① 15,12 ② 8,8 ③ 7,9 ④ 5,11 ⑤ 11,7

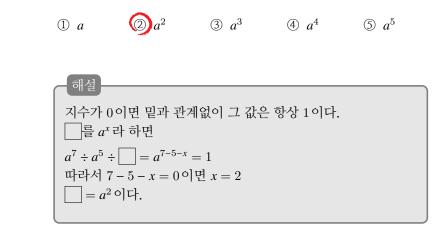
 $x^5y^3 \times x^2y^6 = x^{5+2}y^{3+6} = x^7y^9$ or.

- **2.** 식 $(x^3)^3 \times (y^3)^2 \times x \times (y^2)^2$ 을 간단히 하면?
 - ① $x^{10}y^9$ ④ x^8y^9
- ② x^9y^{10} ③ x^9y^9

4) X

 $\int \int x^{10} y^{10}$

 $x^9 \times y^6 \times x \times y^4 = x^{10} \times y^{10}$



 $oldsymbol{3}$. $a^7 \div a^5 \div \square = 1$ 에서 \square 안에 알맞은 것은?

4. $81 \div \frac{1}{3^{3x+2}} \div 27 = \frac{1}{9}$ 을 만족하는 x의 값을 구하면?

① $\frac{5}{3}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ $-\frac{5}{3}$ ④ -2 ⑤ -1

81 ÷ $\frac{1}{3^{3x+2}}$ ÷ 27 = $\frac{1}{9}$ $3^4 \times 3^{3x+2} \times \frac{1}{3^3} = \frac{1}{3^2}$ 양변에 3^3 을 곱하면 $3^4 \times 3^{3x+2} = 3$ 4 + 3x + 2 = 1∴ $x = -\frac{5}{3}$

$$3^{4} \times 3^{3x+2} = 3$$

$$4 + 3x + 2 = 1$$
∴ $x = -\frac{5}{3}$

5. 다음 중 옳은 것은?

- ① $5^2 \times 5^3 = 25^5$ ② $(3^3)^3 = 27^9$ ③ $(-2)^{10} = -2^{10}$ ④ $(2x)^3 = 6x^3$ ⑤ $\left(x^{\frac{2}{3}}\right)^2 = x^{\frac{4}{3}}$

해설

- ① $5^2 \times 5^3 = 5^5$ ② $(3^3)^3 = 3^9$ ③ $(-2)^{10} = 2^{10}$ ④ $(2x)^3 = 8x^3$

- 3^3 을 81 번 더하여 얻은 값을 3의 거듭제곱으로 나타낸 것은? **6.**

 - ① $3^3 + 81$ ② 3×81 $(3^3)^2$ $(3^3)^{25}$
- 37

 $3^3 \times 81 = 3^3 \times 3^4 = 3^7$

7. $\left(\frac{2x^a}{y}\right)^b = \frac{16x^4}{y^c} 일 때, a+b-c 의 값은?$

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

 $\frac{2^{b}x^{ab}}{y^{b}} = \frac{2^{4}x^{4}}{y^{c}}$ b = 4, c = 4 $x^{4a} = x^{4}, a = 1$ $\therefore a + b - c = 1 + 4 - 4 = 1$

8. $9^{n-1}(2 \cdot 5^{n+1} - 5^n)$ 을 간단히 한 것은?

① 9^{n+2} 45^{n}

② 25^{n}

 $3 25^{2n-1}$ $\bigcirc 45^{n+2}$

해설

 $9^{n-1} (2 \cdot 5^{n+1} - 5^n) = 9^{n-1} (10 \times 5^n - 5^n)$ = $9^{n-1} (9 \times 5^n)$ $=9^n \times 5^n$

 $= 45^{n}$

9. $3^3 \div 3^a = 27$, $4^b + 4^b + 4^b + 4^b = 4^3$ 일 때, a - b 의 값은?

① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

 $3^3 \div 3^a = 3^{3-a} = 27 = 3^3$

3 - a = 3

 $\therefore a = 0$ $4^b + 4^b + 4^b + 4^b = 4 \cdot 4^b = 4^{b+1} = 4^3$ b + 1 = 3

 $\therefore b=2$

 $\therefore a - b = -2$

해설

10. 지수법칙을 이용하여 $2^9 \times 5^5$ 은 몇 자리 수인지 구하여라.

답: <u>자리수</u>

▷ 정답: 일곱 <u>자리 수</u>

 $2^9 \times 5^5 = 2^5 \cdot 2^4 \times 5^5 = (2 \times 5)^5 \times 16 = 16 \times 10^5$

따라서 일곱 자리의 수이다.

11. 다음 세 수의 크기를 비교하여 큰 순서대로 나열하여라.

 2^{81} , 3^{63} , 5^{36}

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 3⁶³

▷ 정답: 5³⁶

▷ 정답: 2⁸¹

해설

81 = 3⁴, 63 = 3² × 7, 36 = 2² × 3² 이므로 세 수의 최대공약수는 3² = 9 이다.

따라서 2⁸¹,3⁶³,5³⁶

(2⁹)⁹, (3⁷)⁹, (5⁴)⁹ 에서 2⁹ < 5⁴ < 3⁷ 이므로 세 수의 크기는 2⁸¹ < 5³⁶ < 3⁶³ ∴ 3⁶³, 5³⁶, 2⁸¹

12. $27^{x-2} = \left(\frac{1}{3}\right)^{x-6}$ 일 때, x의 값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 3

 $(3^3)^{x-2} = 3^{-x+6}$ 지수: 3x - 6 = -x + 6, 4x = 12, x = 3

13. 부등식 $5^{100} < x^{200} < 4^{300}$ 을 만족하는 자연수 x의 개수를 구하여라.

 ■ 답:
 개

▷ 정답: 5<u>개</u>

 $5^{100} < (x^2)^{100} < (4^3)^{100}$

 $5 < x^2 < 4^3$

따라서 만족하는 자연수는 3, 4, 5, 6, 7로 5개이다.

14.
$$125^{x+2} = \left(\frac{1}{5}\right)^{2x-11}$$
 일 때, x 의 값은?

①1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

 $(5^{3})^{x+2} = 5^{-2x+11}$ $5^{3x+6} = 5^{-2x+11}, 3x+6 = -2x+11, x = 1$

15. $12^5 = 2^m \times 3^n$ 일 때, m + n 의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 15

 $12^5 = (2^2 \times 3)^5 = 2^{10} \times 3^5$ $m=10\ ,\, n=5$ $\therefore m+n=15$

16. 등식 $\frac{9(x^2y)^3}{xy} \div \frac{(xy^2)^2}{(2x)^3} \times \frac{xy}{(3x^3y^2)^2} = ax^by^c$ 일 때, a+b+c의 값은?

① 2 ② 4 ③ 8 ④ 16 ⑤ 32

 $\frac{9(x^2y)^3}{xy} \div \frac{(xy^2)^2}{(2x)^3} \times \frac{xy}{(3x^3y^2)^2}$ $= \frac{9x^6y^3}{xy} \times \frac{8x^3}{x^2y^4} \times \frac{xy}{9x^6y^4}$ $= \frac{8x}{y^5} = 8xy^{-5}$ a = 8, b = 1, c = -5 a + b + c = 8 + 1 - 5 = 4

① 3B ② $3B^2$ ③ $9B^2$ ④ 9B ⑤ $\frac{B}{9}$

해설 $(\frac{7}{15} \stackrel{1}{\cancel{-}}) = 3^4 \times \frac{1}{3^8} \div \left(\frac{1}{3^3}\right)^3$ $= 3^4 \times \frac{1}{3^8} \times 3^9$ $= 3^5 = 3^2 \times 3^3 = 9B$

 $oxed{18}$. 자연수 a 에 대하여 $a^{a+3}=a^{3a-1}$ 를 만족하는 a 의 값을 모두 구하여

▶ 답: ▶ 답:

▷ 정답: 1

▷ 정답: 2

해설

 $a^{a+3}=a^{3a-1}$ 에서

⑤밑이 같으면 지수가 같아야 등호가 성립하므로

 $a+3=3a-1, \quad \therefore a=2$ $\bigcirc 1$ 의 거듭제곱은 지수와 관계없이 항상 1 이므로 등호가 성립

한다.

즉, a = 1 일 때, $1^4 = 1^2$ 이다. $\therefore a = 1$ 따라서 a의 값은 1과 2이다.

19. 다음 식을 만족하는 최대의 자연수 n 에 대하여, n-a+2b-c 의 값은?

 $(x^a y^b z^c)^n = x^{56} y^{64} z^{88}$

① -2

② 0 ③ 4

4)6

⑤ 10

56 , 64 , 88 의 최대공약수는 8 이다.

해설

따라서 n=8 이고, $a=7,\ b=8,\ c=11$ 이다. 그러므로 n-a+2b-c=8-7+16-11=6 이다. **20.** $\frac{2^{10} \times 15^{20}}{45^{10}}$ 은 a – 1 자리의 자연수이다. 이 때, a 의 값을 구하여라.

답:

➢ 정답: 12

 $\frac{2^{10} \times 15^{20}}{45^{10}} = \frac{2^{10} \times (3 \cdot 5)^{20}}{(3^2 \cdot 5)^{10}} = \frac{2^{10} \times 3^{20} \times 5^{20}}{3^{20} \times 5^{10}}$ $= 2^{10} \times 5^{10} = 10^{10}$ 따라서 11 자리의 수 이므로 a - 1 = 11 $\therefore a = 12$