

1. 등식  $(4+i)x + 2 + 2yi = 2 + 5i$ 를 만족시키는 실수  $x, y$ 에 대하여  $x+2y$ 의 값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ )

① -5

② -3

③ 0

④ 5

⑤ 3

해설

$$(4x + 2) + (x + 2y)i = 2 + 5i$$

$$4x + 2 = 2, \quad x + 2y = 5$$

## 2. 다음 계산 중 틀린 것은?

①  $5i \times (-2i) \times i^3 = -10i$

②  $i^3 + i^4 + i^5 + i^6 = 0$

③  $\sqrt{-8} \times \sqrt{-2} = 4$

④  $\sqrt{-2} + \sqrt{-8} = 3\sqrt{2}i$

⑤  $-16$  의 제곱근은  $\pm 4i$

해설

①  $5i \times (-2i) \times i^3 = -10i^5 = -10(i^2)^2 \times i = -10i$

②  $i^3 + i^4 + i^5 + i^6$   
 $= (i^2) \times i + (i^2)^2 + (i^2)^2 \times i + (i^2)^3$   
 $= -i + 1 + i - 1$   
 $= 0$

③  $\sqrt{-8} \times \sqrt{-2} = 2\sqrt{2}i \times \sqrt{2}i = -4$

④  $\sqrt{-2} + \sqrt{-8} = \sqrt{2}i + 2\sqrt{2}i = 3\sqrt{2}i$

⑤  $-16$  의 제곱근은  $\pm\sqrt{-16} = \pm 4i$

3. 허수단위  $i$ 에 대하여  $i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6$  을 간단히하면?

①  $1 + i$

②  $-1 + i$

③  $2i$

④  $2 + i$

⑤ 2

해설

$$i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5 + i^6$$

$$= i + (-1) + (-i) + 1 + i + (-1)$$

$$= -1 + i$$

4.  $x = 1 - \sqrt{3}i$  일 때,  $x^2 - 2x + 1$ 의 값은?

① -3

② -2

③ 0

④ 1

⑤ 3

해설

$x = 1 - \sqrt{3}i$ 에서

$x - 1 = -\sqrt{3}i$ 의 양변을 제곱하면

$$(x - 1)^2 = (-\sqrt{3}i)^2$$

$x^2 - 2x = -4$  이므로

$$x^2 - 2x + 1 = -4 + 1 = -3$$

5.  $\alpha = 1 + i$ ,  $\beta = 2 - i$  의 켤레복소수를 각각  $\bar{\alpha}$ ,  $\bar{\beta}$  라 할 때,  $\alpha\bar{\alpha} + \alpha\bar{\beta} + \bar{\alpha}\beta + \bar{\alpha}\bar{\beta}$  의 값은?

- ① 0      ② 3      ③  $7 - 2i$       ④  $7 - i$       ⑤  $7 + i$

해설

$$\begin{aligned}\alpha &= 1 + i, \beta = 2 - i \text{에서 } \bar{\alpha} = 1 - i, \bar{\beta} = 2 + i \text{ 이므로} \\ \alpha\bar{\alpha} + \alpha\bar{\beta} + \bar{\alpha}\beta + \bar{\alpha}\bar{\beta} &= (1 + i)(1 - i) + (1 + i)(2 + i) + (1 - i)(2 - i) + (1 - i)(2 + i) \\ &= (1 + 1) + (2 - 1 + 3i) + (2 - 1 - 3i) + (2 + 1 - i) \\ &= 7 - i\end{aligned}$$

6. 이차방정식  $(x - 1)(x + 3) = 7$ 의 해는?

①  $\frac{-2 \pm \sqrt{11}}{2}$

②  $\frac{-1 \pm \sqrt{11}}{2}$

③  $-2 \pm \sqrt{11}$

④  $-1 \pm \sqrt{11}$

⑤  $1 \pm \sqrt{11}$

해설

$$(x - 1)(x + 3) = 7, x^2 + 2x - 3 - 7 = 0,$$

$$x^2 + 2x - 10 = 0$$

$$\text{근의 공식에 의해 } x = -1 \pm \sqrt{1^2 + 10} = -1 \pm \sqrt{11}$$

7. 이차방정식  $5x^2 - 6x + a - 5 = 0$ 이 서로 다른 두 허근을 가질 때 정수  $a$ 의 최솟값은?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$$D' = 9 - 5(a - 5) = -5a + 34 < 0$$

$$\therefore a > \frac{34}{5}$$

8. 이차방정식  $2x^2 - x - 1 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha}$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▶ 정답:  $-\frac{5}{2}$

해설

$$\alpha + \beta = \frac{1}{2}, \quad \alpha\beta = -\frac{1}{2}$$

$$\frac{\alpha}{\beta} + \frac{\beta}{\alpha} = \frac{\alpha^2 + \beta^2}{\alpha\beta} = \frac{(\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta}{\alpha\beta} = -\frac{5}{2}$$

9. 이차방정식  $x^2 - 10x + k = 0$ 의 두 근의 비가 2 : 3이 되도록 상수  $k$ 의 값을 정하여라.

답:

▶ 정답 : 24

해설

주어진 방정식의 한 근을  $2\alpha$ 라 하면  
다른 한 근은  $3\alpha$ 가 되므로

①, ②를 풀면

$$\alpha = 2, k = 6 \times 2^2 = 24$$

10. 한 근이  $1 - i$  인 이차방정식이  $x^2 + ax + b = 0$  일 때, 실수  $a + b$  의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

한 근이  $1 - i$  이면 다른 한 근은  $1 + i$  이다.

두 근의 합 : 2,

두 근의 곱 : 2

$$\therefore a = -2, \quad b = 2$$

11. 이차방정식  $x^2 - 2x + a + 1 = 0$ 의 두 근이 서로 다른 부호의 실근을 가질 때,  $a$ 의 값의 범위를 구하여라.

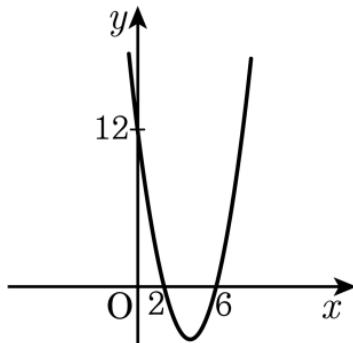
▶ 답 :

▶ 정답 :  $a < -1$

해설

$$(두 근의 곱) = a + 1 < 0 \quad \therefore a < -1$$

12. 다음은 이차함수  $y = (x - 2)(x - 6)$ 의 그래프이다.



이 이차함수가  $x$ 축과 만나는 두 점을 각각 A, B라 할 때,  $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

이차방정식  $(x - 2)(x - 6) = 0$ 에서  $x = 2$  또는  $x = 6$   
따라서 A(2, 0), B(6, 0) 이므로  $\overline{AB} = 4$

13. 포물선  $y = -x^2 + kx$  와 직선  $y = x + 1$  이 서로 다른 두 점에서 만나기 위한  $k$  의 범위는?

- ①  $k > 2, k < -1$       ②  $k > 3, k < -1$       ③  $k > 1, k < -1$   
④  $k > 3, k < -2$       ⑤  $k > 3, k < -3$

해설

포물선과 직선이 다른 두 점에서 만나므로

$$-x^2 + kx = x + 1, x^2 + (1 - k)x + 1 = 0 \text{에서}$$

$$D = (1 - k)^2 - 4 > 0$$

$$k^2 - 2k - 3 = (k - 3)(k + 1) > 0$$

$$\therefore k > 3 \text{ 또는 } k < -1$$

14. 이차함수  $y = -3x^2 - 6x + 1$ 의 최댓값과 최솟값을 차례로 구하면?

- ① 4, 없다      ② 1, 없다      ③ -1, 없다  
④ 없다, 4      ⑤ 없다, 1

해설

$$y = -3x^2 - 6x + 1 = -3(x^2 + 2x) + 1 = -3(x + 1)^2 + 4$$

따라서 최댓값은 4, 최솟값은 없다.

15. 다음 함수의 최댓값 및 최솟값을 구하여라.

$$y = -x^2 + 4x \quad (1 \leq x \leq 5)$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 최댓값 4

▷ 정답 : 최솟값 -5

해설

$$y = -x^2 + 4x = -(x - 2)^2 + 4$$

꼭짓점 :  $x = 2$  일 때  $y = 4$

양끝점 :  $\begin{cases} x = 1 \text{ 일 때 } y = 3 \\ x = 5 \text{ 일 때 } y = -5 \end{cases}$

$x = 2$ 에서 최댓값 4

$x = 5$ 에서 최솟값 -5

16. 방정식  $(x - 1)(x^2 - x - 2) = 0$ 의 모든 근의 합을 구하면?

① 5

② 4

③ 3

④ 2

⑤ 1

해설

$$(x - 1)(x - 2)(x + 1) = 0$$

$$\therefore x = -1, 1, 2$$

$$\therefore -1 + 1 + 2 = 2$$

17. 다음 방정식을 만족하는  $x$ ,  $y$ 의 값을 차례대로 구하여라.

$$2x - y = 4x + 10 = x + y - 5$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = -5$

▷ 정답:  $y = 0$

해설

주어진 방정식은 다음의 연립방정식과 같다.

$$\begin{cases} 2x - y = 4x + 10 \\ 2x - y = x + y - 5 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\begin{cases} 2x + y + 10 = 0 & \dots\dots \textcircled{\text{R}} \\ x - 2y + 5 = 0 & \dots\dots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$$

$$\textcircled{\text{L}} \text{에서 } x = 2y - 5 \dots\dots \textcircled{\text{E}}$$

$$\textcircled{\text{E}} \text{을 } \textcircled{\text{R}} \text{에 대입하면 } 2(2y - 5) + y + 10 = 0$$

$$\therefore y = 0$$

$$y = 0 \text{을 } \textcircled{\text{E}} \text{에 대입하면 } x = -5$$

$$\therefore x = -5, y = 0$$

18. 복소수  $z$ 에 대한 다음 보기의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은? (단,  $\bar{z}$ 는  $z$ 의 콜레복소수이다.)

보기

- ㉠  $z \cdot \bar{z}$ 는 실수이다.
- ㉡  $z + \bar{z}$ 는 실수이다.
- ㉢  $z - \bar{z}$ 는 허수이다.
- ㉣  $(z + 1)(\bar{z} + 1)$ 은 실수이다.

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉢

④ ㉠, ㉡, ㉢

⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣

해설

$z = a + bi$  ( $a, b$ 는 실수)로 놓으면  $\bar{z} = a - bi$  이므로

$$\text{㉠ } z \cdot \bar{z} = (a + bi)(a - bi) = a^2 + b^2 \text{ (실수)}$$

$$\text{㉡ } z + \bar{z} = (a + bi) + (a - bi) = 2a \text{ (실수)}$$

$$\text{㉢ } z - \bar{z} = (a + bi) - (a - bi) = 2bi$$

$b = 0$  이면 실수,  $b \neq 0$  이면 허수이다.

$$\begin{aligned}\text{㉣ } (z + 1)(\bar{z} + 1) &= (a + bi + 1)(a - bi + 1) \\ &= (a + 1 + bi)(a + 1 - bi) \\ &= (a + 1)^2 + b^2 \text{ (실수)}\end{aligned}$$

19. 계수가 실수인  $x$ 에 대한 이차방정식  $x^2 + 2(k-a)x + k^2 + b - 3 = 0$ 이  $k$ 의 값에 관계없이 항상 중근을 갖도록 하는 상수  $a, b$ 의 값은?

- ①  $a = 1, b = 2$       ②  $a = 0, b = 3$       ③  $a = -1, b = 2$   
④  $a = 0, b = 2$       ⑤  $a = -1, b = 3$

해설

중근을 가지려면, 편별식이 0이다.

$$D' = (k-a)^2 - (k^2 + b - 3) = 0$$

$$\Rightarrow -2ak + a^2 - b + 3 = 0$$

모든  $k$ 에 대해 성립하려면

$$-2a = 0, a^2 - b + 3 = 0$$

$$\therefore a = 0, b = 3$$

20. 이차함수  $y = x^2 - 8x + a$ 의 그래프와  $x$ 축과의 교점의  $x$ 좌표가 6,  $b$ 일 때,  $a + b$ 의 값은?

① 11

② 12

③ 13

④ 14

⑤ 15

해설

이차함수  $y = x^2 - 8x + a$ 의 그래프와  
 $x$ 축과의 교점의  $x$ 좌표는

이차방정식  $x^2 - 8x + a = 0$ 의 실근이다.

$x^2 - 8x + a = 0$ 에  $x = 6$ 을 대입하면

$36 - 48 + a = 0$ 에서  $a = 12$

따라서  $x^2 - 8x + 12 = 0$ 에서  $(x - 2)(x - 6) = 0$

$x = 2$  또는  $x = 6$

$\therefore b = 2 \therefore a + b = 14$

21. 이차함수  $y = x^2 - 2ax - 2b^2 - 4a + 4b - 6$ 의 그래프가  $x$ 축에 접할 때,  
 $a^2 + b^2$ 의 값은? (단,  $a, b$ 는 실수)

① 2

② 5

③ 8

④ 10

⑤ 13

해설

$$x^2 - 2ax - 2b^2 - 4a + 4b - 6 = 0 \text{에서}$$

$$\frac{D}{4} = a^2 - (-2b^2 - 4a + 4b - 6) = 0$$

$$\therefore (a+2)^2 + 2(b-1)^2 = 0$$

이 때,  $a, b$ 가 실수이므로  $a+2=0, b-1=0$

따라서  $a=-2, b=1$ 이므로

$$a^2 + b^2 = 5$$

22. 이차함수  $y = -x^2 + 2x + 10$  의 최댓값을  $M$ ,  $y = 3x^2 + 6x - 5$  의 최솟값을  $m$ 이라 할 때,  $M + m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 3

해설

$$\begin{aligned}y &= -x^2 + 2x + 10 \\&= -(x - 1)^2 + 11, \quad M = 11\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}y &= 3x^2 + 6x - 5 \\&= 3(x + 1)^2 - 8, \quad m = -8\end{aligned}$$

$$\therefore M + m = 11 - 8 = 3$$

23. 이차함수  $y = x^2 - 6x - 5$  의 최솟값은?

- ① -14      ② 14      ③ -5      ④ 5      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}y &= x^2 - 6x - 5 \\&= x^2 - 6x + 9 - 9 - 5 \\&= (x - 3)^2 - 14\end{aligned}$$

$\therefore x = 3$  일 때, 최솟값 -14 를 가진다.

24. 이차함수  $y = 2x^2$  의 그래프와 모양이 같고  $x = -1$  일 때, 최솟값 4 를 갖는 이차함수의 식은?

①  $y = 2(x - 1)^2$

②  $y = 2(x - 1)^2 + 4$

③  $y = 2(x + 1)^2 + 4$

④  $y = -2(x + 1)^2 + 4$

⑤  $y = -2(x - 1)^2 + 4$

해설

$y = 2x^2$  의 그래프와 모양이 같고 꼭짓점이  $(-1, 4)$  이므로

$$y = 2(x + 1)^2 + 4$$

25. 합이 18인 두 수가 있다. 한 수를  $x$ , 두 수의 곱을  $y$ 라 할 때, 두 수의 곱의 최댓값을 구하면?

① 11

② 21

③ 25

④ 81

⑤ 100

해설

합이 18인 두 수가 있다. 한 수를  $x$ 로 두면 나머지 한 수는  $(18 - x)$ 이다.

$$y = x(18 - x) = -x^2 + 18x = -(x^2 - 18x + 81) + 81$$

$$y = -(x - 9)^2 + 81$$

따라서 두 수의 곱의 최댓값은 81이다.

26. 방정식  $x^6 - 1 = 0$ 의 해가 아닌 것은?

①  $-1$

②  $1$

③  $\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$

④  $\frac{1 - \sqrt{3}i}{2}$

⑤  $\frac{-1 + \sqrt{3}}{2}$

해설

$$x^6 - 1 = (x^3 + 1)(x^3 - 1) = (x+1)(x^2 - x + 1)(x-1)(x^2 + x + 1) = 0$$

$$\Rightarrow x = -1, 1, \frac{1 \pm \sqrt{3}i}{2}, \frac{-1 \pm \sqrt{3}i}{2}$$

27.  $x(x - 1)(x + 1) - 6 = 0$ 의 세근을 구하면?

- ① 2, -1, -3      ② -2, 1, -3      ③ 2, 1, -3  
④ -2, -1  $\pm \sqrt{2}i$       ⑤ 2, -1  $\pm \sqrt{2}i$

해설

$$\text{준식} = x(x^2 - 1) - 6 = x^3 - x - 6 = 0$$

$$\begin{array}{c|cccc} 2 & 1 & 0 & -1 & -6 \\ & & 2 & 4 & 6 \\ \hline & 1 & 2 & 3 & 0 \end{array}$$

$$(x - 2)(x^2 + 2x + 3) = 0$$

$$\therefore x = 2, -1 \pm \sqrt{2}i$$

28. 사차방정식  $x^4 - 11x^2 + 30 = 0$ 의 네 근 중 가장 작은 근을  $a$ , 가장 큰 근을  $b$ 라 할 때,  $a^2 + b^2$ 의 값은?

- ① 8      ② 9      ③ 10      ④ 11      ⑤ 12

해설

$$x^4 - 11x^2 + 30 = 0$$

$$(x^2 - 5)(x^2 - 6) = 0$$

$$\therefore x = \pm \sqrt{5}, x = \pm \sqrt{6}$$

가장 작은 근  $a = -\sqrt{6}$ , 가장 큰 근  $b = \sqrt{6}$

$$\therefore a^2 + b^2 = 6 + 6 = 12$$

29.  $x^4 - 5x^2 - 14 = 0$ 의 두 허근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha^2 + \beta^2$ 의 값을 구하면?

① 4

② -4

③ 8

④ -8

⑤ -16

해설

$$x^4 - 5x^2 - 14 = (x^2 + 2)(x^2 - 7) = 0 \text{ 이므로}$$

두 허근  $\alpha, \beta$ 는

각각  $\sqrt{2}i, -\sqrt{2}i$  이므로

$$\alpha^2 + \beta^2 = -2 - 2 = -4$$

30.  $x$ 에 대한 삼차방정식  $x^3 + 3x^2 - kx - 5 = 0$ 의 한 근이  $-1$ 일 때, 상수  $k$ 의 값은?

- ①  $-5$       ②  $-3$       ③  $-1$       ④  $1$       ⑤  $3$

해설

$x^3 + 3x^2 - kx - 5 = 0$ 의 한 근이  $-1$ 이므로  $x = -1$ 을 대입하면

$$(-1)^3 + 3(-1)^2 - k(-1) - 5 = 0$$

$$\therefore k = 3$$

31. 삼차방정식  $x^3 + x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근이  $-3$ ,  $1 - \sqrt{2}$ 일 때, 유리수  $a$ ,  $b$ 의 합  $a + b$ 의 값은?

① -10

② -5

③ 0

④ 5

⑤ 10

해설

계수가 실수인 삼차방정식의 한 근이  $1 - \sqrt{2}$ 이므로 다른 한 근은  $1 + \sqrt{2}$ 이다.

따라서, 근과 계수의 관계에 의하여

$$a = (1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2}) + (-3)(1 - \sqrt{2}) + (-3)(1 + \sqrt{2}) = -7$$

$$b = -(1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2})(-3) = -3$$

$$\therefore a + b = -10$$

32. 연립방정식  $\begin{cases} y = x + 1 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$  의 해를

$x = \alpha, y = \beta$  라 할 때,  $\alpha^2 + \beta^2 - \alpha\beta$ 의 값은?

- ① 1      ② 3      ③ 5      ④ 7      ⑤ 9

해설

$$\begin{cases} y = x + 1 & \cdots \textcircled{1} \\ x^2 + y^2 = 5 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

①을 ②에 대입하면

$$x^2 + (x+1)^2 = 5, 2x^2 + 2x - 4 = 0,$$

$$2(x+2)(x-1) = 0$$

$$\therefore x = 1, -2$$

$$x = 1 \text{ 일 때}, y = 2,$$

$$x = -2 \text{ 일 때}, y = -1$$

$$\therefore \alpha = 1, \beta = 2 \text{ 또는 } \alpha = -2, \beta = -1$$

$$\therefore \alpha^2 + \beta^2 - \alpha\beta = 3$$

33. 연립방정식  $\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 + 2y^2 = 12 \end{cases}$  을 만족하는  $x, y$ 에 대하여  $x + y$  값이 될 수 없는 것은?

①  $3\sqrt{2}$

② 4

③  $-3\sqrt{2}$

④ -4

⑤  $4\sqrt{2}$

### 해설

$$x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \text{ 에서}$$

$$(x-y)(x-2y) = 0 \quad \therefore x = y \text{ 또는 } x = 2y$$

i )  $x = y$  일 때

$$x^2 + 2y^2 = 3x^2 = 12$$

$$x = \pm 2, y = \pm 2$$

ii )  $x = 2y$  일 때

$$x^2 + 2y^2 = 6y^2 = 12$$

$$y = \pm\sqrt{2}, \quad x = \pm 2\sqrt{2}$$

$$\therefore x + y = 4, -4, 3\sqrt{2}, -3\sqrt{2}$$