

1. 100 이하의 자연수 중 18의 배수의 개수는?

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- ④ 4
- ⑤ 5

해설

18, 36, 54, 72, 90 이므로 5개이다.

2. 40 을 소인수분해하면?

①  $1 \times 40$

②  $2 \times 20$

③  $2^2 \times 10$

④  $2^3 \times 5$

⑤  $8 \times 5$

해설

40 을 소인수분해하면 다음과 같다.  $40 = 2^3 \times 5$

$$\begin{array}{r} 2 ) 40 \\ 2 ) 20 \\ 2 ) 10 \\ \hline & 5 \end{array}$$

3. 264의 소인수를 바르게 구한 것은?

- ① 2, 3, 11
- ② 1, 2, 3, 11
- ③  $2^2$ , 11
- ④  $2^3$ , 3, 11
- ⑤ 2, 3, 5, 11

해설

$$264 = 2^3 \times 3 \times 11$$

4.  $24 \times a = 90 \times b = c^2$  을 만족하는 가장 작은 자연수  $c$  의 값을 구하여라.  
(단,  $a$ ,  $b$ ,  $c$  는 모두 자연수이다.)

▶ 답 :

▶ 정답 : 60

해설

$$24 \times a = 90 \times b = c^2$$

$24 \times a$  와  $90 \times b$  가 어떤 수의 제곱수가 되어야 하므로 소인수분해를 해 보면

$$2^3 \times 3 \times a = 2 \times 3^2 \times 5 \times b$$

즉,  $c$  는 24 과 90 의 공배수이므로  $2^3 \times 3^2 \times 5$  의 배수이다.

그러므로 가장 작은  $c^2$  은  $2^4 \times 3^2 \times 5^2$  이어야 한다.

$$\therefore c = 2^2 \times 3 \times 5 = 60$$

5. 다음 네모 칸에 쓰여진 수 중에서  $3^4 \times 11^5$ 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 한글 자음 중 하나가 나타난다.  
그 한글 자음은 무엇인지 찾아라.

- ① ㄱ      ② ㄴ      ③ ㄷ  
 ④ ㄹ      ⑤ ㅁ

$3^4 \times 11$	11	$3 \times 11$
$3^2 \times 11^2$	16	$3 \times 11^2$
33	$2 \times 3^2$	$3^4 \times 11^5$
$3^2 \times 11$	121	$3^3 \times 11^5$

### 해설

$3^4$ 의 약수는 1, 3,  $3^2$ ,  $3^3$ ,  $3^4$ 이고  $11^5$ 의 약수는 1, 11,  $11^2$ ,  $11^3$ ,  $11^4$ ,  $11^5$ 이다.

표의 수들을 소인수분해하면  $16 = 2^4$ ,  $121 = 11^2$ ,  $33 = 3 \times 11$ 이다.

$3^4 \times 11^5$ 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 다음 표와 같다.

$3^4 \times 11$	11	$3 \times 11$
$3^2 \times 11^2$	16	$3 \times 11^2$
33	$2 \times 3^2$	$3^4 \times 11^5$
$3^2 \times 11$	121	$3^3 \times 11^5$

6. 다음 수 중에서 약수가 가장 많은 수를 써라.

36 48 64 120

▶ 답 :

▶ 정답 : 120

해설

$$36 = 2^2 \times 3^2 \text{ 이므로 } (2+1) \times (2+1) = 9(\text{개})$$

$$48 = 2^4 \times 3 \text{ 이므로 } (4+1) \times (1+1) = 10(\text{개})$$

$$64 = 2^6 \text{ 이므로 } 6+1 = 7(\text{개})$$

$$120 = 2^3 \times 3 \times 5 \text{ 이므로 } (3+1) \times (1+1) \times (1+1) = 16(\text{개})$$

7. 130 을 나누어 몫이 7 이고 나머지가 4 인 수는?

- ① 15
- ② 16
- ③ 17
- ④ 18
- ⑤ 19

해설

나누는 수를  $a$  라 하면  $7 \times a + 4 = 130$ ,  $7 \times a = 126$  이므로  
 $a = 18$  이다.

8. 다음 보기 중 약수가 2 개뿐인 수를 골라라.

보기

Ⓐ 1

Ⓑ 33

Ⓒ 55

Ⓓ 149

Ⓔ 144

▶ 답 :

▶ 정답 : ⓐ

해설

약수가 2 개뿐인 수는 소수이다. 소수는 149 이다.

9. 다음 중 옳은 것을 골라라.

- ㉠ 1 은 소수이다.
- ㉡ 2 는 소수가 아니다.
- ㉢ 짝수인 소수는 2 뿐이다.
- ㉣ 소수는 모두 홀수이다.

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉢

해설

- ㉠ 1 은 소수가 아니다.
- ㉡ 2 는 소수이다.
- ㉢ 2 는 소수이다.

10. 360 을 소인수분해하였을 때, 각 소인수의 지수의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$$2 \overline{)360}$$

$$2 \overline{)180}$$

$$2 \overline{)90}$$

$$3 \overline{)45}$$

$$3 \overline{)15}$$

$$\begin{array}{r} \\ 5 \end{array}$$

$$360 = 2^3 \times 3^2 \times 5$$

$$\therefore 3 + 2 + 1 = 6$$

11. 75 에 가능한 한 작은 자연수  $x$ 로 나누어서 어떤 자연수  $y$ 의 제곱이 되게 하려고 한다.  $y$ 의 값은?

① 1

② 3

③ 5

④ 9

⑤ 15

해설

75 를 소인수분해하면 다음과 같다.

$$\begin{array}{r} 3 ) 75 \\ 5 ) 25 \\ \hline 5 \end{array}$$

$75 = 3 \times 5^2$  이므로  $\frac{3 \times 5^2}{x} = y^2$  을 만족하는  $x$  의 값 중 가장 작은 자연수는 3 이다. 따라서  $y = 5$  이다.

12. 120에 자연수  $x$ 를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다.  
다음 중  $x$ 의 값이 될 수 없는 것은?

- ①  $2 \times 3 \times 5$       ②  $2^3 \times 3 \times 5$       ③  $2 \times 3^3 \times 5$   
④  $2 \times 3 \times 5 \times 7^2$       ⑤  $2^2 \times 3 \times 5$

해설

$120 = 2^3 \times 3 \times 5$ 로 소인수분해되므로 소인수 2, 3, 5의 지수가  
홀수인 수를 곱한다.

$2^2 \times 3 \times 5$ 은  $2^2$ 을 곱하였으므로 제곱수가 될 수 없다.

13. 1부터 50 까지의 자연수 중에서 약수의 개수가 3 개인 자연수의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 4개

해설

자연수  $n$  의 약수의 개수가 3 개이기 위해서는 1 과  $n$  이외에 약수가 한 개만 더 있어야하므로 자연수  $n$  은 소수의 완전제곱수이어야 한다.

따라서 1부터 50 까지의 완전제곱수를 구하면

$$7^2 = 49 < 50 \text{ 이고 } 11^2 = 121 > 50 \text{ 이므로}$$

50 이하인 소수의 완전제곱수는

$$2^2, 3^2, 5^2, 7^2 \text{ 이다.}$$

14.  $n$  이 자연수일 때,  $\frac{18}{n}$  도 자연수가 된다. 이러한  $n$  의 값의 합은?

- ① 20
- ② 21
- ③ 33
- ④ 39
- ⑤ 49

해설

18의 약수는 1, 2, 3, 6, 9, 18이다.

따라서  $n$ 의 값의 합은  $1 + 2 + 3 + 6 + 9 + 18 = 39$

## 15. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

①  $3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7 = 3^2 \times 2^5 \times 7$

②  $\frac{1}{5 \times 5 \times 5 \times 5} = \frac{1}{5^4}$

③  $\frac{1}{3 \times 3 \times 7 \times 7} = \frac{1}{3^2 \times 7^2}$

④  $\frac{1}{7^4 \times 7^5} = \left(\frac{1}{9}\right)^7$

⑤  $a \times a \times a \times b \times b \times c = a^3 \times b^2 \times c^2$

해설

①  $3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7 = 3^2 \times 5^2 \times 7$ ,

④  $\frac{1}{7^4 \times 7^5} = \left(\frac{1}{7}\right)^9$ ,

⑤  $a \times a \times a \times b \times b \times c = a^3 \times b^2 \times c$

16.  $x$ 는  $2^5 \times 7^3$ 의 약수 중에서  $a^2$ 의 형태로 나타낼 수 있는 수일 때,  $x$  값의 개수는? (단,  $a$ 는 자연수)

- ① 2 개      ② 4 개      ③ 6 개      ④ 8 개      ⑤ 10 개

해설

$2^5 \times 7^3$ 의 약수 중  $(자연수)^2$  이 되는 수는

$1, 2^2, (2^2)^2, 7^2, (2 \times 7)^2, (2^2 \times 7)^2$

$\therefore 6$  개이다.

17.  $14 \times \boxed{\quad} \times 35$  의 약수의 개수가 36 일 때,  $\boxed{\quad}$ 안에 들어갈  
가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

( i )  $\boxed{\quad} = 2^a$  일 때

$$36 = (5+1) \times (2+1) \times (1+1) \text{ 이므로}$$

$$\boxed{\quad} = 2^4 = 16$$

( ii )  $\boxed{\quad} \neq 2^a$  일 때

$$36 = (a+1) \times (1+1) \times (2+1) \times (1+1)$$

$$a = 2, \text{ 가장 작은 자연수는 } 3^2 = 9$$

$\therefore$  ( i ), ( ii )에서 가장 작은 자연수는 9

18. 네 자리의 정수  $41\square2$  가 3의 배수인 동시에 4의 배수가 되도록 □ 안에 알맞은 수는?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

3의 배수는 자리 수의 합이 3의 배수 이므로  $41\square2 \Rightarrow 4 + 1 + \square + 2 = 7 + \square$ 에서 □ 안에 들어갈 수 있는 수는 2, 5, 8이다.

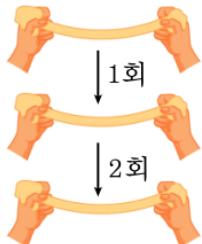
4의 배수는 마지막 두 자리가 4의 배수이어야 하므로  $41\square2 \Rightarrow \square2$ 에서

□ 안에 들어갈 수 있는 수는 1, 3, 5, 7, 9이다.  
따라서 동시에 만족하는 수는 5이다.

19. 손으로 국수를 만들 때, 반죽을 늘여 1회 접으면 두 가닥이 되고, 2회 접으면 네 가닥이 된다. 국수가 100 가닥 이상 필요 할 때, 최소 몇 회를 접어야 하는가?

① 4회      ② 5회      ③ 6회

④ 7회      ⑤ 8회



### 해설

반죽을 1회 접으면 2 가닥, 2회 접으면  $(2 \times 2)$  가닥, 3회 접으면  $(2 \times 2 \times 2)$  가닥이 된다. 접는 횟수에 따른 국수의 가닥 수를 표로 정리하면 다음과 같다.

접는 횟수	국수의 가닥 수(가닥)	국수의 가닥수를 거듭제곱으로 표현
1회	2	$2^1$
2회	$2 \times 2 = 4$	$2^2$
3회	$2 \times 2 \times 2 = 8$	$2^3$
4회	$2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$	$2^4$
5회	$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 32$	$2^5$
:	:	:

$2^5 = 32$ ,  $2^6 = 64$ ,  $2^7 = 128$ , … 이므로 국수 100 가닥을 만들려면 7회 이상 접어야 한다.

20. 약수의 개수가 36개이고,  $2^x \times 3^y \times 5^z \times 7$  으로 소인수분해되는 자연수는 모두 몇 개인가? (단,  $x, y, z$  는 자연수)

- ① 3개      ② 6개      ③ 9개      ④ 12개      ⑤ 15개

해설

$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3$  이므로

$(x, y, z) = (1, 2, 2), (2, 1, 2), (2, 2, 1)$  으로 3 개이다.