \frac{3}{1} = 6$$

$$\left(\alpha + \frac{1}{\beta}\right)\left(\beta + \frac{1}{\alpha}\right) = \alpha\beta + 1 + 1 + \frac{1}{\alpha\beta} = 1 + 2 + 1 = 4$$
$$\therefore \alpha + \frac{1}{\beta}, \beta + \frac{1}{\alpha} \stackrel{\triangle}{=} 두 근으로 가지는 x 의 이차방정식은$$

 $x^2 - 6x + 4 = 0$ 

 $\therefore a = -6, b = 4$  $\therefore a+b=-2$ 

7. 종섭이와 성제가 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 을 각각 풀었다. 종섭 이는 x 의 계수를 잘못 봐서 3-2i, 3+2i 라는 근을 구했고, 성제는 상수항을 잘못 봐서  $2-i,\ 2+i$  라는 근을 구했을 때,  $\left|\frac{bc}{a^2}\right|$  의 값은?

▷ 정답: 52

해설

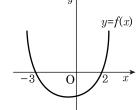
▶ 답:

종섭이는 x의 계수를 잘못 보았으므로 상수항은 참이다. 두 근의  $\mathbf{a} = \frac{c}{a} = (3-2i)(3+2i) = 9+4=13$ 

성제는 상수항을 잘못 보았으므로 *x*의 계수는 참이다. 두 근의 합= $-\frac{b}{a} = 2 - i + 2 + i = 4$ 

- 이차함수 y = f(x) 의 그래프가 다음 그림과 8. 같을 때, 방정식  $f(x^2 - 1) = 0$  의 서로 다른 실근의 개수는?
  - ②2개 ① 1개 ③ 3개 ⑤ 5개
  - ④ 4개

해설



주어진 그래프에서 f(-3) = 0, f(2) = 0 이므로 방정식  $f(x^2-1)=0$  의 근은 (i)  $x^2 - 1 = -3$ 일 때,  $x^2 = -2$  ∴  $x = \pm \sqrt{2}i$ 

(ii)  $x^2 - 1 = 2$   $\cong$   $\text{ III}, x^2 = 3 : x = \pm \sqrt{3}$ 

- (i), (ii)에서 주어진 방정식의 서로 다른 실근의 개수는 2개
- 이다.

9.  $x^2-x+1=0$  의 한 근을 z라 한다.  $p=\frac{1+z}{3-z}$  일 때,  $7p\cdot \overline{p}$  의 값을 구하면?

① 5 ② 4 ③ 3 ④ 2 ⑤ 1

$$x^{2} - x + 1 = 0 \ \stackrel{\bigcirc}{\square} \ \stackrel{\square}{\square} \circ |z, \overline{z} \circ | \square \square \square$$

$$z + \overline{z} = 1, z\overline{z} = 1$$

$$7p \cdot \overline{p} = 7\left(\frac{1+z}{3-z}\right)\left(\frac{\overline{1+z}}{3-z}\right)$$

$$= 7\left(\frac{1+z}{3-z}\right)\left(\frac{1+\overline{z}}{3-\overline{z}}\right)$$

$$= 7\left\{\frac{1+(z+\overline{z}) + z \cdot \overline{z}}{9-3(z+\overline{z}) + z \cdot \overline{z}}\right\}$$

$$= 3$$

**10.**  $x+y=3, \ x\geq 0, \ y\geq 0$  일 때,  $2x^2+y^2$  의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 하면 M-m 의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: 12

해설

준식 y = -x + 3 에서  $x \ge 0$ ,  $y \ge 0$  이므로

 $y = -x + 3 \ge 0$   $\rightarrow$   $-x \ge -3$   $\rightarrow$   $x \le 3$   $\therefore$   $0 \le x \le 3$   $(\because x \ge 0)$  또  $2x^2 + y^2 = 2x^2 + (-x + 3)^2 = 2x^2 + x^2 - 6x + 9 = 3x^2 - 6x + 9$  완전 제곱식으로 바꾸면  $3(x^2 - 2x) + 9 = 3(x - 1)^2 + 6$   $\therefore x = 1$  일 때 최솟값 6 , x = 3 일 때 최댓값  $18 \therefore M - m = 12$